

ID 기반의 그룹 키 교환 기법에 대한 연구 동향

최재탁, 이동훈

요약

키 교환은 이미 오래전부터 많이 연구되어 왔으나 끊임없이 변화하는 통신 환경과 그에 따른 새로운 위협에 따라 안전한 키 교환이 필요하게 되었다. 특히 키 교환을 수행하는 개체의 비밀키가 노출되었을 경우에도 안전한 키 교환 프로토콜이 필요하다. 또한 그룹의 구성원 수와 상관없이 상수 라운드를 가지는 효율적인 키 교환 프로토콜이 요구된다.

본 논문에서는 ID 기반의 그룹 키 교환 기법에 대한 기술 동향을 분석하고, 그룹 키 교환 환경에서의 다양한 공격 환경 및 공격자에 따른 안전성 모델에 대한 안전성을 분석한다.

I. 서론

그룹 키 교환(group key agreement) 프로토콜은 두 명 혹은 그 이상의 사용자들이 안전하지 않는 공개된 통신망에서 안전하게 공통된 키를 생성하는 기법이다. 키 교환 프로토콜을 수행하여 생성된 공통된 키를 세션 키라고 한다. 이렇게 생성된 세션키는 암호화/복호화, MAC, 인증과 디지털 서명 등의 키로 사용되어 진다.

인증 그룹 키 교환(authenticated group key agreement) 프로토콜이란 인증 기법이 포함되어 있는 그룹 키 교환 프로토콜을 말한다. 인증이란 키 교환에 참여하는 사용자가 의도한 사용자인지에 대한 신원을 확인하는 것을 말한다.

ID 기반의 공개키 방식의 기본 개념은 Adi Shamir^[1]가 처음으로 제안하였다. ID 기반의 암호 시스템에서 공개키로 비밀 키를 가지고 있는 사용자를 쉽게 확인할 수 있는 이메일 주소와 같은 공개 정보로 구성된 공개 확인자(identity, ID)를 사용하고 있다. Bilinear pairing을 이용한 Boneh 와 Franklin^[2]의 ID 기반의 암호 시스템에 관한 연구 이래로 ID 기반의 그룹 키 교환에 관한 연구가 진행되어 왔다. ID 기반의 인증된 그룹 키 교환 프로토콜은 K. C. Reddy^[3]가 N. P. Smart^[4]의 양자간 키 교환 방식을 이용하여 트리 기반의 그룹 키 교환 기법을 제안하였다. 그 후, R. Barua^[5]는 A. Joax^[6]의 3자

간 키 교환 방식을 이용한 트리 기반의 그룹 키 교환 기법을 제안하였다. 하지만 위의 두 가지 방식은 트리의 깊이의 수만큼 키 교환이 필요하다는 단점이 있다. 그래서 Reddy와 Barua의 기법은 많은 사용자를 가지는 그룹 키 교환 방식에는 적용하기에는 비효율적이다. 고정된 라운드를 가지는 ID 기반의 인증된 그룹 키 교환 프로토콜이 Choi et al.^[7]와 Du et al.^[8]에 의해서 제안되었다. Choi와 Du의 기법은 2 라운드를 필요로 한다. 그러나 Zhang과 Chen^[9]은 이 두 기법에 대한 위장공격의 취약점을 발견하였다. 그 후, Du et al.^[10]는 자신의 기법에 대한 위장공격에 안전하게 보완한 그룹 키 교환 기법을 제안하였다.

^[11]에서 Y. Shi는 1라운드를 가지는 ID 기반의 인증된 그룹 키 교환 기법을 제안하였다. 최근에 L. Zhou^[12]는 두 개의 그룹 키 교환 기법을 제시하였는데, 하나는 1라운드가 필요하고 다른 하나는 2라운드가 필요하다. 2라운드가 필요한 기법은 1라운드가 필요한 기법보다 전송 효율이 더 좋은 기법이다.

본 논문에서는 ID 기반의 그룹 키 교환 기법에 대한 기술 동향을 분석하고, 그룹 키 교환 환경에서의 다양한 공격 환경 및 공격자에 따른 안전성 모델에 대한 안전성을 분석한다.

II. 정 의

2.1 The Bilinear Map

G_1 을 위수가 q 인 덧셈 연산군 이라 하고, G_2 를 위수 q 를 갖는 곱셈 연산군 이라고 하자. 이때 G_1, G_2 에서의 이산 대수 문제(discrete logarithm problem)는 어렵다고 가정한다.

Bilinear Diffie-Hellman(BDH) 파라미터 생성자를 확률적 다항식 시간 연산 알고리즘 이라고 하자. 다항식 시간 안에 BDH 파라미터 생성자는 위수가 소수 q 를 가지는 두 그룹 G_1, G_2 와 다음 성질을 만족하는 bilinear map $e: G_1 \times G_1 \rightarrow G_2$ 를 생성한다.

- Bilinear: 모든 $P, Q \in G_1$ 와 $a, b \in \mathbb{Z}'_q$ 에 대해서 $e(aP, bQ) = e(P, Q)^{ab}$
- Non-degenerate: 모든 $Q \in G_1$ 에 대해서 $e(P, Q) = 1$ 를 만족하면, $P = 0$ 이다.
- Computable: 모든 $P, Q \in G_1$ 에 대하여 다항식 시간 안에 $e(P, Q)$ 를 계산할 수 있는 효율적인 알고리즘이 존재한다.

