ISSN 2233-6036

# 이동 타겟 추적을 위한 N-R과 EKF방법의 로봇비젼제어기법에 관한 연구

홍성문<sup>a</sup>, 장완식<sup>a\*</sup>, 김재명<sup>a</sup>

# A Study on the Robot Vision Control Schemes of N-R and EKF Methods for Tracking the Moving Targets

Sung-Mun Hong<sup>a</sup>, Wan-Shik Jang<sup>a\*</sup>, Jae-Meung Kim<sup>a</sup>

<sup>a</sup> Det. of Mechanical Engineering, Chosun University, Seoseok, Dong-gu, Gwang-ju 501-759, Korea

## ARTICLE INFO

#### Article history:

Received 11 April 2014 Revised 16 July 2014 Accepted 11 September 2014

Keywords:

Extended Kalman Filtering Newton-Raphson Robot vision control scheme Tracking

Moving target

#### **ABSTRACT**

This paper presents the robot vision control schemes based on the Newton-Raphson (N-R) and the Extended Kalman Filter (EKF) methods for the tracking of moving targets. The vision system model used in this study involves the six camera parameters. The difference is that refers to the uncertainty of the camera's orientation and focal length, and refers to the unknown relative position between the camera and the robot. Both N-R and EKF methods are employed towards the estimation of the six camera parameters. Based on the these six parameters estimated using three cameras, the robot's joint angles are computed with respect to the moving targets, using both N-R and EKF methods. The two robot vision control schemes are tested by tracking the moving target experimentally. Given the experimental results, the two robot control schemes are compared in order to evaluate their strengths and weaknesses.

## 1. 서 론

컴퓨터와 센서기술의 발전은 산업용 로봇이 더 정밀하면서 다양한 작업을 할 수 있도록 연구되어지고 있다. 수동적인 작업을 벗어나기 위한 프로그래밍 기술은 기본적이며, 복잡한 작업 환경에 대처하기 위해선 센서 결합기술이 필수적이다. 특히, 센서결합 기술의 경우 반복적인 작업을 수행 할 때에는 특별히 많은 센서가 필요하지 않고 정밀도가 강조되고 있다. 인간의 경우 상황을 판단하고 대처 할 때에 시각이 중요한 감각중의 하나이다. 이처럼 중요한 시각기능을 로봇분야에 적용하기 위해 비젼시스템이 활용되고 있다. 이것은 제한적이기는 하지만 로봇에게 지능을 부여함으로써 다양하고 복잡한 작업조건을 판단하고 정확하게 처리하도록 만들었다.

그러나 실제 산업 현장에서 비젼시스템을 결합한 로봇을 적용하는 데 있어서 크게 2가지 문제점이 발생하게 된다.

첫 번째 문제는 CCD카메라에 의해서 측정된 많은 데이터를 저장하기 위한 메모리의 확보와 메모리 손실에 따른 처리 속도의 저하이다. 이에 대해 H/W적인 부분에 있어서 1970년대 후반부터 이루어진 LSI (Large Scale Integrate)로 대표되는 대규모 기억소자의 꾸준한 개발로 인해 메모리 문제를 해결하였으며, 마이크로 프로세서의 발달은 많은 양의 데이터에 의한 처리 속도저하와 복잡한 알고리즘에 의한 처리 속도저하에 대한 문제를 상당수 해결하였다. 또한 이치화 기법을 사용한다든지 큐(cue)를 사용하여 데이터의 양을 최소로 하며 작업의 조건과 특성을 명확히 함으로써 비젼시스템을 특정 작업에만 적합하도록 적용하고, 획득되어지는 데이

Fax: +82-62-230-7045

E-mail address: wsjang@chosun.ac.kr (Wan-Shik Jang).

<sup>\*</sup> Corresponding author. Tel.: +82-62-230-7212

터의 양을 최소로 줄이는 등의 물리적인 작업환경을 통해 데이터를 처리하는데 소요되는 시간들을 줄이는 방법들이 연구되었다<sup>[1,2]</sup>.

두 번째는 로봇과 비젼 시스템간의 효과적인 보정을 위해 3차원 공간에서 움직이는 로봇의 위치를 2차워 카메라 좌표계로 매핑하 기 위한 로봇 좌표계와 카메라 좌표계 상호간의 관계에 대한 정보 가 정확해야 한다는 것이다. 이 문제에 대한 대표적인 연구는 Kellv<sup>[3]</sup>가 카메라 이미지 평면상의 특징점 오차를 사용하는 이미 지 제어기반 알고리즘을 제시하였으며, Yoshihiro [4] 등은 카메라와 로봇 사이의 상대적인 위치 변화가 있는 경우에도 보정이 필요하지 않는 퍼지 논리를 사용하였으며, Bacakoglu<sup>[5]</sup> 등은 카메라 내부 매개변수와 외부 매개변수를 결정하는 과정에 대한 최적화된 3단 계 카메라 보정 알고리즘을 개발하였다. 또한, Tsai<sup>[6]</sup>는 정확하게 알려진 물리적인 공간의 점들에 대해 매니퓰레이션을 하기 전에 카메라에 대한 보정과 이러한 점들의 3차원 직교좌표계를 2차원 영상평면좌표계로 일치시키기 위한 모델에서 매개변수들을 추정하 는 방법을 제시하였으며, Beardsley[7] 등은 보정된 카메라와 3차 원 기하학적 구조를 기본으로 하는 기존의 연구방법과 달리 카메라 에 대한 보정이 필요하지 않고 초점거리와 같은 카메라의 내부 매개 변수가 도중에 자유로이 변경될 수 있는 연구 방법을 제시하였다.

연구된 다양한 제어기법 중 수치해석적으로 해석하기 위해서 N-R방법과 EKF방법에 대한 연구가 활발히 진행되고 있다. 반복 기법인 N-R방법을 사용한 대표적인 연구는 Skaar<sup>[8]</sup> 등이 2개 이 상의 카메라를 이용한 공간상 로봇 구동 알고리즘을 연구하였으며, Wedepohl<sup>[9]</sup> 등은 주파수의 변환 매트릭스를 평가하는데 사용하 였다. 또한 Piepmeier<sup>[10]</sup>은 고정된 이미지와 보정되지 않은 비전-가이드 로봇 추적 제어를 위한 동적 quasi-Newton 방법을 개발하 고 증명하였으며, Shahamiri<sup>[11]</sup>는 Newton method를 사용하여 궤 적이 단수 또는 단수지역을 피하도록 온라인으로 궤적이 수정되는 방법과 간단한 시각 장애물의 회피를 위한 바이어스 방법을 적용하 는 방법을 제안하고, Yang<sup>[12]</sup> 등은 6축 평형로봇에 N-R방법을 적 용하여 정기구학에 대한 해석을 하였다. 순환기법인 EKF방법을 사용한 대표적인 연구는 Kalman<sup>[13,14]</sup>이 선형 필터링 및 예측 문제 에 대한 새로운 제시를 하였으며, Kerr<sup>[15]</sup>는 레이더에서 목표의 추 적에 사용하였다. 또한 Shademan<sup>[16]</sup> 등은 비젼기반 위치제어에 EKF를 사용하였고, Lippiello<sup>[17]</sup> 등 이동물체의 위치와 방위에 대 한 비젼시스템을 이용한 실시간 추정 값을 향상시키기 위해 적응 EKF (Adaptive EKF)방법을 사용하였으며, Chen<sup>[18]</sup>은 Extended Kalman Filter를 이용하여 휴머노이드 로봇 비젼 시스템에서 사용 할 수 있는 카메라 교정 방법을 제시하였다.

