다물체 동역학을 이용한 타워크레인 운송 모델링 방법 연구

조아라·박광필[†]·이철우 대우조선해양㈜

Examination of Modeling Methods for Tower Crane Transportation using Multibody Dynamics

A-Ra Jo•Kwang-Phil Park[†]•Chul-Woo Lee Daewoo Shipbuilding & Marine Engineering Co., LTD.

This is an Open-Access article distributed under the terms of the Creative Commons Attribution Non-Commercial License(http://creativecommons.org/licenses/by-nc/3.0) which permits unrestricted non-commercial use, distribution, and reproduction in any medium, provided the original work is properly cited.

When a tower crane is carried by a transporter in shipyard, the height and length of the tower crane should be adjusted to meet the safety guidelines. Since the guidelines came from the field experience, the safety limitation needs to be analyzed by a computer simulation. In this paper, modeling methods are addressed to implement the appropriate transportation simulation of a tower crane. For the relation between the tower crane and the transporter, normal contact force, friction force, and kinematic constraints are compared. Assignment of relevant linear acceleration and angular velocity is considered for the transporter to start or move on an inclined ground surface. By using the examined modeling methods, the dynamic motion of tower crane transportation is analyzed by a dynamic simulation program, and comparison between the simulation result and analytic solution is made to verify the feasibility of the modeling methods.

Keywords: Tower crane (타워크레인), Transporter(트랜스포터), Dynamic motion simulation(동역학 거동 해석)

1. 서 론

조선소 및 건설 현장에서 중량물을 인양할 때 사용되는 타워 크레인(tower crane)은 크게 지브(jib), 마스트(mast), 웨이트 발 라스트 블록(weight ballast block), 포탈베이스(portal base)로 구성되며, 지브와 마스트의 길이를 조정할 수 있다. 타워크레인 의 작업 위치를 변경해야 하는 경우 Fig. 1과 같이 타워크레인을 트랜스포터(transporter)에 올려놓은 후 운송한다.

타워크레인 운송 시 안전을 위해 마스트 높이나 지브의 길이 를 조정하는 공법을 적용한다. 따라서 비용과 시간을 절약하기 위해 운송 조건에 따른 타워크레인 거동 안정성을 분석해 적절한 운송 기준을 수립하는 것이 필요하다. 운송 조건으로는 트랜스포 터의 출발 및 정지 시 속도, 기속도, 그리고 경시면 기울기 조건 등이 있다. 트랜스포터 및 타워크레인에 작용하는 외력은 풍력 (wind force), 접촉력(contact force), 와이어 로프 장력(wire rope tension) 등이 있다.

본 논문에서는 트랜스포터로 타워크레인 운송 시, 공법 설계

자가 타워크레인 거동 안정성 분석 결과를 도출하기에 적합한 모 델링 방법을 검토하였다. 모델링 대상은 타워크레인과 트랜스포터 사이의 접촉관계, 평지 및 경사면 위의 이동이다. 검토한 모델링 방법들을 이용해 타워크레인 운송 상황을 시뮬레이션하고, 동역학 계산 결과와 비교하여 모델링 방법의 타당성을 검증하였다.



Fig. 1 Configuration of tower crane transportation

본 논문의 2장에서는 물체 이동 안정성 분석과 관련된 연구를 살펴본다. 3장에서는 타워크레인 운송 모델링 방법을 설명한다. 4장에서는 검토한 모델링 방법으로 시뮬레이션하고, 5장에서는 시뮬레이션 결과와 동역학 계산 결과를 비교한다. 6장에서 향후 연구계획과 함께 결론을 맺는다.

2. 관련 연구 현황

물체의 이동 안정성 분석을 위해서는 적절한 운송 조건 및이 를 고려한 운송 대상의 모델링이 필요하다. Sim, et al. (2013)은 세 바퀴 전기자동차의 무게 중심 이동에 따른 동적 거동 안정성 을 분석했다. 세 바퀴 전기자동차의 길이방향 이동 및 횡 방향 회전에 대해 운동 방정식을 구성하고, 정상상태에서의 자동차 무 게중심 이동과 횡 동요의 연관관계를 분석했다. 또한 무게중심 이동으로 발생하는 횡 방향 기울기가 자동차 전복에 미치는 영향 을 분석했다.

Lee and Rhee (2012)은 주행 면 경사와 무게중심 변동각이 존 재하는 차륜형 역진자의 운동방정식을 구성하고, 주행면 경사 및 무게중심 변동각의 영향을 분석하고, 이를 고려해 차륜형 역진자 를 정적 평형상태로 유지하기 위한 제어 가능성을 확인하였다.