2.2 안전성 성질

본 절에서는 그룹 키 교환에 관한 기본적인 안전성 성질들에 관하여 알아본다.

키 교환 프로토콜의 가장 기본적인 안전성 요구사항은 키 기밀성 (key secrecy)이다. 유한한 계산 능력을 지닌 공격자는 정직한 사용자 간의 통신을 도청하거나, 공격자가 프로토콜에 참여함으로써 정직한 사용자에게 메시지를 전송 할 수 있다. 키 기밀성은 이러한 공격자가 세션 키에 대한 어떠한 정보도 얻을 수 없어야 한다는 것이다. 키 교환 프로토콜에 요구되는 다른 안전성은 전방향 안전성 (forward secrecy)과 기지 키 공격에 대한 안정성 (known-key secrecy)이다.

전방향 안전성은 사용자의 롱텀 비밀 키(long-term key)를 알고 있는 어떠한 공격자라도 정직한 구성원 간에 성공적으로 확립된 이전의 세션 키에 대한 어떠한 정보도 얻을 수 없어야 함을 의미한다.

기지키에 대한 안전성은 여러 세션에서 얻은 세션 키들을 이용해도 노출되지 않은 세션들의 세션 키들의 키

기밀성에는 영향을 주지 않아야 함을 의미한다.

이 밖에 비밀키 사용 위장에 대한 안전성(security against key compromise impersonation)과 파트너 혼돈 공격에 대한 안전성(security against unknown impersonation)이 존재한다. A의 비밀키가 노출된다면, 공격자는 A의 개인키를 가지고 B에게 A인척 위장할 수 있다. 비밀키 사용 위장에 대한 안전성이란 A의 롱텀키인 비밀키가 노출되더라도 A의 비밀키를 가진 공격자가 A에게 B인척 위장할 수 없어야 한다는 것을 말한다. 파트너 혼돈 공격에 대한 안전성이란 A와 B가 똑같은 세션키를 계산했으면 A는 현재 B와 키를 교환하고 있다고 인식해야 하며, B또한 A와 키 교환하고 있다고 인식해야 한다는 것을 말한다.

III. ID 기반의 그룹 키 교환 프로토콜

본 절에서는 ID 기반의 그룹 키 교환 기법의 연구동향을 살펴본다.

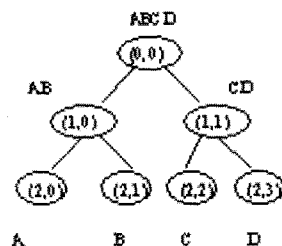
3.1 Reddy와 Nalla의 기법

이 기법은 Smart^[4]의 ID 기반의 양자간 키 교환 기법을 일방향 함수 트리를 이용하여 처음으로 ID 기반의 그룹 키 교환 기법을 설계하였다.

Setup. KGC가 임의의 상수 s 와 $P \in G$ 를 선택하고, $P_{KGC} = sP$ 를 계산한다. 그리고 (P, P_{KGC}) 를 공개값으로 하여 공개한다.

KeyGen. 사용자의 ID에 대하여, 공개키 $Q_{ID} = H(ID)$ 와 개인키 $S_{ID} = sQ_{ID}$ 를 계산하여 사용자에게 전송한다.

Protocol. [그림 1]은 키 트리(key tree)의 한 예이다.



(그림 1) 키 트리의 예

이 트리에 대한 그룹 키의 계산은 다음과 같다.

먼저, A와 B는 Smart의 양자간 ID 기반의 인증된 키 교환 기법을 이용하여 노드(1, 0)에 해당하는 공통된 키를 계산한다. C와 D도 같은 방법으로 노드(1, 1)에 해당하는 공통된 키를 계산한다. [그림 2]는 키 교환 과정을 나타낸 것이다.

A	B	C	D
The public key Q_A is sent to the KGC to get the private key	The public key Q_B is sent to the KGC to get the private key	The public key Q_C is sent to the KGC to get the private key	The public key Q_D is sent to the KGC to get the private key
$S_A = [s]Q_A$	$S_B = [s]Q_B$	$S_C = [s]Q_C$	$S_D = [s]Q_D$
selects a random value $a \in Z_q^*$	selects a random value $b \in Z_q^*$	selects a random value $c \in Z_q^*$	selects a random value $d \in Z_q^*$
compute $T_A = [a]P$	compute $T_B = [b]P$	compute $T_C = [c]P$	compute $T_D = [d]P$
Exchange T_A and T_B		Exchange T_C and T_D	
$T_A = [a]P$	$T_B = [b]P$	$T_C = [c]P$	$T_D = [d]P$
$\hat{e}([a]Q_A, P_{pub}) \cdot \hat{e}(S_B, T_A)$	$\hat{e}([b]Q_B, P_{pub}) \cdot \hat{e}(S_A, T_B)$	$\hat{e}([c]Q_C, P_{pub}) \cdot \hat{e}(S_D, T_C)$	$\hat{e}([d]Q_D, P_{pub}) \cdot \hat{e}(S_C, T_D)$
$= k_{AB}$	$= k_{BA}$	$= k_{CD}$	$= k_{DC}$