본 논문은 카메라 방위와 초점거리의 불확실성 뿐만 아니라, 알려지지 않은 카메라와 로봇 사이의 상대적인 위치를 설명해주는 6개의 매개변수를 포함한 비젼시스템 모델을 사용하였다. 단, 본

논문에서 제안된 N-R방법과 EKF방법을 적용한 비젼제어기법 적용할 때, 로봇 말단부에 부착된 타겟은 임의적으로 설정한 로봇궤적을 따라 이동시 본 연구에서 사용된 3대의 각각 카메라 이미지평면상에 벗어나지 않으면서 화면 가득히 포착되도록 배치하였다<sup>[19]</sup>. N-R방법과 EKF방법을 적용하여 개발한 두 개의 로봇 비젼제어 알고리즘은 Fig. 6에 보여준 로봇 말단부에 부착된 1개 큐를시험모형으로 이동 타겟에 대한 추적 실험을 하였으며, 본 실험결과는 비젼시스템을 이용한 로봇 용접시 용접선 추적 작업등에 적용할 수 있을 것으로 기대한다. N-R방법과 EKF방법의 실험을 통해얻어진 데이터를 위치 정밀도와 처리시간을 비교 평가하여 장단점을 알아보고자 한다.

# 2. 로봇 비젼 시스템

#### 2.1 기구학 모델

로봇의 기구학은 로봇에 대한 관절각이 주어졌을 때, 로봇 베이스 좌표계에 대한 로봇의 위치 벡터를 구하는 것이다.

Fig. 1은 본 연구의 점 이동 타겟 추적실험에 사용한 4축 스카라타입 로봇의 링크 인자와 관절 좌표계의 설정을 보여주며, Table 1은 로봇의 4개의 관절에 대한 Denavit- Hartenberg (D-H) 링크 인자<sup>[20]</sup>를 보여준다.

Table 1의 링크인자를 사용하여 계산된 로봇기구학모델의 성분 별 위치는 식 (1)과 식 (2)에 나타내었다<sup>[19,20]</sup>.

<u> </u>						
Axis	$\alpha_{i-1}$ (degree)	a <sub>i-1</sub> (mm)	$d_i$ (mm)	$\theta_i$ (degree)		
1	0	0	387	$\theta_1$		
2	0	400	0	$\theta_2$		
3	180	250	$d_3$	0		
4	-180	0	0	$\theta_3$		

Table 1 Link parameters of 4 axis robot

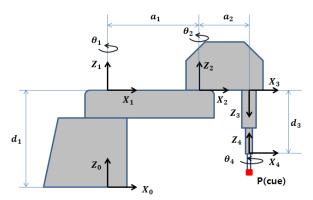


Fig. 1 Link parameters and link frame assignments of 4 axis robot manipulator

$$\begin{split} F_{x}^{i} &= \cos(\theta_{1}^{i} + \theta_{2}^{i} + \theta_{4}^{i})P_{x} - \sin(\theta_{1}^{i} + \theta_{2}^{i} + \theta_{4}^{i})P_{y} \\ &+ a_{2}(\theta_{1}^{i} + \theta_{2}^{i}) + a_{1}\cos\theta_{1}^{i} \\ F_{y}^{i} &= \sin(\theta_{1}^{i} + \theta_{2}^{i} + \theta_{4}^{i})P_{x} + \cos(\theta_{1}^{i} + \theta_{2}^{i} + \theta_{4}^{i})P_{y} \\ &+ a_{2}(\theta_{1}^{i} + \theta_{2}^{i}) + a_{1}\cos\theta_{1}^{i} \\ F_{z}^{i} &= P_{z} + d_{1} - d_{3}^{i} - d_{4} \end{split} \tag{1}$$

여기서, i는 로봇의 운동궤적에서의 이동단계 수이며,  $a_1, a_2, d_1, d_4$ 는 D-H 링크인자를 나타내며,  $\theta_1^i, \theta_2^i, d_3^i, \theta_4^i$ 는 i이동단계에서의 로봇 관절각이다. 또한, 마지막 관절 좌표계의 원점에 부착된 시험모형의 끝점 P에 대한 위치벡터 $(P_x, P_y, P_z)$ 는 다음과 같다.

$$P = (P_x, P_y, P_z) = (0, 0, -96)$$
(2)

## 2.2 비젼 시스템 모델

본 연구에서 제안된 비젼 시스템 모델은 6개의 카메라 매개변수  $(C_1 \sim C_6)$ 를 포함하고 있다. 여기서,  $C_1 \sim C_4$ 는 카메라의 초점거리 및 방향의 불확실성을 설명하는 카메라 내부 매개변수이며,  $C_5$ 과  $C_6$ 은 카메라와 로봇사이의 상대위치에 대한 불확실성을 설명하는 카메라 외부 매개변수이다. 이에 대한 비젼 시스템 모델은 다음식(3)에 나타내었다 $^{[19,21]}$ .

$$\begin{bmatrix} X_{m}^{i} \\ Y_{m}^{i} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} C_{11} & C_{12} & C_{13} \\ C_{21} & C_{22} & C_{23} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} F_{x}^{i} \\ F_{y}^{i} \\ F_{z}^{i} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} C_{5} \\ C_{6} \end{bmatrix}$$
(3)

여기서,

$$C_{11} = C_1^2 + C_2^2 - C_3^2 - C_4^2 , \quad C_{12} = 2(C_2C_3 + C_1C_4) ,$$

$$C_{13} = 2(C_2C_4 - C_1C_3) , \quad C_{21} = 2(C_2C_3 - C_1C_4) ,$$

$$C_{22} = C_1^2 - C_2^2 + C_3^2 - C_4^2 , \quad C_{23} = 2(C_3C_4 + C_1C_2) , \quad (4)$$

로봇 끝점 P에 대한 i이동단계에서  $X_m^i$ 과  $Y_m^i$ 는 2차원 카메라 좌표를 나타낸다. 또한  $F_x^i, F_y^i, F_z^i$ 는 2.1절의 식 (1)과 식 (2)와 같이 성분별 위치 값을 나타낸다.

#### 3. 로봇 비젼 제어 기법

본 연구의 로봇 비젼 제어 알고리즘은 2.1절의 성분별 위치 벡터를 이용하여 2.2절의 비전 시스템 모델에 포함된 각 카메라에 대한 6개의 카메라 매개변수를 추정하며, 추정된 매개변수를 이용하여점 이동 타겟에 대한 로봇의 관절각을 추정하는 것이다. 본 논문에

서는 N-R방법과 EKF방법을 각각 적용한 2가지 로봇 비젼 제어 알고리즘을 개발하고자 하며, 3.1절에는 N-R방법을 이용한 로봇 비젼 제어 알고리즘, 3.2절에는 EKF방법을 이용한 로봇 비젼 제어 알고리즘을 각각 설명한다.

## 3.1 N-R방법

본 연구에 사용된 N-R방법은 카메라 매개변수 추정 기법과 로봇 관절각 추정 기법에 사용된다. 이에 대한 전체적인 흐름은 Fig. 2에 서 보여주고, 자세한 제어알고리즘은 Fig. 9에 설명한다.

#### 3.1.1 카메라 매개변수 추정 기법

로봇이 점 이동 타겟이 주어진 운동 궤적을 따라 이동 할 때 각이동 단계에서 로봇 끝점 P에 대한 비젼 데이터와 로봇 관절각이얻어진다면, 6개의 매개변수를 추정하기 위해 각 카메라에 대하여식 (5)과 같이 성능지수를 정의한다.

$$J(C_k) = \sum_{i=1}^n \left[ X_m^i - X_c^i \right]^2 + \left[ Y_m^i - Y_c^i \right]^2$$
 (5)

여기서,  $k (=1,2,\cdots,6)$ 는 매개변수의 개수,  $i (=1,\cdots,n)$ 는 로봇 운동궤적에서의 이동단계 수를 나타낸다.  $X_c^i, Y_c^i$ 는 로봇의 각 이동 단계에서 카메라를 통해 얻어진 로봇 끝점 P에 대한 실제 비젼 데이터 값들이다.  $X_m^i, Y_m^i$ 은 2.2절의 비젼 시스템 모델에서 매개변수  $C_1 \sim C_6$ 을 포함한 비젼 시스템 모델 값을 나타낸다.

