# 휴대용 초음파진단기를 위한 펄스 도플러 갭 필링 알고리즘의 개선

# Improvements of Pulse Doppler Gap Filling Algorithms for Portable Medical Ultrasound Imaging System

배무호<sup>†</sup>, 안형준

(MooHo Bae<sup>†</sup> and Hyung-Jun An)

한림대학교 정보전자공학대학 전자공학과 (접수일자: 2012년 7월 13일; 수정일자: 2012년 9월 21일; 채택일자: 2012년 10월 5일)

로: 이 논문에서는 휴대용, 또는 저가형 초음파진단기에 비교적 고급 기능인 도플러 갭 필링 모드를 적용하고자 할 때 적합한 알고리즘들을 찾아보았고, 그 결과 미러링 기반, 또는 자기회귀 모델 기반의 알고리즘들을 찾을 수 있었다.
 또, 계산량이 지나치게 많아지지 않는 범위 내에서, 그러한 알고리즘들의 성능의 문제점을 보완하여 더욱 개선시켰다.
 수정된 알고리즘들은 인공적으로 발생시킨 도플러 신호 및 실제 초음파장비를 써서 인체로부터 획득한 도플러 데이터 를 써서 시뮬레이션 및 실험을 함으로써 유효성을 확인하였다.
 핵심용어: 초음파진단기, 펄스도플러 모드, 갭 필링, 미러링, 자기회귀모델
 투고분야: 생체 및 의학 음향 분야(15)

**ABSTRACT:** In this paper, we studied on Doppler gap-filling algorithms suitable for a portable or low-cost medical ultrasound imaging system, and as a result, found out algorithms based on mirroring or autoregressive model. Moreover, controlling the computational demand in the proper range, we improved the performances of these algorithms by solving their problems. Effectiveness of these modified algorithms is verified by computer simulations and experiments which used artificially generated Doppler signals and Doppler data acquired from human body through an actual ultrasound system.

**Key words:** Medical ultrasound system, Pulse Doppler mode, Gap filling, Mirroring, Autoregressive model **ASK subject classification:** Biological and Medical Acoustics (15)

# I.서 론

초음파진단기의 펄스파 도플러 모드<sup>[1]</sup>에서 대상 체의 속도를 나타내는 스펙트럼 영상 및 음향과 B모 드 2차원 단층 영상을 실시간으로 동시에 보여주는 B-D 동시모드(B-D simultaneous mode)는 도플러 영상 을 구성하는 신호가 B모드 2차원 단층영상의 어느 부위에서 얻어지는지를 실시간으로 파악할 수 있다 는 장점이 있어 널리 사용되어 왔다. 가장 기본적인 B-D 동시모드의 데이터 획득 방법은, 일정 시간간격 으로 초음파 송수신을 계속 반복하되, 한 번은 B모드 를 위해, 그 다음 번은 펄스파 도플러 모드를 위해 시 분할 송수신하는 방법이다. 이와 같은 방법은 도플 러 신호 표본화 관점에서 표본화하는 시간 간격은 늘 일정하므로 신호처리 관점에서는 쉽지만 도플러 모드의 실질적 PRF(Pulse Repetition Frequency)를 절 반으로 떨어뜨리므로 알리아싱(aliasing)이 심하게 발생하는 문제가 있다.

B 모드를 위한 송수신을 도플러를 위한 송수신 사 이사이에 배치하면서도 도플러 PRF를 떨어뜨리지 않기 위한 시도는 여러 가지가 있어왔으나,<sup>[26]</sup> 그 중 가장 실용적으로 널리 구현되어 온 방법이 소위 갭

**<sup>†</sup>Corresponding author:** MooHo Bae (mhbae@hallym.ac.kr) Department of Electronics Engineering, Hallym University, 39 Hallymdaehak-gil, Gangwon-do, 200-702, Republic of Korea (Tel: 82-33-248-2350; Fax: 82-33-242-2524)

필링(gap filling) 방법<sup>[2-3], [7-9]</sup>이다. 이 방법에서는 도 플러 모드와 B모드를 매번 번갈아 송수신하지 않고, 일정 구간 동안은 도플러 모드만을 위해 반복 송수 신하고, 그 다음 구간 동안은 B모드만을 위해 반복 송수신하며, 이 전체 동작을 계속 반복하는 것이다. 이 경우, 각 구간의 시간적 길이를 조절함으로써 도 플러와B모드를 위한시간 배분 비율이 어느 정도자 유로이 조절 가능하고, 또 도플러의 PRF가 절반으로 떨어지지 않는다는 장점이 있지만, B모드를 위하여 송수신하는 구간에서는 도플러 데이터가 얻어지지 않는다는 문제가 있다. 그 구간은 도플러 데이터 입 장에서는 갭이 된다. 이 도플러 데이터를 쓰면 일반 적 도플러 데이터를 처리하는 방법으로는 정상적 도 플러 음향 및 스펙트럼 영상을 얻을 수 없다. 따라서 일반적으로는 그 갭 전후의 인접한 데이터들을 써서 갭을 적절히 채워 연속적 도플러 데이터 형태로 바 꾸어준 다음 기존 신호처리방법과 거의 동일한 신호 처리를 한다. 펄스 도플러 모드에서 이렇게 갭을 만 들고 이를 채우는 과정을 사용하는 방법을 여기서는 [3,8]에서 부른 대로 갭 필링이라 부르기로 한다.