(그림 2) 중간 노드의 키

k_{AB} 와 k_{CD} 는 암호화 키로 직접 사용할 수 없다. 대신에 그룹 비밀 값으로부터 생성된 특별한 목적을 가지는 하위키(sub-key)를 생성하여 사용한다. 사용자 A와 B는 노드(1, 0)에 해당하는 하위키는 k_{AB} 를 일방향 함수 $f_t: F_q^* \rightarrow Z_q^*$ 에 적용하여 k_{AB}' 로 한다. 같은 방법으로 C와 D는 노드(2,0)에 해당하는 하위키 k_{CD}' 를 생성한다. 이 두 값을 다음 상위 레벨의 키를 계산하는데 사용한다. 중간 노드들은 바로 상위 레벨의 키를 계산하기 위해서 자신의 공개키와 개인키가 필요하다. 하지만 중간 노드들은 ID가 존재하지 않기 때문에 하위 레벨의 두 노드의 공개키를 더해서 자신의 공개키로 생성하고, KGC로부터 개인키를 얻는다. 즉, 노드(1, 0)은 자신의 공개키로 $Q_{AB} = Q_{<1,0>} = H'(Q_{<2,0>} + Q_{<2,1>})$ 로 한다. KGC는 $Q_{<1,0>}$ 의 개인키 $S_{AB} = S_{<1,0>} = sQ_{<1,0>}$ 를 계산한다.

사용자 A와 B는 [그림 3]과 같이 노드(1, 0)의 ID와

AB	CD
The public key $Q_{AB} = Q_{AB} = H'(Q_A + Q_B)$ is sent to the KGC to get the private key	The public key $Q_{CD} = Q_{CD} = H'(Q_C + Q_D)$ is sent to the KGC to get the private key
$S_{AB} = [s]Q_{AB}$	$S_{CD} = [s]Q_{CD}$
Compute $k_{AB} = f_t(k_{AB})$	Compute $k_{CD} = f_t(k_{CD})$
Compute $T_{AB} = [k_{AB}]P$	Compute $T_{CD} = [k_{CD}]P$
Exchange T_{AB} and T_{CD}	
$T_{AB} = [k_{AB}]P$	$T_{CD} = [k_{CD}]P$
$\hat{e}([k_{AB}]Q_{CD}, P_{pub}) \cdot \hat{e}(S_{CD}, T_{AB})$	$\hat{e}([k_{CD}]Q_{AB}, P_{pub}) \cdot \hat{e}(S_{AB}, T_{CD})$

(그림 3) 상위 노드의 키

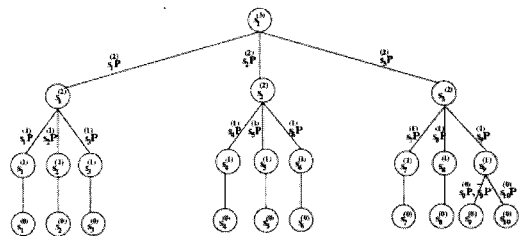
노드(1, 1)의 공개키 Q_{CD} , 그리고 T_{AB} 를 이용하여 노드(0, 0)의 키를 계산할 수 있다. 사용자 C와 D도 같은 방법으로 노드(0, 0)의 키를 계산한다.

위와 같은 방법으로 n명의 사용자에게 대한 그룹 키를 계산할 수 있다. 트리의 하위 노드에 위치하는 그룹 사용자들은 상위 노드까지에 이르는 노드들의 비밀키값과 형제노드들의 공개키를 알고 있으면 공통된 그룹 키를 생성할 수 있다.

3.2 Barua, Dutta와, Sarkar의 기법

Barua등은 Joux^[6]의 3자간 1라운드 키 교환 프로토콜을 이용하여 Reddy등의 기법과 같은 트리 구조를 이용하여 그룹 키 교환 기법을 설계하였다. 설계 방법은 Diffie-Hellman 프로토콜과 셋으로 이루어지는 트리구조로 간단하지만, 이에 대한 안전성을 증명하는 것은 간단하지 않다. 이 논문에서는 수동적 공격자를 전제로 하여 안전성에 대한 증명을 제시하였다는 것이 중요한 결과이다.

3자간 키 교환 프로토콜을 CombineThree라 하고, 2자간 키 교환 프로토콜을 CombineTwo라고 할 때 CombineThree와 CombineTwo로 구성되는 n명의 그룹 키 교환 프로토콜을 KeyAgreement라고 한다. 다음 [그림 4]는 10명의 사용자에게 대한 KeyAgreement의 실행 예이다.



(그림 4) 사용자의 수가 10명일 때 키 교환의 실행 예제

위의 그림에서 세 명의 사용자가 하위 그룹을 이룰 때에는 CombineThree 알고리즘을 사용하여 공통된 비밀 값을 생성하고, 두 명의 사용자가 하위 그룹을 이룰 때에는 CombineTwo 알고리즘을 사용하여 공통 비밀 값을 생성한다.