식 (5)를 N-R 방법을 적용하여 최소화 시키면 식 (6)과 같이 나타낸다<sup>[21,22]</sup>.

$$C_{k,l+1} = C_{k,l} + \Delta C$$
  
=  $C_{k,l} + (A^T W A)^{-1} A^T W R$  (6)

여기서, l은 계산과정에서 반복된 횟수이며, W는 일반적으로 단위

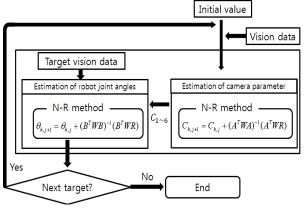


Fig. 2 Method of N-R

행렬을 사용하는 가중행렬이다. 또한, A는  $2i \times 6$ 의 크기를 가지는 자코비안 행렬로 식 (7)과 같이 주어지며,

$$A = \begin{bmatrix} \frac{\partial X_{m}^{i}}{\partial C_{1}} & \frac{\partial X_{m}^{i}}{\partial C_{2}} & \frac{\partial X_{m}^{i}}{\partial C_{3}} & \frac{\partial X_{m}^{i}}{\partial C_{4}} & \frac{\partial X_{m}^{i}}{\partial C_{5}} & \frac{\partial X_{m}^{i}}{\partial C_{6}} \\ \frac{\partial Y_{m}^{i}}{\partial C_{1}} & \frac{\partial Y_{m}^{i}}{\partial C_{2}} & \frac{\partial Y_{m}^{i}}{\partial C_{3}} & \frac{\partial Y_{m}^{i}}{\partial C_{4}} & \frac{\partial Y_{m}^{i}}{\partial C_{5}} & \frac{\partial Y_{m}^{i}}{\partial C_{6}} \end{bmatrix}$$
(7)

R은  $2i \times 1$ 요소를 가지는 유수벡터로 식(8)과 같이 주어진다.

$$R = \begin{bmatrix} X_m^i - X_c^i \\ Y_m^i - Y_c^i \end{bmatrix}$$
 (8)

식 (6)의  $\triangle C$ 가 0에 근접할 때까지 반복적인 계산이 이루어지며, 유수벡터 R이 허용오차를 만족하였을 때 최종적으로 3대 카메라에 대한 6개의 카메라 매개변수가 추정된다.

#### 3.1.2 로봇 관절각 추정 기법

3.1.1절에서 각각의 3대 카메라에 대한 6개의 카메라 매개변수가 추정되면, 이를 이용하여 점 이동 타겟에 대한 로봇 관절각  $\theta_i(i=1\sim4)$ 을 추정하기 위해 다음 식 (9)과 같이 성능지수를 정의하였다.

$$J(\theta_{k}) = \sum_{q=1}^{3} [X_{m}^{q}(F_{x}(\theta_{i}), F_{y}(\theta_{i}), F_{z}(\theta_{i}); C_{k}^{q}) - X_{c}^{q}]^{2}$$

$$+ [Y_{m}^{q}(F_{x}(\theta_{i}), F_{y}(\theta_{i}), F_{z}(\theta_{i}); C_{k}^{q}) - Y_{c}^{q}]^{2}$$
(9)

여기서,  $q(=1\sim3)$ 는 카메라의 개수, k는 매개변수의 수를 나타낸다. 또한,  $X_c^q$ 와  $Y_c^q$ 는 점 이동 타켓에 대한 q번째 카메라에서 카메라 좌표 값을 나타내며,  $X_m^q$ 와  $Y_m^q$ 는 추정된 카메라 매개변수  $C_1\sim C_6$ 에 근거한 q번째 카메라에서 끝점 P의 추정된 비젼 시스템모델 값이다.

식 (9)를 N-R방법으로 최소화시키면 식 (10)과 같다<sup>[21,22]</sup>.

$$\theta_{i,l+1} = \theta_{i,l} + \Delta \theta$$

$$= \theta_{i,l} + (B^T W B)^{-1} B^T W R$$
(10)

여기서, l은 계산과정 중 반복된 횟수이며, W는 가중행렬로서 본 연구에서는 단위행렬을 사용하였다. 또한, B는  $2 \times q \times 4$ 의 크기를 가지는 자코비안 행렬로 식 (11)와 같이 주어지며,

$$B = \begin{bmatrix} \frac{\partial X_{m}^{q}}{\partial \theta_{1}} & \frac{\partial X_{m}^{q}}{\partial \theta_{2}} & \frac{\partial X_{m}^{q}}{\partial d_{3}} & \frac{\partial X_{m}^{q}}{\partial \theta_{4}} \\ \frac{\partial Y_{m}^{q}}{\partial \theta_{1}} & \frac{\partial Y_{m}^{q}}{\partial \theta_{2}} & \frac{\partial Y_{m}^{q}}{\partial d_{3}} & \frac{\partial Y_{m}^{q}}{\partial \theta_{4}} \end{bmatrix}$$
(11)

R은  $2 \times q \times 1$ 의 크기를 가지는 유수벡터로 식 (12)과 같이 주어 진다.

$$R = \begin{bmatrix} X_{m}^{q} - X_{c}^{q} \\ Y_{m}^{q} - Y_{c}^{q} \end{bmatrix}$$
 (12)

식 (11)의  $\Delta\theta$ 는 3.1.1절의 카메라 매개변수 추정 기법과 마찬가지로 0에 근접할 때까지 반복적인 계산을 하며, 유수벡터 R이 허용오차를 만족 하였을 때 최종적으로 이동 타켓에 대한 로봇 관절각  $(\theta_1,\theta_2,d_3,\theta_4)$ 이 추정된다.

#### 3.2 EKF방법

Fig. 3은 본 연구에 사용된 EKF 방법의 전체적인 흐름을 보여주며, Fig. 10은 자세한 제어알고리즘의 흐름을 설명한다.

EKF 방법의 칼만 이득값  $K_k$ 를 구하기 위해 사용된 방정식의 자코비안  $H_k$ 는 측정데이터를 정확히 전달하거나 확대하기 위하여 사용된다. 또한, Fig. 3에서 보여준 EKF방법의 측정모델과 공정모델을 사용하여 각 카메라에 대한 매개변수와 점 이동 타겟에 대한 로봇 관절각을 추정한다.

#### 3.2.1 카메라 매개변수 추정 기법

비젼 시스템 모델에 포함된 불확실한 6개 카메라 매개변수를 EKF방법을 이용하여 추정하기 위해서는 비선형 함수인 f와 h를 정의하는 것이 필요하며, 카메라 매개변수 C를 추정하기 위해 정의된 공정 및 측정모델에 대한 방정식은 식 (13)과 식 (14)에 주어 진다.

$$x_{k+1} = f(x_k, u_k) {13}$$

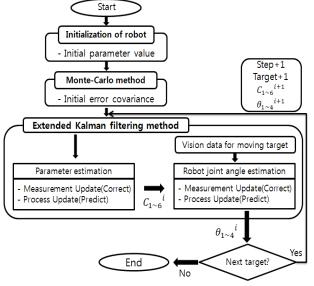


Fig. 3 Method of the EKF

$$z_k = h(x_k, V_k) \tag{14}$$

식 (13)에 주어진 공정 모델에 대한 함수 f는 다음과 같이 정의 한다.

$$f(x_k, u_k) = \begin{bmatrix} C_1 & C_2 & C_3 & C_4 & C_5 & C_6 \end{bmatrix}^T$$
 (15)

또한, 식 (14)에 주어진 측정 모델에 대한 함수h는 2.2절에 주어 진 비젼 시스템 모델을 사용하여 다음과 같이 정의한다.

$$\boldsymbol{h}\left(\boldsymbol{x}_{k}\!,\!\boldsymbol{0}\right)=\left[\boldsymbol{h}_{x}^{i}\boldsymbol{h}_{y}^{i}\right]^{T}\!=\left[\boldsymbol{X}_{m}^{i}\;\boldsymbol{Y}_{m}^{i}\right]^{T}$$

$$=\begin{bmatrix} (C_1^2+C_2^2-C_3^2-C_4^2)F_x^i+2(C_2C_3+C_1C_4)F_y^i+2(C_2C_4-C_1C_3)F_z^i+C_5\\ 2(C_2C_3+C_1C_4)F_x^i+(C_1^2-C_2^2+C_3^2-C_4^2)F_y^i+2(C_3C_4-C_1C_2)F_z^i+C_6 \end{bmatrix}$$

여기서, i는 로봇이 이동한 단계를 나타낸다. 이렇게 정의된 f함수 와 h함수를 이용하여 6개의 카메라 매개변수를 추정한다.