갭 필링은 데이터의 일부 구간이 주기적으로 유 실되었을 때 그 신호를 복원하는 일종의 보간(interpolation)이라 볼 수 있다. 일반적 음성 또는 음악 데이 터에 그러한 보간을 적용하는 연구는 이전부터 이루 어져 왔으며, 그 예들이 있다.<sup>[12-13]</sup> 하지만, 특히, 저가 형 또는 휴대용 초음파진단기는 실시간 영상을 제공 해야 하는 반면 장치의 복잡도가 어느 정도 제한되 어 있기 때문에 가능한 한 연산량을 줄여야 하므로 이러한 방법들을 그러한 초음파진단기에 그대로 적 용하기는 어렵다.

또 갭 필링은 이미 몇몇 선발업체의 여러 시스템 에 적용되어 출시되어 왔으나 그 방법들이 정확히 공개되어 있지는 않고 있고, 다만 논문, 특허 등에서 일부 보고되어 있다.<sup>[2-3], [7-9]</sup> 이들 중 연산량이 적어 저가 또는 휴대용 초음파진단기에 구현하기가 그나 마 가장 용이해 보이는 것이 미러링(mirroring)에 기 반한 갭 필링 방법이고,<sup>[7]</sup> 그 다음이 자기회귀(autoregressive) 모텔에 기반한 방법이다.<sup>[9]</sup> 이 논문에서는 이 두 가지 방법을 휴대용, 또는 저가형 시스템에 적 용하려 하였고, 그 과정에서 가능한 한 연산량은 그 다지 늘지 않도록 하면서도 성능을 개선하는 알고리 즘들을 찾고자 하였다.

갭 필링 알고리즘의 성능은 보통 결과의 도플러 음향보다는 스펙트럼 영상에서 큰 차이를 보이므로 이 논문에서는 도플러 스펙트럼 영상의 아티팩트 (artifact) 저감에 관해서만 연구하였다.

## Ⅱ. 갭 필링과 클러터 필터링

속도 v 로 움직이는 산란체로부터의 초음파 에코 신호의 도플러 편이주파수 *f*<sub>d</sub>는 일반적으로 다음과 같이 나타내진다.<sup>[1]</sup>

$$f_d = \frac{2v \cdot f_0 \cdot \cos\theta}{c} \tag{1}$$

이 때 *f*<sub>0</sub>는 송신된 초음파의 중심주파수, *θ*는 초 음파 빔과 산란체 운동방향이 이루는 각, *c*는 초음 파음속이다.

혈류에서는 주로 적혈구가 산란체 역할을 하며, 초음파 에코 신호에는 무수히 많은 적혈구로부터의 신호가 중첩되어있다. 따라서 기저대역의 도플러 신 호는 주파수 도메인에서 다음과 같이 표현할 수 있다.

$$X(f) = \sum_{k} A_k(f) * \delta(f - f_{d,k})$$
<sup>(2)</sup>

이 때 \*는 주파수도메인에서의 convolution,  $f_{d,k}$ 는 k번째 산란체의 도플러 편이 주파수를 나타내고,  $A_k(f)$ 는 k번째 산란체로부터 돌아온 신호의 진폭 과 위상을 나타낼 뿐 아니라 수신신호의 대역폭, 또 transit effect<sup>[10-11]</sup>등의 다양한 현상에 의한 주파수축 상에서의 흐려짐도 반영한다. 이 신호는 샘플 볼륨 내의 혈류 분포를 그대로 반영하고 있으며, 수정된 피리오도그램(modified periodogram)<sup>[1]</sup>을 써서 X(f)를 추정하여 영상으로 스펙트럼을 나타냄으로써 혈 류 유속분포를 실시간으로 화면에 표시한다. 그 일 례를 그림 1(a)에 나타내었다. 이 영상을 구성하기 위 한 원본 도플러 데이터의 중간중간에 규칙적으로 일 정 구간을 0으로 치환하여 갭 필링 B-D 동시 모드에



- 그림 1. 인체로부터 얻은 데이터의 도플러 스펙트럼 영상 비교: (a) 원본 데이터 스펙트럼 (b) 갭을 0으로 치 환한 스펙트럼 (c) 기존 미러링 기반 갭 필링 결과 스펙트럼 (d) 제안된 미러링 기반 갭 필링 결과 스 펙트럼
- Fig. 1. Comparison of Doppler spectrum images with in vivo data: Spectrum of (a) original data, (b) data with substituting 0 for gap, (c) data with conventional gap filling based on mirroring, (d) data with proposed gap filling based on mirroring.