Cha, et al. (2008)은 병렬 연결된 해상 크레인을 이용하여 대 형 중량물을 인양하는 문제에 대해 다물체 동역학 운동방정식을 구성하고, 해상 조건을 고려하여 시뮬레이션을 수행하여 대형 중 량물을 인양하는 공법의 안정성을 확인하였다.

본 논문은 대상의 운동방정식을 구성한 것은 다른 연구와 유사하 나, 트랜스포터 위에 올려진 상태로 타워크레인을 운송하는 문제에 대해 운송 모델링 방법을 연구하였다. 운송 조건으로는 트랜스포터의 출발 및 정지, 경사면 각도 변화를 고려하였으며, 이 때 타워크레인의 전복과 같은 문제가 없는지 확인하기 위한 동역학 거동 모델링 방법으 로 트랜스포터의 접촉면, 평지 및 경사면 이동상황을 검토하였다. 트랜스포터와 타워크레인의 운동 방정식은 다물체 동역학 운동방정 식으로 구성하였고, 동역학 계산은 모델링 방법이 적용된 시뮬레이션 결과의 타당성을 검증하기 위해 사용하였다.

5. 트랜스포터의 타워크레인 운송 모델링 방법

타워크레인의 안정성은 트랜스포터 이동 시 타워크레인과 트 랜스포터간 상대 기울기 발생 여부, 타워크레인 전복 여부, 와이 어 로프의 장력 등으로 판단할 수 있다. 이러한 안정성 판단 결 과를 도출하기 위해 타워크레인과 트랜스포터 사이의 접촉면에 대한 모델링 방법과 트랜스포터의 평지 및 경사면 이동 모델링 방법에 대해 검토한다.

3.1 모델링 가정

본 논문의 대상이 되는 타워크레인은 지브, 마스트, 포탈베이

스, 웨이트 발라스트 블록 2개로 총 6개 부분으로 구성되며, 타 워크레인의 총 질량중심은 Fig. 2와 같이 타워크레인 마스트 중 심을 기준으로 뒤편에 위치한다.



Fig. 2 Components of the tower crane and transporter model

타워크레인과 트랜스포터 모델링 시 다음과 같이 가정한다.

- 타워크레인을 구성하는 각 부분은 강체로 가정
- 타워크레인 각 부분들은 고정(fixed) 조인트로 구속
- 와이어 로프 4개는 각각 트랜스포터와 미스트 상단에 연결 하며 초기 상태에서 장력은 없음
- 트랜스포터의 타이어 및 유압 시스템, 지면의 거칠기, 타워
 크레인 마스트와 지브의 유연체(flexible) 거동 등은 고려하
 지 않음
- 정지는 출발과 동일한 현상이므로 출발만 고려

3.2. 타워크레인과 트랜스포터의 접촉면 모사

접촉면의 수평방향의 외력(tangential force)을 받아 상대속도 v로 운동을 하는 두 물체의 접촉면에서 작용하는 힘은 Fig. 3과 같이 수직방향으로 작용하는 수직 접촉력(normal contact force) 과 수평방향으로 작용하는 마찰력(friction force)으로 분해한다.



Fig. 3 Components of contact force between two bodies

접촉력을 수치 해석 기법을 사용해 해석하는 동역학 프로그램 들은 보통 수직 접촉력을 두 물체의 간섭 발생 시 침투량 (penetration)및 침투 속도의 함수로, 마칠력은 마찰 계수, 상대 속도, 수직항력의 함수로 근사하여 표현한다. 식 (1)과 (2)는 수 직 접촉력과 마찰력의 계산 예다 (FunctionBay, Inc, 2012).

$$f_n = k\delta^{m_1} + c\frac{\dot{\delta}}{|\dot{\delta}|}|\dot{\delta}|^{m_2}\delta^{m_3} \tag{1}$$

$$f_f = \mu(v) \cdot |f_n| \tag{2}$$

여기서 f_n 은 수직 접촉력, f_f 은 마찰력, k는 스프링(spring) 상수, c는 감쇄(damping) 상수, δ 은 침투 량, δ 은 침투 속도, m_1, m_2, m_3 는 각각 스프링 지수(exponent), 감쇄 지수, 침투 (penetration) 지수, μ 는 마찰계수다.

수직 접촉력을 계산하는 방법 중 compliant contact force model은 Fig. 4와 같이 두 강체가 접촉할 때 간섭 검사로 침투 량 및 침투 속도를 계산한 후, 이에 대응하는 수직 접촉력을 식 (1)과 같이 계산해 두 물체에 가하는 것으로 구현된다 (Choi, 2009).