다음 그림들은 CombineThree와 CombineTwo 프로토콜을 설명한 그림이다. 인증되지 않은 3자간 키 교환 프로토콜은 Joux의 기법이며, 인증된 3자간 키 교환 프로토콜은 Zhang 등에 의해서 제시된 기법이다. 아래 그림에서 사각형 내부의 부분은 인증된 프로토콜을 위한 부분으로 인증이 필요하지 않는 환경에서는 생략할 수 있는 부분이다.

```

procedure CombineThree( $U[1, 2, 3], s[1, 2, 3]$ )
 $i = 1$  to 3 do
   $Rep(U_i)$  computes  $P_i = s_i P$ 
  and  $T_{Rep(U_i)} = \hat{H}(P_i) S_{Rep(U_i)} + s_i P_i$ ;
  Let  $\{j, k\} = \{1, 2, 3\} \setminus \{i\}$ ;
   $Rep(U_i)$  sends  $P_i, T_{Rep(U_i)}$  to all members of both  $U_j, U_k$ ;
end do

 $i = 1$  to 3 do
  Let  $\{j, k\} = \{1, 2, 3\} \setminus \{i\}$ ;
  each member of  $U_i$ 
  verifies:  $e(T_{Rep(U_j)} + T_{Rep(U_k)}, P) = e(\hat{H}(P_j) Q_{Rep(U_j)} + \hat{H}(P_k) Q_{Rep(U_k)}, P_{pub})$ 
  and
   $e(P_j, P_k) \in \{P_k, P_j\}$  and
  computes  $H(e(P_j, P_k)^s)$ ;
end do
end CombineThree
    
```

(그림 5) CombineThree 알고리즘

```

procedure CombineTwo( $U[1, 2], s[1, 2]$ )
 $i = 1$  to 2 do
   $Rep(U_i)$  computes  $P_i = s_i P$ 
  and  $T_{Rep(U_i)} = \hat{H}(P_i) S_{Rep(U_i)} + s_i P_i$ ;
end do
 $Rep(U_1)$  generates  $\bar{s} \in_R Z_q^+$  and sends  $\bar{s} P$ 
  and  $T_{Rep(U_1)} = \hat{H}(\bar{s} P) S_{Rep(U_1)} + \bar{s}^2 P$  to the rest of the users;
  each member of  $U_1, U_2$  except  $Rep(U_1)$  verifies:
   $e(T_{Rep(U_1)}, P) = e(\hat{H}(\bar{s} P) Q_{Rep(U_1)}, P_{pub}) e(\bar{s} P, \bar{s} P)$ ;
   $Rep(U_1)$  sends  $P_1, T_{Rep(U_1)}$  to all members of  $U_2$ ;
   $Rep(U_2)$  sends  $P_2, T_{Rep(U_2)}$  to all members of  $U_1$ ;
  each member of  $U_1$ 
  verifies:  $e(T_{Rep(U_2)}, P) = e(\hat{H}(P_2) Q_{Rep(U_2)}, P_{pub}) e(P_2, P_2)$  and
  computes  $H(e(P_2, \bar{s} P)^{s_1})$ ;
  each member of  $U_2$ 
  verifies:  $e(T_{Rep(U_1)}, P) = e(\hat{H}(P_1) Q_{Rep(U_1)}, P_{pub}) e(P_1, P_1)$  and
  computes  $H(e(P_1, \bar{s} P)^{s_2})$ ;
end CombineTwo
    
```

(그림 6) CombineTwo 알고리즘

```

procedure KeyAgreement( $m, U[i+1, \dots, i+m]$ )
  if ( $m = 1$ ) then
    KEY =  $s[i+1]$ ;
  end if
  if ( $m = 2$ ) then
    call CombineTwo( $U[i+1, i+2], s[i+1, i+2]$ );
    Let KEY be the agreed key between user sets  $U_{i+1}, U_{i+2}$ ;
  end if
   $n_0 = 0; n_1 = \lfloor \frac{m}{2} \rfloor; n_3 = \lfloor \frac{m}{2} \rfloor; n_2 = m - n_1 - n_3$ ;
   $j = 1$  to 3 do
    call KeyAgreement( $n_j, U[i+n_{j-1}+1, \dots, i+n_{j-1}+n_j]$ );
     $\bar{U}_j = U[i+n_{j-1}+1, \dots, i+n_{j-1}+n_j]; \bar{s}_j = KEY; n_j = n_{j-1} + n_j$ ;
  end do;
  call CombineThree( $\bar{U}[1, 2, 3], \bar{s}[1, 2, 3]$ );
  Let KEY be the agreed key among user sets  $\bar{U}_1, \bar{U}_2, \bar{U}_3$ ;
end KeyAgreement
    
```

(그림 7) KeyAgreement 알고리즘

CombineThree와 CombineTwo 알고리즘은 Key Agreement에서 하위 알고리즘으로 사용된다. 그룹 키 생성과정은 Reddy와 Nally의 방법과 동일하므로 구체적인 방법에 대한 기술은 생략하기로 한다. 다음 [그림 7]은 KeyAgreement 알고리즘을 나타낸다.

3.3 Choi, Hwang과, Lee의 기법

앞에서 살펴본 트리 기반의 그룹 키 교환 기법들은 트리의 깊이의 수만큼 키 교환이 필요하다는 단점이 있다. 그래서 많은 사용자를 가지는 그룹에 적용하기에는 비효율적이다. 이 논문에서는 참가자 그룹에 대해 확장 효과적인(scappable) 2라운드를 가지는 그룹 키 교환 기법을 제시하였다. 특히, Pairing 계산에서 단지 $O(n)$ 의 복잡도를 가진다.