서의 도플러 데이터를 모사(simulation)한 후 갭 필링 하지 않은 채 그대로 처리해 보면 그 결과 영상에는 그림 1(b)와 같이 심각한 아티팩트가 생기게 된다. 도플러 신호 처리에서, 혈류 이외의 주변 조직 등 으로부터의 신호인 클러터(clutter)는 불필요하여 보 통고역 여파기(high-pass filter)로 제거하고 있다. 그 러나, 도플러 신호에 갭이 있는 경우, 클러터 신호를 일반적 고역 여파기로 제거하려면 과도 응답이 발생 하는 문제점이 생기게 된다. 이를 피하기 위해 갭과 갭사이의 연속된 도플러 신호 구간에서만 클러터 신 호를 필터링하였으며, 이 때 발생하는 과도응답은 필 터의상태변수를 투영 초기화(projection initialization) <sup>[14]</sup>를 사용하여 최소화하였다. 아래에서는 이렇게 클러터 필터링을 한 신호에 대해 갭 필링하였다. 투 영 초기화를 쓰더라도 앞부분에는 과도응답이 일부 남아 있으므로, 데이터의 순서를 역방향으로 뒤집어 서도 필터링했고, 순방향 필터링과 역방향 필터링 결과를 교차 페이드(crossfade)하여 가능한 한 과도응 답의 영향을 줄였다. 교차 페이드 할 때, 두 필터링 결 과 신호의 가운데 부분의 위상이 일치하도록 위상을 보정해서 두 신호의 위상차에 의한 신호 진폭의 감 소를 최소화하였다.

# Ⅲ. 미러링 기반의 갭 필링 방법

#### 3.1 미러링 기반의 갭 필링의 원리 및 문제점

껍 필링 방법 중 가장 단순해 보이는 방법중 하나 가 미러링(mirroring)을 기반으로 하는 방법이다.<sup>[7]</sup> 이 것은 계산량이 매우 적어 보여 소형, 또는 저가형 시 스템에 적합해 보인다. 이 방법의 원리를 간략히 다 음과 같이 나타낸다: 기저대역의 도플러 신호를 매 우 단순히 복소지수신호로 모델, 아래와 같이 나타 내자.

 $x[n] = a_1 \exp(j(2\pi f_d n + \phi_0))$ (3)

n = ···, - 2, -1, 0 에 해당하는 부분은 실제 신호 를 가지고 있고, n = 1, 2, ··· 부분은 갭 구간이라 실 제 신호가 없으며, 따라서 n = ···, - 2, -1, 0 부분의 신호로부터 미러링해서 n = 1, 2, ··· 부분을 만들어 내어야 하는 경우를 가정해 보자. 또, *a*1은 상수로 가 정하자.

미러링 기반 갭 필링 방법은 말 그대로 복소평면 상에서 갭 이전의 데이터를 거울에 비추어 갭 내부 의 데이터를 만들자는 것인데, 다음과 같이 구현하 면 간단히 계산할 수 있다: 일단, x[0]가 실수축상에 오도록 원점을 중심으로 x[n]을 회전시킨 다음, 실 수축을 거울로 삼아 미러링하여(즉 n의 부호를 바꾸 고 공액복소수를 취하여) 잃어버린 데이터 x<sub>1</sub>[n]을 만든다:

$$x_{1}[n] = \left[\exp(-j\phi_{0})x[-n]\right]^{*} = a_{1}\exp(j2\pi f_{d}n)$$
  
for  $n = 0, 1, \cdots$  (4)

x<sub>1</sub>[n]을 다시 역회전시켜 원래의 초기 위상을 가 진 x<sub>2</sub>[n]를 만든다. 이것이 갭 필링할 데이터이다. 즉

$$x_{2}[n] = \exp(j\phi_{0})x_{1}[n]$$
  
=  $a_{1} \exp(j(2\pi f_{d}n + \phi_{0})) = x[n]$   
for  $n = 0, 1, \cdots$  (5)

이런 경우는 갭 필링이 이상적으로 이루어졌다. 그러나, 실제 도플러 신호는 (2)와 같이 여러 가지 주 파수성분을 가지는 신호인데, 이런 신호에서는 위와 같은 x<sub>1</sub>[n] = [exp(-*j*,  $\phi$ ,)x[-n]]<sup>\*</sup> 관계가 성립하려면 모 든 주파수성분들의 주파수가 동일하거나 초기위상 이 동일해야 한다. 따라서, 일반적 도플러 신호에서 는 미러링은 이상적이지 못하고 오차가 발생할 수밖 에 없다. 이러한 오차로 말미암아 이런 방법으로 갭 필링된 신호의 스펙트럼에는 그림 1(c)와 같이 종종 눈에 띄는 아티팩트가 발생한다. 이러한 오차는 신 호의 대역폭이 넓을수록 더욱 커지는데, 실제로 기 저대역 도플러 데이터는 ±*PRF*/2 의 전 대역에 걸 친 스펙트럼도 가질 수 있기 때문에 이 방법을 실용 적으로 적용하기는 곤란해 보인다.