#### (1) 측정모델의 보정

측정모델의 보강 방정식은 칼만 이득값  $K_k$ , 각각의 카메라에 대한 매개변수  $\hat{x}_k$  및 오차 공분산  $P_k$ 로 크게 3개로 구성된다.

$$K_{k} = P_{k} H_{k}^{T} (H_{k} P_{k} H_{k}^{T} + V_{k} R_{k} V_{k}^{T})^{-1}$$
(17)

$$\hat{x} = \hat{x}_k^- + K_k (z_k - h(\hat{x}_k^-, 0)) \tag{18}$$

$$P_k = (1 - K_k H_k) P_k^- \tag{19}$$

여기서,

$$H_{k} = \frac{\partial h}{\partial x} = \frac{\partial h^{i}}{\partial C_{1-6}}$$

$$= \begin{bmatrix} \frac{\partial h_{x}^{i}}{\partial C_{1}} & \frac{\partial h_{x}^{i}}{\partial C_{2}} & \frac{\partial h_{x}^{i}}{\partial C_{3}} & \frac{\partial h_{x}^{i}}{\partial C_{4}} & \frac{\partial h_{x}^{i}}{\partial C_{5}} & \frac{\partial h_{x}^{i}}{\partial C_{6}} \\ \frac{\partial h_{y}^{i}}{\partial C_{1}} & \frac{\partial h_{y}^{i}}{\partial C_{2}} & \frac{\partial h_{y}^{i}}{\partial C_{3}} & \frac{\partial h_{y}^{i}}{\partial C_{4}} & \frac{\partial h_{y}^{i}}{\partial C_{5}} & \frac{\partial h_{y}^{i}}{\partial C_{6}} \end{bmatrix}$$

$$(20)$$

$$Z_{k} = \begin{bmatrix} X_{c}^{i} & Y_{c}^{i} \end{bmatrix}^{T} \tag{21}$$

또한, 식 (17)의 측정모델의 잡음에 의한 영향 성분  $V_k R_k V_k^T$ 는 단위행렬을 사용하였으며, 식 (21)의  $X_c^i$ 와  $Y_c^i$ 는 로봇이 이동하는 동안 각 단계에서 큐에 대한 카메라에서 측정된 비젼 데이터 x성분과 y성분을 나타낸다.

#### (2) 공정모델의 예측

공정모델의 예측 방정식은 매개변수 예측  $\hat{x}_{k+1}^-$ 과 오차 공분산 값  $P_{k+1}^-$ 등 크게 2개로 구성되며, 아래와 같이 정의하였다.

$$\hat{x}_{k+1}^{-} = f(\hat{x}_k, u_k, 0) = \begin{bmatrix} C_1 & C_2 & C_3 & C_4 & C_5 & C_6 \end{bmatrix}^T$$
(22)

$$P_{k+1}^{-} = A_k P_k A_k^T + W_k Q_k W_k^T$$
 (23)

여기서, 행렬  $A_k$ 는  $6 \times 6$ 행렬의 크기를 갖는 단위행렬로 정의하였으며, 공정모델의 잡음에 의한 영향성분  $W_k Q_k W_k^T$ 는 동등한 가중치를 주는 단위행렬로 정의하였다.

#### 3.2.2 로봇 관절각 추정 기법

3.2.1절에서 추정된 3대의 카메라 매개변수 $(C_1 \sim C_6)$ 를 사용하여 로봇의 4개 관절각 $(\theta_1,\theta_2,d_3,\theta_4)$ 을 Fig. 3에서 보여준 EKF방법으로 추정한다. 관절각 추정을 위해 비젼시스템모델식 (3)과 (4)를 변형하면 다음과 같다.

$$X_{t}^{q} = (C_{1}^{2} + C_{2}^{2} - C_{3}^{2} - C_{4}^{2})F_{x}^{q}(\theta_{i}) + 2(C_{2}C_{3} + C_{1}C_{4})F_{y}^{q}(\theta_{i})$$

$$+2(C_{2}C_{4} - C_{1}C_{3})F_{z}^{q}(\theta_{i}) + C_{5}^{q}$$

$$Y_{t}^{q} = 2(C_{2}C_{3} - C_{1}C_{4})F_{x}^{q}(\theta_{i}) + (C_{1}^{2} - C_{2}^{2} + C_{3}^{2} - C_{4}^{2})F_{y}^{q}(\theta_{i})$$

$$+2(C_{3}C_{4} - C_{1}C_{5})F_{z}^{q}(\theta_{i}) + C_{6}^{q}$$
(24)

여기서,  $q(=1\sim3)$ 는 사용된 카메라 개수이고,  $X_t^q$ 와  $Y_t^q$ 는 로봇이 이동하는 동안 q번째 카메라에서 점 이동 타켓에 대한 측정된 비젼 데이터의 x성분과 y성분을 나타내며,  $\theta_i(=\theta_1,\theta_2,d_3,\theta_4)$ 는 점 이동 타켓으로 로봇을 구동하기 위해 추정되어야 할 알려지지 않은 로봇 관절각이다.

3.2.1절에서 EKF방법의 카메라 매개변수 추정과 같이 공정 및 측정모델에 대한 방정식 식 (13), 식 (14)의 함수 f와 h를 정의하는 것이 필요하며, 식 (13)에 주어진 공정 모델에 대한 함수 f는 다음 식 (25)과 같이 정의한다.

$$f(x_k, u_k) = \begin{bmatrix} \theta_1 & \theta_2 & d_3 & \theta_4 \end{bmatrix}^T$$
 (25)

또한, 식 (14)에 주어진 측정 모델에 대한 함수 h는 식 (24)에 주어진 식을 이용하여 다음과 같이 정의한다.

$$h(x_k, 0) = \begin{bmatrix} h_x^q & h_y^q \end{bmatrix}^T = \begin{bmatrix} X_t^q & Y_t^q \end{bmatrix}^T$$
(26)

## (1) 측정모델의 보정

측정모델의 보강 방정식은 칼만 이득값  $K_{k}$ ,사용한 카메라의 매개변수  $\hat{x}_{k}$  및 오차 공분산  $P_{k}$ 등 크게 3개로 구성된다.

$$K_{k} = P_{k} H_{k}^{T} (H_{k} P_{k} H_{k}^{T} + V_{k} R_{k} V_{k}^{T})^{-1}$$
(27)

$$\hat{x} = \hat{x}_k^- + K_k(z_k - h(\hat{x}_k^-, 0)) \tag{28}$$

$$P_{k} = (1 - K_{k} H_{k}) P_{k}^{-} \tag{29}$$

여기서,

$$H_{k} = \frac{\partial h}{\partial x} = \frac{\partial h^{q}}{\partial \theta_{i}} = \begin{bmatrix} \frac{\partial h_{x}^{q}}{\partial \theta_{1}} & \frac{\partial h_{x}^{q}}{\partial \theta_{2}} & \frac{\partial h_{x}^{q}}{\partial d_{3}} & \frac{\partial h_{x}^{q}}{\partial \theta_{4}} \\ \frac{\partial h_{y}^{q}}{\partial \theta_{1}} & \frac{\partial h_{y}^{q}}{\partial \theta_{2}} & \frac{\partial h_{y}^{q}}{\partial d_{3}} & \frac{\partial h_{y}^{q}}{\partial \theta_{4}} \end{bmatrix}$$
(30)

$$Z_{k} = \begin{bmatrix} X_{t}^{q} & Y_{t}^{q} \end{bmatrix}^{T} \tag{31}$$

또한, q는 사용한 카메라 개수를 나타내며, 측정모델의 잡음에 의한 영향 성분  $V_k R_k V_k^T$ 는 동등한 가중치를 주는 단위행렬로 정의하였다.