제시된 ID 기반의 인증된 그룹 키 교환 기법은 다음과 같다.

BDH 파라미터 생성 알고리즘. BDH 파라미터 생성 알고리즘 IG_{BDH} 는 보안 상수 1^k 를 입력 값으로 받아 위수 q 인 두 군 G_1, G_2 와 admissible bilinear map e 를 다항식 시간 안에 출력하는 알고리즘이다.

Setup. 먼저 KGC는 BDH 파라미터 생성기를 실행한다. 임의의 $s \in Z_p$ 를 선택하여 G_1 의 생성자 P 를 이용해서 $P_{pub} = sP$ 를 계산한다. 그리고 KGC는 s 를 마스터 비밀 키로 하고, 시스템 파라미터를 $params = \{e, G_1, G_2, q, P, P_{pub}, H, H_1\}$ 을 공개 값으로 하여 공개한다.

Extract. 사용자가 자신의 ID를 이용한 키 쌍을 얻기 원할 때, KGC는 $Q_{ID} = H_1(ID)$ 을 공개키로 $S_{ID} = sQ_{ID}$ 를 비밀키로 계산하여 (Q_{ID}, S_{ID}) 를 사용자에게 돌려준다.

U_1, U_2, \dots, U_n 을 그룹 키를 생성하려는 사용자들의 집합이라고 하자. ID_1, ID_2, \dots, ID_n 은 각 사용자의 확인자(ID)이다. 모든 참가자들은 순번이 순환이 되도록 정해져 있다. 즉, 사용자 인덱스는 법(modular) n (=사용자의 수)의 규칙을 따르며, $U_i (1 \leq i \leq n)$ 는 그룹의 i 번째 사용자를 나타내며 룬텀 공개키와 비밀키는 $[ID_i, S_i = sQ_i]$ 이다.

Round 1. 각 사용자 U_i 는 $a_i \in \mathcal{Z}_q^*$ 값을 임의로 선택하고 $P_i = a_i P$, $h_i = H(P_i)$ 와 $T_i = a_i P_{pub} + h_i S_i$ 를 계산한다. U_i 는 비밀값으로 하고 $\langle P_i, T_i \rangle$ 를 브로드캐스트 한다.

Round 2. 각 사용자 U_i 는 $\langle P_{i-1}, T_{i-1} \rangle$, $\langle P_{i+1}, T_{i+1} \rangle$ 와 $\langle P_{i+2}, T_{i+2} \rangle$ 을 다른 사용자들로부터 받아 다음과 같이 메시지에 대한 검증을 한다.

$$e\left(\sum_{k \in \{-1, 1, 2\}} T_{i+k}, P\right) = e\left(\sum_{k \in \{-1, 1, 2\}} (P_{i+k} + h_{i+k} Q_{i+k}), P_{pub}\right)$$

만약 위와 같은 식이 성립하면 U_i 는 $D_i = e(a_i(P_{i+2} - P_{i-1}), P_{i+1})$ 를 계산하여 다른 사용자들에게 전송한다. 그 외의 경우는 프로토콜을 중지한다.

Key Computation. 각 사용자 U_i 는 다음과 같이 그룹 키를 계산한다.

$$K_i = e(a_i P_{i-1}, P_{i+1})^{n-1} D_i^{n-2} \cdots D_{i-2}$$

정당한 모든 사용자들은 공통된 그룹 키 $K = e(P, P)^{a_1 a_2 + a_2 a_3 + \cdots + a_{n-1} a_n}$ 를 생성한다. 라운드 2에서 각 사용자들은 메시지 인증과정을 수행한다. 이 인증과정은 사용자들이 받은 각각의 메시지에 대한 개별적인 인증은 제공하지 않는다. 그러나 위의 프로토콜에서 메시지 인증의 목적은 받은 메시지들에 대한 정당성만은 요한다.

3.4 Shi, Chen와 Li의 기법

이 논문에서는 이전에 존재하는 기법보다 효율적인 ID 기반의 그룹 키 교환 기법을 제시하였다. 제안하는 기법은 1라운드가 필요하고, 서명 검증 없이 인증을 제공한다. 하지만 이 기법은 사용자들이 그룹 관리자에 의해서 생성된 공개키를 가지고 있어야 하고, 다른 사용자의 공개키를 사용하기 위해서 검증과정이 필요하다. 이러한 과정은 인증서 기반의 PKI의 개념에 더 가깝다.

Setup. 주어진 보안상수 1^k 에 대해서, KGC는 시스템 파라미터를 다음과 같이 생성한다.

$$\langle q, G_1, G_2, e, P, P_{pub}, P_{pub}', H_1 \rangle$$

G_1 과 G_2 는 위수가 q 인 두 개의 군이다. P 는 G_1 의 생성자이다. s_1 과 s_2 는 KGC의 비밀키로 \mathcal{Z}_q^* 에서 랜덤하게 선택된 값이고, $P_{pub} = s_1 P$ 와 $P_{pub}' = s_2 P$ 는 공개키

이다. e 는 $e: G_1 \times G_1 \rightarrow G_2$ 인 bilinear map이고 $H_1: \{0, 1\}^* \rightarrow \mathcal{Z}_q^*$ 은 암호학적인 해쉬 함수이다.