그림 1에 일례로 (a)갭이 없는 연속된 도플러 신호 로부터 얻은 도플러 스펙트럼 영상, (b)이 데이터에 인위적으로 갭을 설정, 데이터의 일정 구간을 주기 적으로 삭제(0으로 치환)한 신호로부터 얻은 도플러 스펙트럼 영상, (c)그 갭을 위와 같은 미러링을 통해 갭 필링한 신호로부터 얻은 도플러스펙트럼 영상을 비교하였다. 이 때 데이터를 얻은 초음파진단기는 (주)삼성메디슨의 Accuvix XG이며, 중심주파수 3MHz의 위상배열(phased array) 프로브를 사용하여 20대 중반 건강한 남성 심장의 aortic valve 부근에서 기저대역 도플러 신호 데이터를 획득하였다. 이 데 이터를 원본 데이터로 하고, 이것에서 매 100개 중 마 지막 20개의 데이터를 0으로 치환하여 갭이 있는 도 플러 신호를 만들었다. 이 논문에서 일례로 나타내 는 도플러 영상은 모두 갭과 실제 데이터를 합하여 1900개의 데이터로 영상을 구성하였다.

#### 3.2 개선안 : 다중대역 미러링

기존 미러링 기반 갭 필링의 그러한 문제점을 줄 이기 위하여 다음과 같은 개선안을 제안한다: 도플 러 신호를 N개의 부대역(sub-band)로 나누어 각 부대 역 내의 신호들의 주파수 차이를 줄여주고, 이 각각 의 부대역에 대해 미러링 기반의 갭 필링을 해서 미 러링의 오차를 줄인 다음, 각 부대역에서 갭 필링된 신호를 모두 더하도록 한다. 이 때, N개의 필터의 주 파수응답을 모두 더한 경우 평탄한 주파수특성을 갖 도록 해주어야 한다. 그 뿐 아니라, 각 부대역의 주파 수별위상지연이동일하여야필터링된부대역신호 를 모두 더한 결과 신호가 평탄한 주파수특성을 가 지게 된다. 따라서 필터는 FIR(Finite Impulse Response) 필터로 구성하였다. N을 증가시킬수록 미러링의 오 차는 줄어들게 되나 계산량 등을 고려, 적절한 필터 차수 및 N을 선택할 필요가 있고, 여기서는10차, 또 N=4로 두었다.

#### 3.3 시뮬레이션 및 실험

다음과 같은 단순한 조건으로 신호를 만들어 컴퓨 터 시뮬레이션으로 기존 갭 필링 방법과 제안된 갭 필링 방법의 성능을 비교하였다: 클러터 신호는 이 상적으로 제거된 것으로 가정하고, 혈류신호는 대 역폭이 넓은 경우를 고려하기 위해 두 복소 쳐프 (complex chirp) 신호의 합으로 모델하였는데, 두 쳐 프 신호간의 정규화된 주파수(normalized frequency,  $\hat{f}$ )차이는 *PRF*/2 이다. 즉.

$$x[n] = \begin{cases} 0 & \text{for } 80 \le n\% 100 \le 99, \\ \exp\left(j2\pi \left(\hat{f}_0 + \frac{k}{2}n\right)n\right) \\ + \exp\left(j2\pi \left(\hat{f}_0 + \frac{PRF}{2} + \frac{k}{2}n\right)n\right) & \text{otherwise.} \end{cases}$$
(6)

여기서 %는 modulo 연산자이다. 또,  $\hat{f}_0 = 0.0003$ ,  $k = 5 \times 10^{-5}$ 이다. 즉, 쳐프 신호 중 100개 중 마지막



- 그림 2. 복소 쳐프 신호의 갭 필링 결과: (a) 원본 데이터 스펙트럼 (b) 기존 미러링 결과 스펙트럼 (c) 제안 된 다중대역 미러링 결과 스펙트럼
- Fig. 2. Comparison of Doppler spectrum images with complex chirp signal: Spectrum of (a) original data, (b) data with conventional gap filling based on mirroring, (c) data with proposed gap filling based on mirroring.