## (2) 공정모델의 예측

공정모델의 예측 방정식은 매개변수 예측  $\hat{x}_{k+1}^-$ 과 오차 공분산 행렬  $P_{k+1}^-$ 등 크게 2개로 구성되며, 아래와 같이 정의하였다.

$$\hat{x}_{k+1} = f(\hat{x}_k, u_k, 0) = \begin{bmatrix} \theta_1 & \theta_2 & d_3 & \theta_4 \end{bmatrix}^T$$
 (32)

$$P_{k+1}^{-} = A_k P_k A_k^T + W_k Q_k W_k^T (33)$$

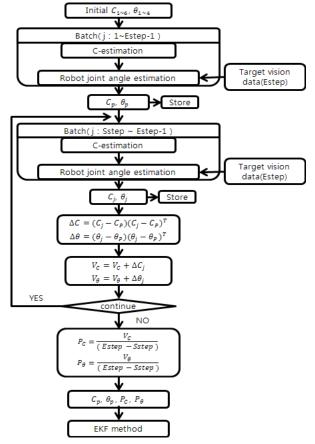


Fig. 4 Procedure of Monte-Carlo method

여기서, 행렬  $A_k$ 는 단위행렬로 정의하였고, 공정모델의 잡음에 의한 영향성분  $W_kQ_kW_k^T$ 도 동등한 가중치를 갖는 단위행렬로 정의하였다.

## 3.2.3 EKF방법의 초기값 추정

EKF방법을 카메라 매개변수 및 로봇 관절각 추정기법에 적용하고자 할 때, 초기 상태 변수와 초기 오차 공분산을 효과적으로 계산하는 것이 매우 중요하다.

이리하여 본 연구에서는 EKF방법에 필요한 초기값의 정확한 계 산을 위해 Monte-Carlo 방법을 이용한다. 이에 대한 절차는 Fig. 4에서 보여준다.

여기서, 본 논문의 제어 알고리즘을 적용하는데 있어서 초기 구동 단계는 10단계로 설정하였다. 위 EKF방법의 초기 값 추정을 위해 사용한 Monte-Carlo방법은 일괄처리(Batch)방법을 적용하는데, 컴퓨터 시뮬레이션 결과 초기 상태변수인 카메라 매개변수 C값과 관절각  $\theta$ 값을 계산하는데 최소 5단계 데이터가 필요하였다. 이리하여 오차공분산 행렬을 계산하기 위해 Sstep은 6번째 단계, 초기구동의 마지막 단계인 Estep은 10번째 단계로 설정하고, 이 단계는 타겟으로 이용하였다. 그리하여 계산되어진 카메라 매개변수 초기 값  $C_p$ , 로봇 관절각 초기 값  $\theta_p$ , 초기 오차 공분산 행렬  $P_o$ ,  $P_\theta$ 는 3.2.1절과 3.2.2절의 EKF방법의 초기 값으로 사용되다.

#### 4. 실험장치 및 제어방법

## 4.1 실험장치

### 4.1.1 실험장치 구성

본 연구에 사용된 실험장치의 구성은 Fig. 5와 Fig. 6과 같이, 3대의 카메라를 포함한 640×480해상도를 갖는 비젼 시스템, 4축스카라 타입 로봇과 시험모형을 포함하는 로봇 시스템, PC 시스템으로 구성되었다.



Fig. 5 Experiment apparatus

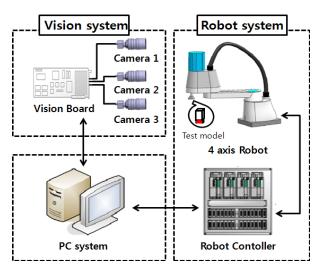


Fig. 6 Experimental set-up

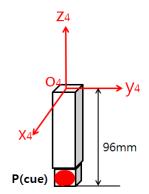


Fig. 7 Test model of a point

#### 4.1.2 실험모형

본 연구에서는 점 이동 타겟 실험을 위해 로봇의 끝점 P에 1개의 LED를 플라스틱 봉 끝에 조합하여 1 cue 시험모형을 제작하였다. Fig. 7은 LED가 부착된 점 이동 타겟 시험모형의 치수를 보여준다.

#### 4.2 실험절차

Fig. 8은 사용된 로봇 운동 궤적을 보여준다. 두 개의 로봇 비젼 제어알고리즘을 이동 타켓 추적에 적용하기 위한 로봇 운동궤적은 10개의 초기 구동 단계와 20개의 이동 타켓으로 설정 되어 있다. 본 실험은 점 이동 타켓을 추적하는 과정을 수행하였으므로 오직로봇 끝점 P의 위치만을 고려하고 방위는 고려하지 않았다. 특히, 초기 구동 단계의 로봇 운동궤적이 짧을 경우 카메라 매핑에 있어서 오류가 발생하므로 최소한 26 mm~30 mm 이상은 이동 되어져야 한다. 또한, 선행된 두 개의 연구결과[19,21]에 의해 좀 더 향상된실험결과를 얻기 위해 로봇으로부터 2.0 m~2.5 m 거리에 3대의카메라를 작업방향에 집중되도록 배치하였다.

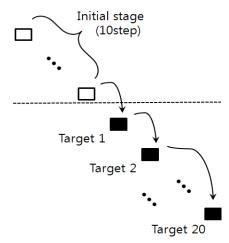


Fig. 8 Moving target trajectory

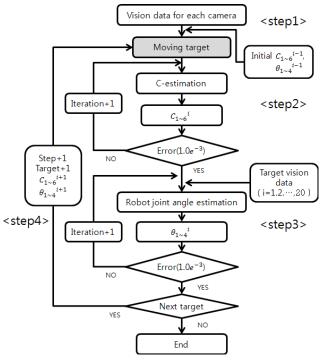


Fig. 9 Control algorithm and Experimental procedures of N-R method for the point moving targets tracking

#### 4.2.1 N-R제어알고리즘 및 실험절차

N-R방법에 의한 점 이동 타켓 추적에 대한 제어알고리즘 및 실험절차는 Fig. 9에 보여주며 다음과 같다.

Step 1: 로봇이 Fig. 8에 설정된 운동 궤적의 초기 구동 단계 10번째 단계까지 운동할 때 3대의 카메라에서 점 이동 타겟에 대한 비젼 데이터를 획득한다.

Step 2: Step 1에서 획득된 비젼 데이터를 매개변수 추정 기법에 의하여 각 카메라에 대한 매개변수를 추정한다.

Step 3: 추정된 각 카메라에 대한 매개변수와 점 이동 타겟에

대한 비젼 데이터를 로봇 관절각 추정 기법에 적용하여 점 이동 타겟에 대한 로봇의 관절각을 추정한다.

Step 4: Step 3에서 추정된 현재 타겟에 대한 카메라 매개변수 C값과 로봇 관절각  $\theta$ 값을 다음 타겟을 추정하기 위한 초기 값으로 사용되고, 현재 타겟 비젼데이터 값은 다음 카메라 매개변수 C값을 추정할 때 비젼데이터로 추가 사용되어진다. 이와 같은 값들은 Fig. 8의 Moving target부분으로 보내져서 Step 2와 Step 3을 마지막 이동 타겟 단계까지 반복 진행한다.

## 4.2.2 EKF제어알고리즘 및 실험절차

EKF방법에 의한 점 이동 타겟 추적실험에 대한 제어알고리즘 및 실험절차는 Fig. 10에 보여주며 다음과 같다.

Step 1: 로봇이 Fig. 8에 설정된 운동 궤적의 초기 구동 단계 10번째 단계까지 운동할 때 3대의 카메라에서 점 이동 타켓에 대한 비젼데이터를 획득한다.

Step 2: Step 1에서 획득된 비젼 데이터들을 3.2.3절에 보여준 Monte-Carlo방법에 의해 EKF방법에 사용할 초기 오차 공분산들을 계산한다.

Step 3: Step 2에서 계산된 값들을 EKF방법에 초기 변수들로 사용한다.