Key Extraction. 사용자 U_i 가 자신의 ID_i 를 KGC에게 보내면, KGC는 $I_i = H_1(ID_i)$ 를 계산한다. 그리고 $Q_i = (I_i s_1 + s_2) P$ 를 사용자의 공개키로 한다. 다른 사용자들은 이 공개키를 $I_i P_{pub} + P_{pub}'$ 으로 계산할 수 있다. KGC는 U_i 의 개인키로 $S_i = (I_i s_1 + s_2)^{-1} P$ 를 계산하여 사용자 U_i 에게 안전하게 전송한다.

U_1, U_2, \dots, U_n 을 그룹 키를 생성하려는 사용자들이라고 하고, $ID_i (1 \leq i \leq n)$ 을 사용자들의 식별자라고 하자. U_i 는 KGC로부터 받은 자신의 공개키 Q_i 와 개인키 S_i 를 가지고 있다. 키쌍 (Q_i, S_i) 를 롱텀 개인키(long-term private key)라고 한다.

Round 1. 각 사용자 $U_i (1 \leq i \leq n)$ 는 임의의 정수 $a \in \mathcal{Z}_q^*$ 를 선택하고 자신의 임시 개인키(ephemeral private key)로 한다. 그리고 U_i 는 자신의 공개키를 제외한 다른 사용자의 공개키를 이용하여 $T_{i,j} = a_i Q_j (1 \leq j \leq n, j \neq i)$ 를 계산한 후 U_j 에게 전송한다.

Key Computation. U_i 가 다른 사용자들로부터 $T_{1,i}, T_{2,i}, \dots, T_{i-1,i}, T_{i+1,i}, \dots, T_{n,j}$ 를 받으면, 세션키를 다음과 같이 계산한다.

$$K_i = e(T_{1,i} + T_{2,i} + \cdots + T_{i-1,i} + a Q_i + T_{i+1,i} + \cdots + T_{n,j}, S_i)$$

위의 식은 모든 사용자들이 동일한 키를 계산할 수 있게 됨을 다음과 같이 확인할 수 있다.

$$\begin{aligned} K_i &= e(T_{1,i} + T_{2,i} + \cdots + T_{i-1,i} + a Q_i + T_{i+1,i} + \cdots + T_{n,j}, S_i) \\ &= e(Q_i, S_i)^{a_1 + a_2 + \cdots + a_n} \\ &= e(P, P) \end{aligned}$$

3.5 Zhou, Susilo와 Mu의 기법

4절에서 소개한 논문에서 쓰이는 기법은 변형된 ID-PKI의 그룹 키 교환 방식이다. 이 논문에서는 ID기반의 1라운드를 가지는 효율적인 인증된 그룹 키 교환 프로토콜을 제안하였다. 그리고 이 프로토콜을 변형하여 전송효율이 더 좋은 2라운드를 가지는 ID기반 그룹 키 교환 기법도 제안하였다.

3.5.1 1라운드를 가지는 ID기반의 인증된 그룹 키 교환 프로토콜(O-AGKA)

그룹 관리자(Group Administrator: GA)는 암호학적 해쉬 함수 $H_1 : \{0,1\}^* \rightarrow G_1$, $H_2 : G_2 \rightarrow \{0,1\}^n$ 와 $H_3 : \{0,1\}^n \rightarrow \{0,1\}^n$ 를 선택한다.

Setup. GA는 BDH 파라미터 생성자를 이용하여 소수 q , 위수가 q 인 두 개의 군 G_1, G_2 와 bilinear map $e : G_1 \times G_1 \rightarrow G_2$ 를 생성한다. GA는 임의의 생성자 $P \in G_1$ 와 임의의 난수 $s \in \mathbb{Z}_q^*$ 를 선택한 후 $P_{pub} = sP$ 를 계산한다. 그리고, GA는 s 를 마스터 비밀키로 하고 공개 시스템 파라미터 $params = \{e, G_1, G_2, q, P, P_{pub}, H_1, H_2, H_3\}$ 를 공개한다.

Extract. 확인자(identity)가 ID_i 인 사용자 U_i 가 비밀 키를 얻기 위해서, GA는 $Q_i = H_1(ID_i)$ 를 계산한 후 사용자의 롬텀 비밀키로 $S_i = sQ_i$ 를 계산하여 사용자에게 안전한 채널로 전송한다.

U_1, \dots, U_n 을 그룹 세션키를 생성하기를 원하는 사용자들의 집합이라고 하자. 그룹 키 교환 프로토콜은 다음과 같다.

Round 1. 각 사용자 U_i 는 먼저 임의의 난수 $\delta_i \leftarrow G_2$ 와 $r_i, k_i \leftarrow \{0,1\}^n$ 을 선택한 후, $P_i^j = H_2(e(S_i, Q_j) \cdot \delta_j) \oplus r_i$, $1 \leq j \leq n, j \neq i$ 를 계산한다. 그리고 U_i 는 D_i 를 다음과 같이 계산하여 다른 사용자들에게 전송한다.

$$D_i = \langle \delta_i, P_i^1, \dots, P_i^{i-1}, P_i^{i+1}, \dots, P_i^n, H_3(r_i) \oplus k_i, \mathcal{J} \rangle$$

\mathcal{J} 는 P_i^j 가 어느 사용자와 연관되어 있는지에 관한 정보를 포함하는 분류표시이다.