20개의 연속한 데이터를 갭으로 간주하였다. 그림 2 에 (a)갭이 없는 원본 데이터, (b)기존의 단순한 미러 링 기반의 갭 필링, 또 (c)제안된 다중대역 미러링을 사용한 갭 필링으로부터의 신호로 구성한 도플러스 펙트럼 영상을 비교하였다. (b)에서 종종 관찰되던 아티팩트가 (c)에서 상당부분 사라졌음을 알 수 있 다. 그림 2의 (a)를 기준으로 한 (b) 및 (c)의 갭 필링 데 이터들의 오차의 절대값을 그림 3에 그래프로 나타 내었다. 이 그래프들은 그림 2의 영상의 우측 절반에 해당한다.

제안된 방법의 유효성은 그림 1에서 사용한 초음 파진단기에서 인체로부터 얻은 펄스도플러 데이터 를 써서도 검토되었다. 그림 1(d)는 제안된 다중대역 미러링을 사용한 갭 필링으로부터의 신호로 구성한 도플러스펙트럼 영상이다. 기존 방법 1(c)에 비해아 티팩트가 현저히 줄어 제안된 방법의 유효성이 잘 나타나고 있다. 그림 4에 그림 3과 마찬가지로 그림



그림 3. 미러링 기반 갭 필링 방법의 오차 비교(chirp signal): 실선: 제안된 방법의 오차, 점선: 기존 방법의 오차

Fig. 3. Comparison between errors of gap filling methods based on mirroring using chirp signal: Solid line: error of proposed gap filling algorithm, dashed line: error of conventional gap filling algorithm.



그림 4. 미러링 기반 갭 필링 방법의 오차 비교(인체 데이터): 실선: 제안된 방법의 오차, 점선 : 기존 방법의 오차

Fig. 4. Comparison between errors of gap filling methods based on mirroring using data from human body: Solid line: error of proposed gap filling algorithm, dashed line: error of conventional gap filling algorithm.

l(a)를 기준으로 한 (c) 및 (d)의 갭 필링 데이터들의 오차를 그래프로 나타내었다.

# IV. 자기회귀(Autoregressive) 모델 기반의 갭 필링

#### 4.1 배경

앞에서 살펴본 미러링 기반의 갭 필링 보다는 조금 더 복잡하고 성능도 더 좋아 보이지만 계산량이 그나 마 많지 않아서 휴대용 초음파진단기에 적용 가능해 보이는 갭 필링 방법 중에는 자기회귀 모델을 이용한 것이 있다.<sup>[9]</sup>

신호 x[n]에 대한 자기회귀 모델은 아래와 같은 수식으로 나타낼 수 있다:<sup>[15]</sup>

$$x[n] = -\sum_{k=1}^{p} a_{p}^{f}[k]x[n-k] + e^{f}[n]$$
(7a)

$$x[n] = -\sum_{k=1}^{p} a_{p}^{b}[k]x[n+k] + e^{b}[n]$$
(7b)

이 때 *p*는 자기회귀 모델의 차수,  $a_p^f[k]$  또는  $a_p^b[k]$ 는 모델 파라미터이고,  $a_p^f[k] = (a_p^b[k])^*$ 이다. 이 때 위 첨자*f*는 순방향을 나타내고, *b*는 역방향을 나타낸다.  $e^f[n]$ 은 순방향 예측오차,  $e^b[n]$ 은 역방 향 예측오차이고, 적절한 조건을 만족하는 경우 이 것들은 백색잡음이다.

자기회귀 모델을 나타내는 파라미터는  $a_p^J[k]$ 대 신 반사계수  $k_m =$ 쓰기도 하는데,  $k_m = a_m^J[m]$ ,  $1 \le m \le p$ 이다. 또 반사계수와 예측오차와의 관계 는 아래의 수식으로 나타내어진다:

 $e_m^f[n] = e_{m-1}^f[n] + k_m e_{m-1}^b[n-1]$ (8a)

$$e_m^b[n] = e_{m-1}^b[n-1] + k_m^* e_{m-1}^f[n]$$
(8b)