Fig. 4 Relation between penetration and normal contact force

마찰력은 일반적으로 Fig. 5(a)와 같이 쿨롱(coulomb) 마찰력 으로 정의한다. 쿨롱 마찰력과 두 물체의 상대속도의 관계를 나 타내면 Fig. 5(b)와 같이 정지 마찰력과 운동 마찰력이 작용하는 구간 사이에 불연속점이 존재하는 불연속 함수 형태이다. 실제 동역학 프로그램들에서는 불연속점을 수치 해석 기법으로 계산 하기 어려우므로 식 (2) 및 Fig. 5(c)와 같이 연속함수로 근사하 여 표현한다.

여기서 v는 상대속도(relative velocity), v_d 는 동적 천이 속도 (dynamic threshold velocity), v_s 는 정적 천이 속도(static threshold velocity)다. Fig. 5(c)에서 정지 마찰력은 상대속도가 v_s 이내인 경우, 운동 마찰력은 상대속도가 v_d 이상인 경우 작용 한다고 가정한다. v_s 와 v_d 는 수치 계산이 가능한 수준에서 미소 한 값으로 설정한다.

식 (2)의 미찰계수 μ는 두 물체의 상대속도 v및 미찰계수에 대한 함수 형태로 Fig. 6과 같이 정의한다.

여기서 μ_s 는 정 마찰계수(static friction coefficient), μ_d 는 동 마찰계수(dynamic friction coefficient)다. 마찰계수를 Fig. 6과 같이 연속함수로 나타내면 적분 안정성 을 보장할 수 있다. 그러나 연속함수의 특성상 두 물체간 상대속 도가 없다면 마찰력 또한 없으므로 마찰력이 작용하며 정지해 있 는, 즉 점착(stick)을 구현할 수 없을 뿐 아니라 물체가 vs 이하의 미세한 상대속도로 미끄러지는 문제가 있다.



Fig. 5 Definition of friction force: (a) Coulomb friction (b) Coulomb friction about relative velocity (c) Approximation friction model



Fig. 6 Relation between friction coefficient and relative velocity

타워크레인을 트랜스포터로 운송 시 경시면 각도가 미소할 뿐 아니라 웨이트 발라스트 블록으로 포탈베이스를 눌러주며 타워 크레인의 포탈베이스와 트랜스포터 사이에 고무 패드를 사용해 미끄러지지 않게 한다. 따라서 타워크레인이 미끄러지는 경우는 실제 현상에서 관측되지 않는다. 그런데 위 마찰력 계산 방법을 사용해 시뮬레이션 하면 실제 현상과 달리 타워크레인이 미끄러 지는 결과를 얻게 된다. 일반 해석 시에는 미세한 상대속도를 무 시할 수도 있으나, 타워크레인 이동해석의 경우 와이어 로프 장 력이 증가하는 결과를 얻게 되므로 바람직하지 않다. 일반적인 마찰력 계산 방법에 가상의 스프링 및 감쇄력을 이 용해 점착 현상을 모사하는 방법이 제안되었으나 (Choi & Yoo, 2012) 본 논문의 대상과 같이 타워크레인과 트랜스포터가 와이 어 로프로 구속되어 있는 경우 와이어 로프의 장력이 이 가상의 스프링 및 감쇄력의 영향을 받아 진동하므로 부적합하다. 따라서 타워크레인이 넘어지는 현상을 시뮬레이션 할 수 있도록 타워크레 인과 트랜스포터 사이에 적절한 구속 조건(constraints)을 고려하 였다.

기구학(kinematics)의 구속 조건 중 회전 지유도 관련 조인트 (joint)는 Fig. 7(a), (b), (c)와 같이 볼(ball) 조인트, 힌지(hinge) 조인트, 유니버설(universal) 조인트 등이 있다. 볼 조인트는 두 물체간 3축 회전 자유도, 힌지 조인트는 두 물체간 1축 회전, 유 니버설 조인트는 두 물체간 2축 회전 자유도가 있는 경우다 (Smith, 2006).