Step 4: Step 2와 Step 3에서 계산된 초기 매개변수들과 오차 공분산들을 EKF방법에 적용하여 Fig. 8의 현재 타겟에 대한 카메

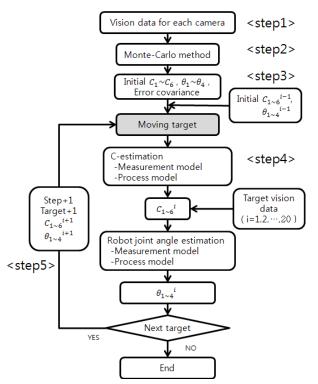


Fig. 10 Control algorithm and Experimental procedures of EKF method for the point moving targets tracking

라 매개변수와 로봇 관절각을 추정한다.

Step 5: Step 4에서 추정된 현재 타켓에 대한 카메라 매개변수 C와 로봇 관절각  $\theta$ 는 다음 타켓 추정 시 초기 값으로 사용되며, 최종 이동 타켓까지 순화하면서 추정하다.

#### 5. 실험결과

본 연구에서 매개변수 추정을 위한 N-R방법과 EKF방법을 비젼 시스템 모델에 적용하여, 사용된 3대의 카메라에 대한 실제 비젼데이터 값과 추정된 비젼시스템 모델 값을 5.1절에서 비교하였다. 또한, 5.2절에서는 추정된 카메라 매개변수들을 사용하여 N-R방법과 EKF방법을 통해 추정된 점 이동 타겟에 대한 관절각의 위치정밀도와 데이터 처리시간을 비교하였다.

#### 5.1 비젼 시스템 모델의 적합성 비교

N-R방법과 EKF방법을 각각 사용하여 각 이동타켓 추적단계에서 카메라 매개변수를 이용하여 추정된 비젼 시스템 모델 값과 매개변수를 추정하는데 사용한 각 이동단계에서의 실제 획득된 비젼 데이터를 비교하여 제안된 비젼 시스템 모델의 적합성을 보이고자한다.

3대 카메라 각각에 대한 실제 비젼 데이터와 비젼 시스템 모델의 추정 값 사이의 오차는 식 (34)과 같이 r.m.s. [23]를 정의하여 사용하였다.

$$e_{rms} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n} \left\{ (e_{x}^{i})^{2} + (e_{y}^{i})^{2} \right\}}{n}}$$
(34)

여기서,  $e_x^i,\,e_y^i(i=1,2,\cdots,20)$ 는 큐에 대한 실제 비젼 데이터와 비젼 시스템 모델의 추정 값 사이의 x 및 y축 오차값, n은 로봇이이동 타겟이 이동하는 동안 비젼 데이터가 얻어진 단계 수이다.

#### 5.1.1 N-R방법 결과

Fig. 11은 로봇이 운동궤적을 따라 점 이동 타겠이 초기 구동 단계를 제외한 이동하는 동안 3대의 카메라에서 획득된 실제 비젼 데이터와 N-R방법을 적용하여 각 카메라에 대한 매개변수에 근거 를 둔 추정된 비젼 시스템 모델값을 비교하여 나타내었다. 여기서, □는 각 카메라에 대한 실제 비젼 데이터를 나타내며, ×는 각 카메 라에 대한 추정된 비젼 시스템 모델 값이다.

각 카메라에서 오차는 camera 1에서  $\pm 0.0866$  pixel, camera 2에서  $\pm 0.1499$  pixel, camera 3에서  $\pm 0.1016$  pixel 정도로 근사함을 보여주며, 비젼시스템 모델에 적합함을 알 수 있다.

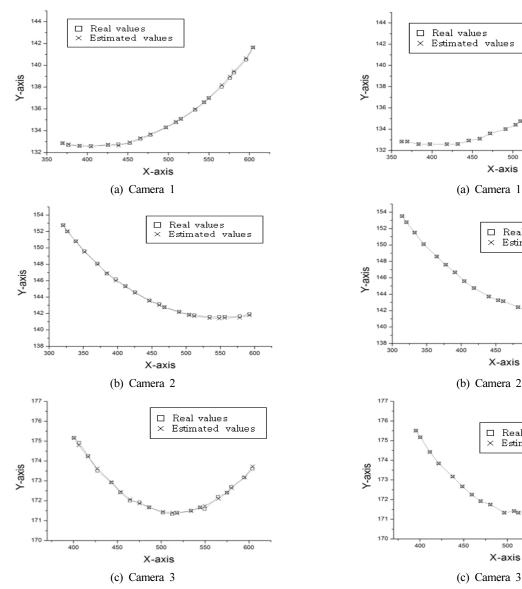
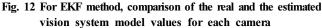


Fig. 11 For N-R method, comparison of the real and the estimated vision system model values for each camera

#### 5.1.2 EKF방법 결과

Fig. 12는 로봇이 점 이동 타겟을 추적하기 위해 이동하는 동안 3대의 카메라에서 획득된 실제 비젼 데이터와 EKF방법을 적용하 여 각 카메라에 대한 매개변수에 근거를 둔 추정된 비젼 시스템 모델 값을 비교하여 나타내었다. 여기서, □는 각 카메라에 대한 실제 비젼데이터를 나타내며, x는 각 카메라에 대한 추정된 비젼 시스템 모델이며, 초기 값들을 계산하는 초기 구동 단계를 제외한 EKF방법을 적용한 부분에 대해서만 실제 비젼데이터와 비교하여 나타내었다.

각 카메라에서 오차는 camera1에서 ±0.0957pixel, camera2에 서 ±0.0812pixel, camera3에서 ±0.0504pixel 정도로 근사함을 보여주며, 비젼시스템 모델에 적합함을 알 수 있다.



X-axis

600

X-axis

X-axis

Real values

Real values Estimated values

# 5.2 점 이동 타겟 추적 결과 비교

N-R과 EKF방법에 의한 점 이동 타겟 추적실험 결과 점 이동 타겟에 대한 추정된 이동 타겟 위치 값과 실제 타겟 위치 값을 비교 한 오차 값은 식 (35)과 같이 r.m.s.로 정의하였다. 특히, 공간상에 서 이동 타겟에 대한 실제 위치 값은 로봇제어기로부터 얻어진 엔 코더 값, 추정된 위치값은 관절각 추정기법에 의해 계산된 관절각 을 식 (1)과 식 (2)의 4축 스카라 타입 로봇의 정기구학 모델에 적 용하여 계산하였다.

$$e_{rms} = \sqrt{\frac{(e_x^i)^2 + (e_y^i)^2 + (e_z^i)^2}{3}}$$
 (35)

여기서,  $e_x^i,\ e_y^i,\ e_z^i (i=1,2,\cdots,20)$ 는 각 이동 타겟에 대한 x성분

오차, y성분오차, z성분 오차를 나타낸다.

## 5.2.1 N-R 방법 결과

로봇이 N-R방법을 사용하여 점 이동 타켓 추적실험을 수행 하였을 때, 3.1.2절의 로봇 관절각 추정 기법에 의해 추정된 점 이동

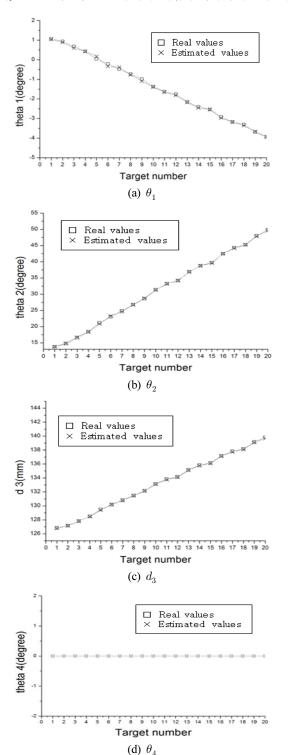


Fig. 13 Comparison of the real values and the estimated values for the point targets in joint coordinates

타켓에 대한 로봇 관절각을 Fig. 13에 나타내었다. Fig. 13에서 보여준 것과 같이 실제관절각과 측정된 관절각 값을 비교한 결과, 오차범위는  $\theta_1$ = -0.138~0.12 (degree),  $\theta_2$ = -0.246~0.344 (degree),  $d_3$ = -0.051~0.149 (mm),  $\theta_4$ = 0 (degree)로 매우 유사한 값을 나타낸다. 또한, Fig. 12의 관절각은 식 (1)과 식 (2)의 정기구학을 통해 3차원 공간상의 x-y-z좌표를 변환하여 Table 2에 나타내었다. 특히, 본 연구는 하나의 cue를 부착하여 방위는 고려하지 않고 위치만을 고려하는 점 이동 타켓 추적 작업을 수정하였으므로, 스