모델 파라미터 또는 반사계수를 추정하는 여러가 지 알고리즘이 있으나 여기에서는 matlab의 ar\_burg 함수를 사용하였다. 이 함수는 Burg의 격자 기반 알 고리즘을 사용하고 있다. [9]를 간략히 요약하자면 다음과 같다: 갭 직전 일정 길이의 데이터로부터 자기회귀 모델 파라미터  $k_i$  및 예측오차의 표준편차를 구한다. 이를 각각  $k_i^f$ ,  $\sigma^f$  라 하자. 또 갭 직후 일정 길이의 데이터로부터도 별도로 모델 파라미터  $k_i$  및 예측오차의 표준편차를 구한다. 이를 각각  $k_i^b$ ,  $\sigma^b$  라 하자. 다음, 이들을 적절히 섞는 다: 예컨대  $k_i^a = 0.5(k_i^f + k_i^b)$ ,  $\sigma^a = \sqrt{0.5(\sigma^f)^2 + (\sigma^b)^2})$ 이다. 다음, 표준편차가  $\sigma^a$  인 백색 가우시안 랜덤 잡 음을 만들고,  $k_i^a$  로부터  $a_i$ 를 구한 다음, 이 잡음과  $a_i$ 를 식(7), (8)에 대입해서 갭을 채울 데이터를 만들 어 낸다. 만들어 내는 데이터의 길이는 갭의 길이보 다 넉넉히 만들어 갭 전후의 원래 데이터와 교차 페이 드한다. 만들어 낸 데이터의 스펙트럼은 갭 전과 후 의 신호의 자기회귀 모델을 사용하여 만들었으므로 그 신호들의 스펙트럼을 닯게 되어 있다.

#### 4.2 개선안

기존 방법보다 원래 데이터에 더욱 유사한 데이터 를 만들 수 있도록 개선하기 위해 제안하는 방법은 다음과 같다: 자기회귀 모델의 기본적 정의에 의해, 주어진 신호 y[n], n = 0,1, ..., N - 1로부터 추정된 자기회귀 파라미터 및 추정된 백색잡음의 분산 등을 사용하면 식(7)와 같이 주어진 신호 범위 바깥의 신호, 즉 y[n], n = N, N + 1, N + 2, ... 들을 외삽할수 있다. 따라서, 갭 직전 신호들로부터 추정된 자기회귀 모델을 써서 외삽함으로써 갭 내부 신호를 만들수 있다. 다음, 갭 직후의 신호들을 역방향으로 배치한 후 이들로부터 추정된 자기회귀 파라미터를 써서 외삽하면 역방향으로 외삽한 별도의 갭 내부 신호를 만들 수 있다. 이렇게 새로이 만들어 진 두 신호를 교차 페이드함으로써 갭 필링을 수행할 수 있다.제안된 방법과 <sup>[9]</sup>의 차이점은 다음과 같다: 첫째,

제안된 방법은 갭 외부에서는 어떠한 교차 페이드도 사용하지 않고 원래의 데이터를 그대로 사용하며, 따라서 갭의 시작부분에서는 매우 자연스럽게 원래 의 데이터와 연결되고, 갭 내부에서 한 번만 교차 페 이드한다. 반면에 기존 방법은 갭의 전과 후에서 각 각 교차 페이드하고 있다. 따라서 제안된 방법에 비 해 기존 방법은 보다 더 넓은 범위에서 원래의 데이 터에 인공적 데이터를 섞고 있다. 따라서 원래 데이 터에 대해 오차를 가지는 구간이 더 길게 되며 결과 스펙트럼도 더 많은 오차를 가지게 된다. 둘째, 갭부 근에서 스펙트럼 중심주파수가 변화할 경우를 고려 하자. 기존 방법은 갭 필링할 데이터를 만들 때 갭 전 과 후의 자기회귀 모델 정보를 평균하였고, 따라서 새로이 만들어낸 갭 내부 데이터의 스펙트럼은 시간 적으로 일정하다. 그러나, 제안된 방법은 갭 전과 후 는 독자적으로 외삽하였으므로 각 부분의 스펙트럼 을 각각 반영하고 있고, 이것이 교차 페이드되므로 결과적으로 갭 필링된 전체 데이터의 스펙트럼이 시 간적으로 더 부드럽게 변화하는 모양을 가지게 된 다. 다만, 제안된 방법은 자기회귀모델로 외삽하는 과정을 갭 전, 후에서 두 번 수행해야 하므로 계산량 이<sup>[9]</sup>에 비해 늘어난다.

#### 4.3 시뮬레이션 및 실험

실험조건, 가정, 사용한 데이터 등은 미러링 기반 갭 필링의 경우와 동일하다. 모든 경우에 AR의 차수 는 20으로 두었고, AR 파라미터를 구하기 위한 데이 터의 길이는 40으로 두었다. AR의 차수를 줄일수록 계산량이 적어져 유리한 반면 갭 필링된 신호의 스 펙트럼이 흐려져서 원본 신호에 대한 오차가 커지게 되고, AR 차수를 늘리게 되면 계산량이 늘어나는 반 면 스펙트럼이 흐려지지는 않지만 혈류의 시간에 따 른 변화를 잘 반영하지 못해 오차가 커지게 된다. 우 리의 실험에서는 약 20차 정도가 적절하다고 보였 다. 몇몇 차수에 따른 원본 데이터를 기준으로 한 갭 구간에서의 갭 필링된 데이터의 오차의 rms (root-mean-square) 값을 표 1에 나타내었다. 이 때의 오차는 인체로부터의 데이터를 사용하여 구하였는 데, 영상으로 나타낸 부분만이 아니라, 인체 심장 여 러 부위에서 얻은 도합 16000 샘플의 데이터들을 모 두 사용하였다.