Fig. 7 Types of kinematic constraint; (a) Ball joint (b) Hinge joint (c) Universal joint

타워크레인의 포탈베이스 접촉면에 조인트를 추가 시, 볼 조 인트는 두 접촉면의 상대 회전운동이 가능하므로 포탈베이스가 미끄러지며 회전하는 현상이 나타난다. 힌지 조인트는 한쪽 방향 의 기울어짐만 표현 가능하므로 종 경사 및 횡 경사로 인해 두 방향으로 기울어지는 문제를 표현하기 어렵다. 따라서 본 논문에 서는 Fig. 8의 조인트 연결지점에서 위치가 구속되어 미끄러지는 현상을 방지하고, 두 축을 따라 종 방향 및 횡 방향으로 전복 가 능하도록 유니버설 조인트를 추가하였다.



Fig. 8 Universal joint assigned between the transporter and the portal base of the tower crane

3.3 트랜스포터의 평지 및 경사면 이동 모사

타워크레인의 무게중심은 마스트 중심 기준으로 뒤편에 위치 하므로 뒤로 기울어지기 쉽다. 따라서 다음 상황일 때 타워크레 인이 기울어지거나 전복될 가능성이 있다.

- 타워크레인에 풍력이 전진 방향과 반대로 작용
- 트랜스포터가 평지 및 양의 종 경사에서 이동 시작하는 경우
- 트랜스포터가 각도가 증가하는 종 경사면을 따라 올라가는
 경우

이를 검토하기 위해 Fig. 9와 같이 트랜스포터의 속도, 가속도 방향은 양으로, 바람 방향은 반대방향으로, 종 경시는 양으로 설 정하였다. 횡 방향 질량분포는 대칭이므로 횡 경시는 Fig. 9와 같이 설정하였다.



💽 : universal joint

Fig. 9 Simulation model of the tower crane and the transporter for transportation

트랜스포터의 평지 및 경사면 이동 시뮬레이션을 위해 다음의 가정을 추가하였다.

- 경사면은 평지 또는 양의 종 경사로 설정
- 트랜스포터의 가속 방향은 전진 방향과 동일
- 풍력은 전진 방향과 반대로 일정하게 작용하는 것으로 가정

트랜스포터가 평지 및 양의 종 경사에서 출발하는 경우 타워 크레인이 기울어지거나 전복될 가능성이 있다. 이 때 종 경사가 함께 변할 수 있으나 가속 소요시간이 길지 않아 변화량은 작다. 따라서 Fig. 10(a)와 같이 주어진 경사에서 이동 시작하는 경우 와 Fig. 10(b)와 같이 일정 속도로 이동 중 경사가 변화하는 경우 를 분리해 검토한다.

경사가 변화하는 경우 경사면 각도가 불연속적으로 변할 수 있으나, Fig. 10(b)와 같이 트랜스포터가 경사를 따라 올라가므 로 트랜스포터 자체의 자세 변화는 불연속적이지 않다. 따라서 종 경사 변경 시 경사각은 평지에서 시작해 트랜스포터가 자체 길이만큼 진행하였을 때 최종 경사각과 동일해지며, 종 경사 변 경 구간에서 트랜스포터에 일정 각 속도가 작용한다고 가정하여 모델링 하였다. 즉, 종 경사 변경 전과 후의 각 속도는 0이며 종 경사 시작 및 종료 시에 각 가속도가 작용하고, 종 경사 변경 중 의 각 속도는 일정하다.



Fig. 10 Simulation scenario: (a) 1: constant linear acceleration (b) 2: constant angular velocity with constant linear velocity

시뮬레이션 시나리오(scenario)는 다음과 같다.

- 1) 시나리오 1: 트랜스포터 이동 시작
 - 지면에 초기 횡 경사(0도, 2도) 및 초기 종 경사(0도, 3
 도, 5도) 부여
 - 트랜스포터는 정지 상태에서 출발하여 목표 이동 속도(1 m/s) 까지 일정하게 가속
 - 가속도를 변화시켜 타워크레인이 기울어지는 현상 확인
- 2) 시나리오 2: 트랜스포터 이동 중 종 경사 변경
 - 지면에 초기 횡 경사(0도, 2도) 부여
 - 트랜스포터가 등속도(1 m/s)로 이동 중 각 가속도를 부여 하여 종 경사를 0도에서 최종 종 경사까지 일정 각 가속 도로 변경
 - 각속도 변화에 따른 타워크레인의 전복 임계 경사각 확인
 및 와이어 로프 장력 확인

이 때 경시변화시간은 트랜스포터 길이만큼 등속도로 이동하 는 데 소요되는 시간으로 기정한다.

4. 트랜스포터의 타워크레인 운송 시뮬레이션

본 장에서는 3.2의 모델과 3.3의 시나리오를 적용하여 상 용 S/W로 타워크레인의 운송을 시뮬레이션 한다. 시뮬레이 션 결과로 운송 안정성을 검토하고 모델링의 타당성을 검증 한다.