Key Computation. $D_j = \langle R_j, P_j^1, \dots, P_j^n, V_j, \mathcal{J} \rangle$ 이라 하자. 다른 사용자들로부터 D_j 를 전송 받은 후에, 사용자 U_i 는 \mathcal{J} 의 정보를 검색하여 자신의 P_j^i 를 찾는다. 그리고 다음을 계산한다.

$$k_j' = H_3(H_2(e(Q_j, S_i) \cdot R_j) \oplus P_j^i) \oplus V_j$$

각 사용자 U_i 는 공통된 세션키를 다음과 같이 계산할 수 있다.

$$K = K_i = k_1' \oplus \dots \oplus k_{i-1}' \oplus k_i \oplus \dots \oplus k_n'$$

3.5.2 2라운드를 가지는 ID기반의 인증된 그룹 키 교환 프로토콜(T-AGKA)

T-AGKA는 O-AGKA를 변형한 것으로 O-AGKA보다 전송량이 효율적인 기법이다.

Setup. O-AGKA 기법과 동일하다. 추가적으로 T-AGKA는 새로운 세 개의 암호학적 해쉬 함수 $H_4 : G_2 \rightarrow \{0,1\}^n$, $H_5 : \{0,1\}^n \rightarrow \mathbb{Z}_q^*$, $H_6 : G_1 \rightarrow \{0,1\}^n$ 을 생성한다.

Extract. O-AGKA 기법과 동일하다.

U_1, \dots, U_n 을 그룹 세션키를 생성하기를 원하는 사용자들의 집합이라고 하면. 그룹 키 교환 프로토콜은 다음과 같다.

Round 1. 개시자(initiator) U_1 은 먼저 임의의 난수 $\delta \leftarrow G_2$, $r \leftarrow \{0,1\}^n$ 과 $k_1 \leftarrow \mathbb{Z}_q^*$ 를 선택한다. 그리고 U_1 은 $D_1 = \langle R_1, P_2, \dots, P_n, V, W, \mathcal{J} \rangle$ 을 다음과 같이 계산하여 다른 사용자들에게 전송한다.

$$D_1 = \langle \delta, r \oplus H_4(e(S_1, Q_2) \cdot \delta), \dots, r \oplus H_4(e(S_1, Q_n) \cdot \delta), H_5(r) \cdot k_1, P, k_1, P_{pub}, \mathcal{J} \rangle$$

\mathcal{J} 은 P_i 가 어느 사용자와 연관되어 있는지에 관한 정보를 포함하는 분류 표시이다.

Round 2. 각 응답자 $U_i (2 \leq i \leq n)$ 가 U_1 으로부터 D_1 을 받으면, \mathcal{J} 의 정보를 이용하여 자신의 P_i 를 찾은 후에 $r' = H_4(e(Q_i, S_1) \cdot R) \oplus P_i$ 를 계산한다. 만약에 메시지 D_1 이 정당하다면 $r' = r$ 임을 알 수 있다. 그리고 U_i 는 임의의 난수 $k_i \leftarrow \mathbb{Z}_q^*$ 를 선택한 후 $D_i = \langle H_5(r) \cdot k_i, P, k_i, P_{pub} \rangle$ 를 계산하여 다른 모든 사용자들에게 전송한다.

Key Computation. $D_j = \langle X_j, Y_j \rangle$ 라 하자. 다른 사용자들로부터 D_j 를 전송 받은 후에, 개시자 U_1 과 사용자 U_i 는 $z_1 = H_5(r)^{-1} \cdot V$ 과 $z_j = H_5(r)^{-1} \cdot X_j (2 \leq j \leq n)$ 를 계산한다. 그리고, 각 사용자 U_i 는 계산된 z_j 를 저장하고 z_j 가 올바른 값인지를 다음의 식을 이용하여 확인한다.

$$e\left(P, \sum_{j=1}^n Y_j\right) \stackrel{?}{=} e\left(P_{pub}, \sum_{j=1}^n z_j\right)$$

[표 1] ID기반 그룹 키 교환 프로토콜의 비교

프로토콜	계산량			안전성	
	라운드 수	연산량 (각 사용자)	전송 메시지 수 (각 사용자)	제공 안전성	가정
Reddy 외	$\log n$	$\log n \times \text{곱셈} + 2n \log n \times \text{페어링}$	$O(\log n)$	-	-
Barua 외	$\lceil \log_3 n \rceil$	$< \frac{5}{2}(n-1) \times \text{스칼라곱}$	$< \frac{5}{2}(n-1)$	FS & KK	스탠다드
Choi 외	2	$O(1) \times \text{페어링}$	$O(n)$	FS & KK	랜덤 오라클
Shi 외	1	$2(n-1) \times \text{곱셈} + 1 \times \text{페어링}$	$n-1$	-	-
Zhou 외	1	$n^2 \times \text{페어링}$	$n(n+2)$	KK	랜덤 오라클
	2	$4n \times \text{페어링}$	$3n$	KK	랜덤 오라클

위의 식을 계산하여 z_j 가 모두 올바른 값으로 검증되면, U_i 는 다른 그룹 사용자들이 정당한 사용자라는 것을 확인할 수 있게 된다. 따라서 모든 사용자 U_i 는 공통된 세션키를 다음과 같이 계산할 수 있다.

$$K = K_i = H_6(z_1) \oplus \dots \oplus H_6(z_n)$$

IV. 분 석

본 장에서는 앞에서 소개한 기법들에 대해서 비교 분석해보기로 한다.