표 1. 차수에 따른 갭 필링 데이터 오차 비교 Table 1. Comparison of gap filling data errors along AR order.

방법 차수	10	20	30
기존	1579	1420	1602
제안	339	271	320

복소 쳐프 신호에 대해 원본 데이터, 또 두 가지 방 법으로 갭 필링한 데이터들의 스펙트럼을 그림 5에 서 비교하였다. 예상대로, 제안된 방법이 보다 원본 에 가깝게 부드러운 주파수 변화를 보이고 있다. 같 은 방법으로 인체 데이터의 스펙트럼을 그림 6에서 비교했다. 제안된 방법이 원본 영상과의 차이가 보 다 적음을 알 수 있다. 또, 그림 7에는 그림 3과 마찬 가지로 그림 5의 (a)를 기준으로 한 (b)와 (c)의 갭 필



- 그림 5. 복소 쳐프 신호의 갭 필링 결과: (a) 원본 데이터 스펙트럼 (b) 기존 자기회귀 기반 방법 결과 스펙트 럼 (c) 제안된 자기회귀 기반 방법 결과 스펙트럼
- Fig. 5. Comparison of Doppler spectrum images with complex chirp signal: Spectrum of (a) original data, (b) data with conventional gap filling based on AR model, (c) data with proposed gap filling based AR model.



- 그림 6. 인체 신호의 갭 필링 결과: (a) 원본 데이터 스펙트 럼 (b) 기존 자기회귀 기반 방법 결과 스펙트럼 (c) 제안된 자기회귀 기반 방법 결과 스펙트럼
- Fig. 6. Comparison of Doppler spectrum images with in vivo signal: Spectrum of (a) original data, (b) data with conventional gap filling based on AR model, (c) data with proposed gap filling based on AR model.

링데이터의 오차의 절대값을 그래프로 나타내었다. 그림 8에도 마찬가지로 그림 6의 (a)를 기준으로 한 (b)와 (c)의 오차의 절대값을 그래프로 나타내었다. 예상대로, 제안된 방법에서, 오차의 진폭 및 오차가 나타나는 구간이 더 작고 좁음을 알 수 있다.



- 그림 7. 갭 필링 오차 비교(chirp signal): 실선: 제안된 방 법의 오차, 점선: 기존 방법의 오차
- Fig. 7. Comparison of gap filling error using chirp signal: Solid line: error of proposed gap filling algorithm, dashed line: error of conventional gap filling algorithm.



- 그림 8. 갭 필링 오차 비교(인체 데이터): 실선: 제안된 방 법의 오차, 점선: 기존 방법의 오차
- Fig. 8. Comparison of gap filling error using data from human body: Solid line: error of proposed gap filling algorithm, dashed line: error of conventional gap filling algorithm.

# ∨. 계산량 및 오차 비교

지금까지의 simulation 및 실험에서의 알고리즘들 은 matlab으로 코딩하여 PC에서 수행시켰다. 이 때 의 수행시간을 각 알고리즘별로 산출, 비교하였다. 16000 샘플의 도플러 기저대역 복소데이터를 처리 하여 스펙트럼 데이터를 산출하는 데 걸리는 시간을 matlab의 tic 및 toc 함수로 초 단위로 측정하였다. 그 결과를 표 1에 정리하였다. 여기서, 방법 중 '기본'은 갭 필링이 없는 원본 데이터를 처리하는 경우를 말 한다. 표에서 나타낸 대로, 제안된 방법들은 계산시 간이 기본 방법에 비해 각각 약 1.15배(미러링 기반), 또는 1.34배(AR 모델 기반) 증가하였다. 각 방법에서 의 원본 데이터를 기준으로 한 갭 구간에서의 갭 필

방법	클러터	갭	FFT	합계	상대	오차
	필터링	필링			비교	rms
기본	0.74	0	3.08	3.82	1.00	-
기존 미러링	0.74	0.10	3.08	3.92	1.03	1561
제안된 미러링	0.74	0.57	3.08	4.39	1.15	689
기존 AR	0.74	0.75	3.08	4.57	1.19	1420
제안된 AR	0.74	1.29	3.08	5.11	1.34	271

표 2. 각 방법의 계산 시간 및 오차 비교 Table 2. Comparison of computing times of each method.

링된 데이터의 오차의 rms(root-mean-square)값도 표 2에 함께 나타내었다. 이 때도 표 1과 마찬가지로 인체 심장 여러 부위에서 얻은 도합 16000 샘플의 데 이터들을 모두 사용하였다.