4.1 모델 제원 및 좌표계 설정

타워크레인의 총 질량 (m_c) 은 225.112 ton이다. 트랜스포터의 무게중심에서 정의한 타워크레인 무게중심 C의 위치벡터 $\mathbf{r}_{\mathrm{C/T}}$, 유니버설 조인트 H의 위치벡터 $\mathbf{r}_{\mathrm{H/T}}$ 는 각각 다음과 같다.

$$\mathbf{r}_{C/T} = \begin{bmatrix} -0.764 & 0.000 & 20.600 \end{bmatrix}^T \\ \mathbf{r}_{H/T} = \begin{bmatrix} -4.370 & -3.000 & 2.050 \end{bmatrix}^T$$

4.2 시나리오 1: 트랜스포터 이동 시작

본 시나리오에서는 트랜스포터의 선가속도로 인해 타워크레인 에 관성력이 작용한다. 따라서 초기 횡 경사 및 초기 종 경사 조 건 별로 정지상태에서 선 속도(1 m/s)까지 가속 소요시간을 조정 함으로 선가속도를 바꾸어, 해당 조건에서 타워크레인이 기울어 지는 선가속도를 찾는다.

상용 다물체 동역학 해석 프로그램인 Recurdyn (Functionbay, 2012)으로 시뮬레이션 한 결과는 Table 1과 같다.



Fig. 11 Simulation of tower crane transportation with linear velocity change

						-
		Trans-	Longi-	Results		
Case	Linear Velocity	verse	tudinal	Linear	Duration of Acc.	Max.
		Slope	Slope	Acc		Inclinatio
		(roll)	(pitch)	/ 100.		n Angle
1 2 2	- - 1.0m/s	0°	0°	1.848	0.540	8.953
				m/s ²	Sec	*10 ⁻⁰⁷ °
			3°	1.331	0.750	7.249
				m/s ²	Sec	*10 ⁻⁰⁶ °
			5°	0.986	1.014	2.100
5				m/s ²	Sec	*10 ⁻⁰⁵ °
1		2°	0°	1.846	0.541	4.880
4				m/s ²	sec	*10 ⁻⁰⁵ °
E			3°	1.330	0.751	3.137
5				m/s ²	sec	*10 ⁻⁰⁵ °
6			5°	0.984	1.015	3.356
				m/s ²	sec	*10 ⁻⁰⁷ °

Table 1 Simulation results for linear velocity change

트랜스포터가 계산한 가속 소요시간 이상으로 가속하면(선가 속도 이하로 가속) 타워크레인은 기울어지지 않는다. 계산한 가 속 소요시간으로 가속 시 관성력에 의한 모멘트로 타워크레인이 기울어나 제자리로 돌아오며 그 기울기는 약 10-5도 이내로 미 소하다. 그 이유는 가속 소요시간이 짧아 관성력이 작용하는 시 간이 짧기 때문이다. 따라서 트랜스포터 출발 시 가속구간(가속 소요시간)에 의한 영향은 작다고 할 수 있다.

4.3 시나리오 2: 트랜스포터 이동 중 종 경사 변경

트랜스포터가 등 선 속도로 이동 중, 초기 종 경사 0도부터 시 작해 경시가 증가하는 구간을 지니갈 때 타워크레인과 트랜스포 터는 등 각속도 운동을 한다. 이후 트랜스포터는 일정 종 경사를 이동하나, 타워크레인은 각속도가 있기 때문에 경사 변화구간이 지난 후 타워크레인이 기울어진다. 따라서 여러 종 경사 조건 중 타워크레인이 기울어지나 제자리로 돌아오는, 즉 타워크레인이 전복되기 직전의 종 경사를 시뮬레이션으로 확인하였고, 그 결과 는 Table 2와 같다.



Fig. 12 Simulation of tower crane transportation with linear angle change

Case	Transverse Slope (roll)	Final Longitudinal Slope (pitch)	Max. Inclination Angle	Maximum Lashing Force
1-1	0.0°	7.8°	1.978°	No wire ropes
1-2		7.8°	0.980°	7.107 ton
2-1	2.0°	7.8°	1.980°	No wire ropes
2-2		7.8°	0.980°	7.114 ton

Table 2 Simulation results for linear angle change

계산 결과, 트랜스포터가 최종 종 경사(7.8도) 이하로 이동하면 타워크레인이 최대 1.980도 기울어지나 제자리로 돌아온다. 트랜 스포터가 최종 종 경사를 초과한 각도에서 이동하면 타워크레인 이 전복될 수 있다. Case 1-1과 1-2를 비교하면 와이어 로프를 설치 시 최종 종 경사에 미치는 영향은 작으나 최대 기울어지는 각도는 0.980도로 줄어든다. Case 1-1과 2-1을 비교하면 횡 경 사 2도가 최종 종 경사에 미치는 영향은 작은 것으로 나타났다.