Table 2 Comparison of the real values and the estimated values for the moving point targets in x-y-z coordinates

Target	Fx		Fy		Fz		r.m.s
	(mm)		(mm)		(mm)		(mm)
1	Est.	641.573	Est.	71.379	Est.	108.017	0.044
	Real	642.445	Real	68.978	Real	108.333	
2	Est.	640.607	Est.	73.901	Est.	107.658	0.053
	Real	641.596	Real	71.447	Real	108.000	
3	Est.	638.618	Est.	78.659	Est.	107.011	0.106
	Real	639.752	Real	76.347	Real	107.333	
4	Est.	636.633	Est.	83.598	Est.	106.352	0.013
	Real	637.714	Real	81.192	Real	106.667	0.013
5	Est.	633.385	Est.	90.831	Est.	105.419	0.206
	Real	634.298	Real	88.346	Real	105.667	0.200
6	Est.	630.239	Est.	95.020	Est.	104.616	0.230
	Real	631.784	Real	93.032	Real	105.000	0.230
7	Est.	627.956	Est.	99.954	Est.	104.035	0.172
	Real	629.082	Real	97.646	Real	104.333	0.172
0	Est.	624.661	Est.	104.292	Est.	103.374	0.079
8	Real	626.195	Real	102.182	Real	103.667	0.078
9	Est.	621.309	Est.	108.506	Est.	102.668	0.225
9	Real	623.126	Real	106.636	Real	103.000	0.225
10	Est.	616.562	Est.	114.991	Est.	101.721	0.182
10	Real	618.183	Real	113.153	Real	102.000	
	Est.	612.934	Est.	119.193	Est.	101.055	0.165
11	Real	614.666	Real	117.380	Real	101.333	
10	Est.	610.909	Est.	121.214	Est.	100.688	
12	Real	612.842	Real	119.457	Real	101.000	0.175
10	Est.	605.216	Est.	127.191	Est.	99.704	0.102
13	Real	607.113	Real	125.535	Real	100.000	0.193
	Est.	601.085	Est.	130.919	Est.	99.037	0.065
14	Real	603.082	Real	129.453	Real	99.333	0.265
	Est.	599.103	Est.	132.959	Est.	98.722	0.216
15	Real	601.005	Real	131.370	Real	99.000	
	Est.	592.313	Est.	138.349	Est.	97.691	0.231
16	Real	594.528	Real	136.948	Real	98.000	
17 E	Est.	588.096	Est.	141.808	Est.	97.076	0.350
	Real	590.011	Real	140.517	Real	97.333	
18	Est.	585.448	Est.	143.469	Est.	96.722	0.293
	Real	587.694	Real	142.255	Real	97.000	
	Est.	578.562	Est.	148.570	Est.	95.743	0.255
19	Real	580.514	Real	147.277	Real	96.000	0.352
20	Est.	573.698	Est.	151.506	Est.	95.149	0.501
	Real	573.000	Real	152.000	Real	95.000	
	real	373.000	icui	132.000	Teal	75.000	

카라 형태의 로봇 특성상 방위를 결정하는  $\theta_4$ 값은 Fig. 13(d)에서 보여주는 것 같이 일정한 값을 보여준다.

Table 2에서 보여준 것 같이, N-R방법을 적용한 점 이동 타겟 실험의 결과, 위치 정밀도 r.m.s. 오차 평균은 ±0.202 mm 이며, 데이터 처리 시간은 406 ms이다.

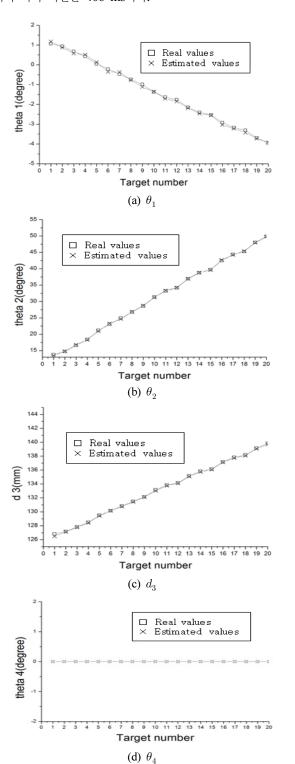


Fig. 14 Comparison of the real values and estimated values for the point targets in joint coordinates

## 5.2.2 EKF 방법 결과

로봇이 점 이동 타겟 추적실험에 EKF방법을 적용하여 수행 하였을 때, 3.2.2절의 로봇 관절각 추정 기법에 의해 추정된 점 타겟에 대한 로봇 관절각을 Fig. 14에서 보여준다. Fig. 14에서 보여준 것 같이 실제관절각 값과 추정된 관절각을 비교한 결과 오차범위는

Table 3 Comparison of the real values and the estimated values for the moving point targets in x-y-z coordinates

	ioi uic	moving	pomi	targets in	x-y-z	Coordina	
Target		Fx		Fy		Fz	r.m.s
Target	(1	mm)		mm)	(1	mm)	(mm)
1	Est.	641.776	Est.	71.531	Est.	108.341	0.228
	Real	641.596	Real	71.447	Real	108.000	0.220
2	Est.	640.649	Est.	73.646	Est.	107.693	0.152
	Real	640.698	Real	73.904	Real	107.667	0.132
3	Est.	638.581	Est.	78.663	Est.	107.024	0.122
	Real	638.757	Real	78.777	Real	107.000	
4	Est.	636.663	Est.	84.078	Est.	106.385	0.283
	Real	636.623	Real	83.593	Real	106.333	0.203
5	Est.	633.302	Est.	90.751	Est.	105.402	0.146
	Real	633.065	Real	90.698	Real	105.333	0.140
6	Est.	630.250	Est.	94.925	Est.	104.646	0.272
	Real	630.456	Real	95.349	Real	104.667	0.272
7	Est.	627.896	Est.	100.166	Est.	104.040	0.196
	Real	627.662	Real	99.924	Real	104.000	0.190
0	Est.	624.499	Est.	104.575	Est.	103.398	0.144
8	Real	624.683	Real	104.420	Real	103.333	0.144
9	Est.	621.372	Est.	108.205	Est.	102.693	0.272
9	Real	621.523	Real	108.831	Real	102.667	0.372
10	Est.	616.626	Est.	115.156	Est.	101.788	0.144
10	Real	616.447	Real	115.279	Real	101.667	
11	Est.	612.698	Est.	119.127	Est.	101.068	0.212
11	Real	612.842	Real	119.457	Real	101.000	0.212
12	Est.	610.878	Est.	121.075	Est.	100.702	0.250
12	Real	610.975	Real	121.509	Real	100.667	0.258
13	Est.	605.145	Est.	127.246	Est.	99.725	0.156
13	Real	605.118	Real	127.508	Real	99.667	0.156
14	Est.	600.977	Est.	130.999	Est.	99.088	0.221
14	Real	601.005	Real	131.370	Real	99.000	0.221
15	Est.	599.068	Est.	132.968	Est.	98.754	0.204
13	Real	598.886	Real	133.259	Real	98.667	
16	Est.	591.955	Est.	138.332	Est.	97.687	0.308
16	Real	592.289	Real	138.748	Real	97.667	
17	Est.	588.063	Est.	141.512	Est.	97.079	0.481
17	Real	587.694	Real	142.255	Real	97.000	
10	Est.	585.216	Est.	143.239	Est.	96.747	0.425
18	Real	585.338	Real	143.961	Real	96.667	
10	Est.	578.284	Est.	148.388	Est.	95.762	0 323
19	Real	578.045	Real	148.885	Real	95.667	
20	Est.	573.204	Est.	152.008	Est.	95.134	0.141
	Real	573.000	Real	152.000	Real	95.000	

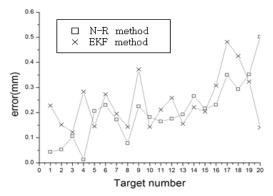


Fig. 15 Comparison of the N-R method and EKF method in position accuracy\

Table 4 Comparison of the N-R and EKF

Target	Time (ms)	Average error (mm)
N-R	406	0.202
EKF	172	0.239

 $\theta_1=-0.118\sim0.13$  (degree),  $\theta_2=-0.249\sim0.295$  (degree),  $d_3=-0.021\sim0.341$  (mm),  $\theta_4=0$  (degree)로 매우 유사한 값을 나타낸다. Fig. 14(d)에서 보여준  $\theta_4$ 에 대한 추정 관절각은 N-R방법과같이 방위를 고려하지 않고 위치만 고려하기 때문에 일정하게 추정된다. 이 관절각은 2.1절의 큐에 대한 정기구학에 적용하여 Table 3에 3차원 공간상의 x-y-z 좌표로 나타내었다.