### Ⅳ. 결 론

이 논문에서는 휴대용 초음파진단기에서 도플러 모드의 갭 필링 방법을 구현하기 위한 알고리즘들을 검토하고, 계산량이 지나치게 늘어나지 않는 범위에 서 성능을 개선하였다. 구현에 적합할 것으로 검토 한 알고리즘은 미러링 기반, 또 자기회귀법 기반의 방법이었으며, 제안된 개선안들이 기존 방법들에 비 해 우수한 결과를 보여줌을 가상적 데이터 및 실제 인체 데이터를 써서 시뮬레이션하여 검증하였다. 이 러한 방법들은 휴대용 초음파진단기내에서 소프트 웨어로, 또는 FPGA 등의 하드웨어로도 구현 가능할 것으로 생각된다.

# 감사의 글

이 논문은 2005학년도 한림대학교 교비 학술연구 비(HRF-2005-032) 및 (주)삼성메디슨 2010년도 연구 과제 'superior color Doppler system 구현'에 의하여 연 구되었다.

#### 참고문헌

- J. A. Zagzebski, *Essentials of ultrasound physics*, Mosby Inc. Maryland Heights, 1996.
- K. Kristoffersen and B. A. J. Angelsen, "A time-shared ultrasound Doppler measurement and 2-D imaging system," *IEEE Trans. Biomed. Eng.*, vol. 35, no. 5, pp. 285-295, May 1988.
- H. Klebaek, J. A. Jensen, and L. K. Hansen, "Neural network for sonogram gap filling," *Proc. IEEE Ultrason. Symp.*, pp. 1553-1556, 1995.
- W. Wilkening, B. Brendel, and H. Ermert, "Fast, extended velocity range flow imaging based on nonuniform sampling using adaptive wall filtering and cross correlation," *Proc. IEEE Ultrason. Symp.*, pp. 1457-1460, 2002.
- J. A. Jensen, "Spectral velocity estimation using the autocorrelation function and sparse data sequences," *Proc. IEEE Ultrason. Symp.*, pp. 141-145, 2005.
- S. K. Mollenbach. and J. A. Jensen, "Duplex scanning using sparse data sequences," *Proc. IEEE Ultrason. Symp.*, pp. 5-8, 2008
- 7. M. Izumi, "Ultrasonic wave Doppler diagnosing apparatus," US Patent no. 5,891,036, Apr. 1999.
- Y. Zhang and X. Li, "Method and apparatus for fFilling Doppler signal gaps in ultrasound diagnostic imaging," US Patent Application Publication, no. US2009/0012398 A1, Jan. 8, 2009.
- J. S. Wang, "Aparatus and method for estimating missing Doppler signals and spectra," US Patent no. 5,642,732, Jul. 1997
- Y. M. Kim and S. B. Park, "Modeling of Doppler signal considering the sample volume and field distribution," *Ultrason. Imag.*, vol. 11, pp. 175–196, 1989.
- A. C. H. Yu, A. H. Steinman, and R. S. C. Cobbold, "Transit-time broadening in pulsed Doppler ultrasound: A generalized amplitude modulation model," *IEEE Trans. Ultrason., Ferroelect., Freq. Contr.*, vol. 53, no. 3, pp. 530-541, Mar. 2006.
- A. J. E. M. Janssen, R. N. J. Veldus, and L. B. Vries, "Adaptive interpolation of discrete-time signals that can be modeled as autoregressive process," *IEEE Trans. Acoust. Speech Signal Processing*, vol. ASSP-34, no. 2, pp. 317-330, April 1986.
- S. de Waele and P. M. T. Broersen, "The Burg algorithm for segments," *IEEE Trans. Signal Processing*, vol. 48, no. 10, pp. 2876-2880, Oct. 2000.
- E. S. Chornoboy, "Initialization for improved IIR filter performance," *IEEE Trans. Signal Processing*, vol. 40, no. 3, pp. 543-550, Mar. 1992.
- 15. M. H. Hayes, *Statistical digital signal processing and modeling*, John Wiley & sons, Inc., 1996.

#### 제자 약력

 ▶ 배 무 호(MooHo Bae)
 1986년 2월: 서울대학교 전기공학과 (공학사)
 1988년 8월: 한국과학기술원 (공학석사)
 1992년 8월: 한국과학기술원 (공학박사)
 1992년 9월 ~ 1995년 9월: (주)대우전자 (선임연구원)
 1995년 10월 ~ 2004년 8월: (주) 메디슨 (책임연구원 ~ 연구소장)
 2004년 9월 ~ 현재: 한림대학교 정보전자공학대학 전자공학과 조교수 ~ 부교수

▶ 안 형 준(Hyung-Jun An)
 2011년 2월: 한림대학교 전자공학과 (공학사)
 2011년 3월 ~ 현재: 한림대학교 전자공학과 석사과정