5. 시뮬레이션 결과와 동역학 계산 결과 비교

트랜스포터와의 상대운동을 고려해 타워크레인의 운동방정식 을 구성하고, 3.3의 시나리오 1과 같이 트랜스포터 이동 시작 시 타워크레인이 기울어지게 하는 임계 선가속도를 계산 후 정지상 태에서 선 속도(1 m/s)까지 가속 소요시간을 계산하였다. 그 결 과를 4.1의 상용 시뮬레이션 S/W 결과와 비교해 모델링의 타당 성을 검증하였다.

트랜스포터 및 타워크레인의 무게중심, 유니버설 조인트의 위 치 등을 기술하기 위한 좌표계로 Fig. 13과 같이 관성 좌표계 (inertial reference frame, n-frame)를 설정하고, 물체 고정 좌표 계(body-fixed reference frame)로 타워크레인 무게중심 C와 트 랜스포터 무게중심 T에 각각 타워크레인 고정 좌표계(tower crane fixed frame, b_C-frame), 트랜스포터 고정 좌표계 (transporter fixed frame, b_C-frame)를 설정하였다.



Fig. 13 Definition of inertial reference frame and body-fixed reference frames for the tower crane and the transporter

관성 좌표계(n-frame)의 원점 E를 기준으로 정의한 점 C의 위 치 벡터 $\mathbf{r}_{C/E}$ 는 식 (3)과 같이 트랜스포터 고정 좌표계(br-frame) 의 병진 위치 $\mathbf{r}_{T/E}$, 트랜스포터 고정 좌표계를 기준으로 한 유니 버셜 조인트 H의 위치 $\mathbf{r}_{H/T}$, 점 H의 위치를 기준으로 타워크레인 고정 좌표계(bc-frame)의 병진 위치 $\mathbf{r}_{C/H}$ 를 이용해 표현한다.

$${}^{n}\mathbf{r}_{C/E} = {}^{n}\mathbf{r}_{T/E} + {}^{n}\mathbf{r}_{H/T} + {}^{n}\mathbf{r}_{C/H}$$
(3)

여기서 " $\mathbf{r}_{C/E}$ 의 오른쪽 아래 첨자는 n-frame에서 정의된 점 C의 위치 벡터를 의미하며, 왼쪽 위의 첨자는 위치 벡터를 n-frame의 단위 벡터로 분해한(resolve) 것으로 각 성분을 " $x_{C/E}$, " $y_{C/E}$, " $z_{C/E}$ 로 표현한다.

타워크레인의 가속도 " $\ddot{r}_{C/E}$ 는 식 (3)을 이용 및 트랜스포터와 타워크레인의 병진운동을 고려하면 식 (4)와 같다.

$${}^{n}\ddot{\mathbf{r}}_{C/E} = {}^{n}\ddot{\mathbf{r}}_{T/E} + {}^{n}\ddot{\mathbf{r}}_{C/H}$$

$$\tag{4}$$

n-frame을 기준으로 기술한 타워크레인의 운동방정식은 식 (5)과 같다.

$$m_C \, {}^n \ddot{\mathbf{r}}_{C/E} = \sum^n \mathbf{F}_c \tag{5}$$

여기서 mc는 타워크레인 질량이다.

식 (5)의 좌변을 식 (4) 로 치환하고, H점 기준으로 기술한 C 의 가속도 " $\ddot{\mathbf{r}}_{C/H}$ 외의 항을 우변으로 이항하면 식 (6)과 같다.

$$m_C \,^n \ddot{\mathbf{r}}_{C/H} = \sum^n \mathbf{F}_C - m_C \,^n \ddot{\mathbf{r}}_{T/E} \tag{6}$$

여기서, m_C " $\mathbf{\ddot{r}}_{T/E}$ 은 트랜스포터 이동 시작 시, 타워크레인에 작용하는 관성력이다. 타워크레인에 작용하는 외력 " \mathbf{F}_C 는 Fig. 14과 같이 중력, 구속력 및 풍력이다.