Table 3에서 보여준 것 같이 EKF방법을 적용한 점 이동 타겟 추적실험의 결과, 위치 정밀도 r.m.s. 오차 평균은 ±0.239 mm이 며, 데이터 처리 시간은 172 ms이다.

#### 5.2.3 N-R방법과 EKF 방법 비교

Fig. 15에서는 각 타켓에 대한 오차 값을 그래프로 나타내었다. 인접한 타켓과의 오차 변화를 보았을 때 안정적인 N-R방법과 비 교하면 순환기법의 특성상 EKF는 다소 불안정한 상태를 보이고 있다.

Table 4에서 보여준 것 같이, 점 이동 타켓 추적 실험 결과 처리 시간에서는 N-R방법 406ms, EKF방법 172 ms의 결과를 보이고, 평균 오차값에서는 N-R방법 ±0.202 mm, EKF방법 ±0.239 mm 의 결과를 나타내고 있다.

#### 6. 결 론

본 논문은 위치만 고려하는 점 이동 타겟 추적작업을 수행 하며, N-R방법과 EKF방법을 적용한 두 개의 로봇 비젼 제어 알고리즘의 위치 정밀도와 데이터 처리 시간을 비교 평가하였다.

두 개의 로봇 비젼 제어 방법에 대한 비젼 시스템 모델의 적합성의 비교는 N-R방법과 EKF방법 둘 다 ±1.0 pixel 미만으로 본 연구의 비젼 시스템 모델에 적합함을 알 수 있었다. 특히, 점 이동타켓 추적실험의 결과는 N-R 방법을 적용하였을 때의 r.m.s. 오차평균은 ±0.202 mm, EKF 방법을 적용하였을 때의 r.m.s. 오차평균은 ±0.239 mm로 N-R방법이 더 좋은 결과를 얻었다. 데이터처리 시간에서는 N-R방법에서는 406 ms, EKF방법에서는 172 ms의 결과를 얻었다.

위의 결과들을 종합해 보면, 점 이동 타켓 추적 작업에 로봇 비젼 제어기법 적용 시, 처리속도보다는 정밀도를 우선 해야 할 경우에는 N-R방법을 사용하는 것이 좋으며, 다소 정밀도는 떨어지지만 신속한 작업을 진행해야 할 경우에는 EKF방법을 사용하는 것이 바람직하다. 본 실험결과는 비젼시스템을 이용한 로봇 용접시 용접선 추적 작업등에 적용할 수 있을 것으로 기대한다. 본 논문에서 사용된 점 이동 타켓은 방위를 고려하지 않고 오직 위치만을 고려하였으므로, 향후 연구에서는 위치 및 방위까지 고려하는 실험 모형을 제작하여 이동 타켓 추적 실험에 적용하고자 한다.

# 후 기

이 논문은 2014학년도 조선대학교 학술연구비의 지원을 받아 연구되었음.

#### References

- [1] Berthold, K. P. H., 1986, Robot vision, Cambridge, Massachusetts, The MIT Press 46-48.
- [2] Peter, A. S., 1993, Control of eye and arm movements using active, attentional vision, Applications of AI, Machine vision and robotics 1471-1491.
- [3] Kelly, R., Carelli, O., Nasisis, B., Kuchen., Reyes, F., 2000, Stable Visual servoing of camera-inhand robotics systems, IEEE/ASME Trsns. on Mechatronics 5:1 39-48.
- [4] Yoshihiro, T., Yasuo, K., Hiroyuki, I., 1996, Positioning-Control of Robot Manipulator Using Visual Sensor, Int. Conference on Control, Automation, Robotics and Vision 894-898.
- [5] Bacakoglu, H., Kamel, M., 1997, An Optimized Two-Step Camera Calibration Method, IEEE International Conference on Robotics and Automation 1347-1352.
- [6] Tsai, R. Y., 1989, Synopsis of recent progress on camera calibration for 3D machine vision, The Robotics Review, Cambridge, MIT Press 146-159.

- [7] Beardsley, P. A., Zisserman, A., Murray, D. W., 1997, Sequential Updating of Projective and Affine Structure from Motion, International Journal of Computer Vision 23:3 235-259.
- [8] Skaar, S. B., Brockman, W. H., Jang, W. S., 1990, Three-dimensional camera space manipulation, International Journal of Robotics Research 9:4 22-39.
- [9] Wedepohl, L. M., Nguyen, H. V., Irwin, G. D., 1996, Frequency-Dependent Transformation Matrices for Untransposed Transmission Line using Newton-Raphson method, IEEE Transactions on Power Systems 11:3 1538-1546.
- [10] Piepmeier, J. A., McMurray, G. V., Lipkin, H., 2004, Uncalibrated Dynamic Visual Servoing, IEEE Transactions on Robotics and Automation 20:1 143-147.
- [11] Shahamiri, M., Jagersand, M., 2005, Uncalibrated Visual Servoing using a Biased Newton method for On-line Singularity Detection and Avoidance, IEEE/RSJ International Conference 3953-3958.
- [12] Yang, C., Huang, Q., Ogbobe, P. O., Han, J., 2009, Forward Kinematics Analysis of Parallel Robots Using global Newton-Raphson Method, Proceedings of 2009 Second ICICTA 407-410.
- [13] Kalman, R. E., 1960, A New Approach to Linear Filtering and Prediction Problems, J. basic Rng. Trans. ASEM 82D 35-45.
- [14] Kalman, R. E., 1963, New Method In Wiener Filtering Theory, John Wiley&Sons Inc., New York 82D 35-45.
- [15] Kerr, H. T., 1991, Streamlining Measurement Iteration for EKF Target Tracking, IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems

- 27:2 408-421.
- [16] Shademan, A., Janabi-Sharifi, F., 2005, Sensitivity Analysis of EKF and Iterated EKF Pose Estimation for Position-Based Visual Servoing, IEEE Conference on Control Applications Toronto, Canada 755-760.
- [17] Lippiello, V., Siciliano, B., Villani, L., 2007, Adaptive extended Kalman filtering for visual motion estimation of 3D objects, Control Engineering Practice 15 123-134.
- [18] Chen, G., Xia, Z., Ming, X., Lining, S., Ji, J., Du, Z., 2009, Camera Calibration based on Extended Kalman Filter using Robot's Arm Motion, IEEE/ASME International Conference on Advanced Intelligent Mechatronics 1839-1844.
- [19] Min, K. U., Jang, W. S., 2010, An Experimental Study on the Optimal Arrangement of Cameras used for the Robot's Vision Control Scheme, Journal of the KSMTE 19:1 15-25.
- [20] John, J. C., 1989, Introduction to Robotics mechanics and control, 2nd ed., Addison-Wesley, USA 84.
- [21] Jang, W. S., Kim, K. S., Kim, K. Y., 2004, An Experimental Study on the Optimal number of Cameras used for Vision Control System, Journal of the KSME 13:2 94-103.
- [22] Junkins, J. L., 1978, An Introduction to Optimal Estimation of Dynamical Systems, Sijthoff and Noordhoff, Alphen Aan Den Rijn 29-33.
- [23] David, F., Robert, P., Roger, P., 1978, Statistic, W. W. Norton, Canada 58-59.