[표 1]은 3장에서 소개한 기법들에 대한 비교 분석한 표이다. 여기서 사용하는 기호들의 의미는 다음과 같다.

- n 그룹 사용자의 수
- FS 전방향 안전성(forward secrecy)
- KK 기저 키 공격에 대한 안정성 (known-key secrecy)

V. 결 론

본 논문에서는 ID 기반의 그룹 키 교환 프로토콜의 기술 동향을 분석하였다. 그리고 그룹 키 교환 환경에서의 다양한 공격 환경 및 공격자에 따른 안전성 모델에 대한 안전성을 분석하였다. 이를 통해 키 교환 프로토콜 분야를 연구하는 관련자에게도 동향을 분석하고 이해하는데 도움이 될 것이다.

참고문헌

[1] A. Shamir, "Identity Based Cryptosystems and

Signature Schemes", *Advances in Cryptology-CRYPTO'84*, Springer-Verlag, LNCS 196, pages 47-53, 1985

[2] D. Boneh and M. Franklin, "Identity Based Encryption from the Weil Pairing", *Advances in Cryptology-CRYPTO 2001*, Springer-Verlag, LNCS 2139, pages 213-229, 2001.

[3] K. C. Reddy, and D. Nalla. "Identity Based Authenticated Group Key Agreement Protocol", In *Proceeding of INDOCRYPT 2002*, LNCS 2551, pages 215-233, 2002.

[4] N. P. Smart, "An Identity Based Authenticated Key Agreement Protocol Based on the Weil Pairing", *Cryptology ePrint Archive*, Report 2001/111, 2001, <http://eprint.iacr.org/>.

[5] R. Barua, R. Dutta, and P. Sarker. "Extending Joux's Protocol to Multi Party Key Agreement", In *Proceeding of INDOCRYPT 2003*, LNCS 2904, pages 205-217, 2003.

[6] A. Joux. "A One Round Protocol for Tripartite Diffie-Hellman", In *Proceeding of ANTS IV*, LNCS 1838, pages 385-394, 2000.

[7] K. Y. Choi, J. Y. Hwang and D. H. Lee. "Efficient ID-Based Group Key Agreement with Bilinear Maps", 2004 International Workshop on Practice and Theory in Public Key Cryptography (PKC '04), LNCS 2947, pages 130-144. 2004.

[8] X. Du, Y. Wang, J. Ge, and Y. Wang. "ID-

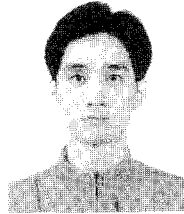
Based Authenticated Two Round Multi-Party Key Agreement”, Cryptology ePrint Archive, Report 2003/247, 2003.

- [9] F. Zhang, and X. Chen. “Attack on an ID-based Authenticated Group Key Agreement Scheme from PKC 2004”, Information Processing Letters, Vol. 91, pages 191-193, 2004.
- [10] X. Du, Y. Wang, J. Ge, and Y. Wang. “An Improved ID-Based Authenticated Group Key Agreement Scheme”, Cryptology ePrint Archive, Report 2003/260, 2003.
- [11] Y. Shi, G. Chen, and J. Li. “Id-Based One Round Authenticated Group Key Agreement Protocol with Bilinear Pairing”, International Conference on Information Technology: Coding and Computing (ITCC '05), Vol. 1, pages 757-761, 2005.
- [12] L. Zhou, W. Susilo, and Y. Mu. “Efficient ID-Based Authenticated Group Key Agreement from Bilinear Pairing”, In Proceeding of MSN '06, LNCS 4325, pages 521-532, 2006.

〈著者紹介〉

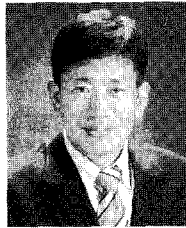
최재탁 (Jae Tark Choi)

정희원



2002년: 충북대학교 수학과 학사
 2005년: KAIST 수학과 석사
 2005~현재: 고려대학교 정보경영공학전문대학원 박사과정
 <관심분야> 암호이론, 암호프로토콜, 키 교환

이동훈 (Dong Hoon Lee)



1984년: 고려대학교 경제학 학사
 1987년: University of Oklahoma 전산학과 석사
 1992년: University of Oklahoma 전산학과 박사
 1993년~1997년: 고려대학교 전산학과 조교수
 1997년~2001년: 고려대학교 전산학과 부교수
 2001년~현재: 고려대학교 정보보호대학원 교수
 <관심분야> 암호이론, 암호프로토콜, USN 이론, 키 교환, 익명성 연구, PET 기술