유니버설 조인트의 위치 H를 기준으로 타워크레인에 작용하 는 모멘트는 식 (7)과 같다.

$${}^{n}\mathbf{M}_{H} = {}^{n}\mathbf{r}_{C/H} \times {}^{n}\mathbf{F}_{C,G} + {}^{n}\mathbf{r}_{H/H} \times {}^{n}\mathbf{F}_{C,C}$$
(7)
+
$${}^{n}\mathbf{r}_{C/H} \times {}^{n}\mathbf{F}_{C,W} + {}^{n}\mathbf{r}_{C/H} \times (-m_{c} \ {}^{n}\ddot{\mathbf{r}}_{T/E})$$

여기서, " $\mathbf{F}_{C,G}$, " $\mathbf{F}_{C,C}$, " $\mathbf{F}_{C,W}$ 는 각각 타워크레인에 작용하 는 중력, 구속력 및 풍력이고, " $\mathbf{r}_{H/H} = \mathbf{0}$ 이다.

트랜스포터와 타워크레인이 회전 운동 시 관성 좌표계로 위 치 벡터, 관성력, 풍력을 기술하면 시간에 따라 값이 변한다. 따 라서 식 (7)을 트랜스포터의 물체 기준 좌표계로 변환하여 표현 하면 식 (8)와 같다.

$$\mathbf{M}_{H} = {}^{b_{T}} \mathbf{r}_{C/H} \times ({}^{b_{T}} \mathbf{R}_{n} {}^{b_{T}} \mathbf{F}_{C,G} + {}^{b_{T}} \mathbf{F}_{C,W})$$

$$+ {}^{b_{T}} \mathbf{r}_{C/H} \times (-m_{c} {}^{b_{T}} \mathbf{\ddot{r}}_{T/E})$$

$$(8)$$

여기서, ${}^{b_T}\mathbf{R}_n = \begin{bmatrix} \cos\theta & \sin\theta\sin\phi & -\cos\phi\sin\theta \\ 0 & \cos\phi & \sin\phi \\ \sin\theta & -\sin\phi\cos\theta & \cos\phi\cos\theta \end{bmatrix}$

(9)

$${}^{b_{T}}\mathbf{F}_{C,W} = \begin{bmatrix} 0\\0\\-m_{c} \cdot g \end{bmatrix}$$
(10)

$${}^{b_{\mathcal{I}}}\mathbf{F}_{C,W} = \begin{bmatrix} F_{Wind} \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$
(11)

$$-m_{c} {}^{b_{T}} \ddot{\mathbf{r}}_{T/E} = \begin{bmatrix} -m_{c} \cdot {}^{b_{T}} \ddot{x}_{T/E} \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$
(12)

 ${}^{b_{T}}\mathbf{R}_{n}$ 는 n-frame의 br-frame에 대한 회전 변환 행렬이다. ${}^{b_{T}}\ddot{x}_{T/E}$ 는 위치 벡터 ${}^{b_{T}}\ddot{\mathbf{r}}_{T/E}$ 의 x 축방향 성분이다. θ , ϕ 은 각각 트 랜스포터의 종 경사 및 횡 경사로 n-frame기준으로 기술한 br-frame의 자세와 같다. g는 중력가속도로 9.80665 m/s²를 사 용했다. F_{Wind}는 풍력으로 값은 -13.317 kN을 사용하였다.



Fig. 14 Forces and moments exerted on the tower crane

식 (8)에 식(9), (10), (11), (12)를 대입해 모멘트 ^{b₂}M_H의 y 축 성분을 정리하면 식 (13)과 같다.

$${}^{b_{T}}\mathbf{M}_{H,y} = {}^{b_{T}}z_{C/H} \cdot \cos\phi \sin\theta \cdot m_{c} \cdot g \qquad (13)$$

$$+ {}^{b_{T}}z_{C/H} \cdot F_{Wind}$$

$$- {}^{b_{T}}z_{C/H} \cdot c_{c} \cdot {}^{b_{T}} \cdot T_{T/E}$$

$$+ {}^{b_{T}}x_{C/H} \cdot \cos\phi \cos\theta \cdot m_{c} \cdot q$$

총 모멘트 ^{b2}**M**_{H,y} = 0이 되게 하는, 즉 타워크레인이 기울어 지지 않게 하는 모멘트와 기울어지게 하는 모멘트가 평형을 이루 게 하는 선가속도는 식 (14)와 같다.

4.1의 값을 식 (14)에 대입하고, 시뮬레이션 case 별 종 경사 및 횡 경사를 대입하여 선가속도 구한 후 최종 선 속도(1 m/s)를 선가속도로 나누면 가속 소요시간을 계산할 수 있다. 수 계산 결 과는 Table 3과 같다.

Table	3	Analytic	results	for	linear	velocity	change
-------	---	----------	---------	-----	--------	----------	--------

	Linear Velocity	Trans-v	Longi–t	Results			
Case		erse Slope (roll)	udinal Slope (pitch)	Linear Acceleration	Duration of Acceleration		
1	1.0m/s	0°	0°	1.847207 m/s2	0.541358 sec		
2			3°	1.331354 m/s2	0.751115 sec		
3			5°	0.985246 m/s2	1.014974 sec		
4		2°	0°	1.846045 m/s2	0.541699 sec		
5			3°	1.330507 m/s2	0.751593 sec		
6			5°	0.984610 m/s2	1.015630 sec		

계산 결과, 타워크레인이 기울어지는 선가속도 및 가속 소요 시간 수 계산 결과는 Table 1의 시뮬레이션 결과와 거의 유사하 다. 따라서 타워크레인의 운송 시뮬레이션을 위해 사용한 모델링 방법이 타당하다고 판단된다.

6. 결 론

본 논문에서는 공법 설계자가 타워크레인 운송 중 타워크레인 거동 안정성 분석 결과를 도출하기에 적합한 모델링 방법을 검토 하고, 이를 적용하여 시뮬레이션 하였으며 동역학 계산을 통해 결과를 비교하였다.

모델링 방법으로 타워크레인과 트랜스포터의 접촉면을 모사할 때 물체간 접촉력을 포함하고, 두 물체간 점착 현상을 모사하기 위해 마찰력 대신 타워크레인과 트랜스포터 사이에 구속조건을 추가하였다. 구속조건으로 타워크레인과 트랜스포터의 접촉면의 모서리를 따라 종 방향 및 횡 방향으로 기울어질 수 있도록 유니 버설 조인트를 추가하였다.

트랜스포터의 평지 및 경사면 이동을 모사하기 위해 트랜스포 터가 이동 시작, 트랜스포터 이동 중 종 경시를 변경하는 경우를 나누어 정리하고, 시뮬레이션을 수행하였다. 모델링 결과의 검증 시 현장 계측 데이터의 확보 및 비교가 어려운 관계로, 트랜스포 터 이동 시작 경우의 수 계산 결과와 시뮬레이션 결과를 비교하 여 모델링 방법의 타당성을 검증하였다. 이러한 모델링 방법을 적용하면 타워크레인의 운송 안정성 검토에 유용할 것으로 기대 된다. 다만, 본 논문에서 제시한 모델링 방법은 모델링 가정에서 언급한 바와 같이 트랜스포터의 타이어 유압시스템, 지면의 거칠 기, 타워크레인 마스트와 지브의 유연체 거동 등은 고려하지 않 았으므로 향후 이러한 영향을 추가로 고려한 연구가 필요하다.

References

- Cha, J.H. Ham, S.H. Kwon, J.H. Roh, M.I. Lee, K.Y. Park, K.P. & Suh, H.W., 2008. Simulation of dynamic response of a heavy cargo suspended by parallel connected floating cranes. *Proceedings of the SNAK(Society of Naval Architecture of Korea) Fall Conference*, Changwon, Republic of Korea, 12–14 November 2008, pp.921–930.
- Choi, C.K. & Yoo, H.H., 2012. A Dry Friction Model to Realize Stick for Simulation of the System with Friction and Accuracy Verification of the Friction Model. *Transactions of the Korean Society for Noise and Vibration Engineering*, 22(8), pp.748–755.
- Choi, J.H., 2009. *A Study on the Analysis of Rigid and Flexible Body Dynamics with Contact.* Ph.D. Thesis, Seoul National University.
- FunctionBay, Inc., 2012. Recurdyn/Solver Theoretical Manual. Soth Korea: FunctionBay, Inc.
- Lee, S.H. & Rhee, S.Y., 2012. Dynamic Modeling of a Wheeled Inverted Pendulum for Inclined Road and Changing Its Center of Gravity. *Journal of Korean Institute of Intelligent Systems*, 22(1), pp.69–74.
- Sim, J.H. Park, Y.J. & Park, Y.S., 2013. Analysis of dynamic characteristic of three-wheeled vehicle in respect of mass center change. 2013 Spring Conference of Dynamics & Control Section in the Korean Society of Mechanical Engineers, Jeju, Republic of Korea, 4–6 June 2013, pp.41–42.
- Smith, R., 2006, User Guide, v0.5, Open Dynamics Engine.

