

# 재고유지 비율을 고려한 EOQ와 OMMIP 비교

오세경 · 김동기<sup>†</sup> · 최진영

경기대학교 첨단산업공학부

## A Comparison of EOQ and OMMIP in which Inventory Cost is due to Holding Cost as a Fraction of Unit Cost

Sae-Kyung Oh · Dong-Ki Kim<sup>†</sup> · Jin-Yeong Choi

Division of Advanced Industrial Engineering, Kyonggi University

In this paper we suggest the methods that compute the total inventory cost based on EOQ and the total inventory cost based on OMMIP. The total inventory cost consists of purchasing cost, ordering cost, inventory holding cost, stockout cost and so on. This papers also proposes the method that decides optimum order quantity as the order amount to minimize the total inventory cost with comparison of EOQ total inventory cost and OMMIP total inventory cost according to inventory holding cost as a fraction of unit cost

**Keywords :** OMMIP(Order Quantity at Minimized Mean Inventory Period), EOQ, Holding Cost, Inventory Cost

### 1. 서 론

많은 제조기업에서 재고관리를 수행하면서 가장 중요하게 생각하는 것으로 다음 2가지가 있다. 첫 번째는 수요자에게 물품(혹은 상품, 자재)을 적기에 공급해 줄 수 있는 적정재고를 유지하기 위한 최적 발주량을 결정하는 방법을 찾는 것과 두 번째는 재고관리에 소비되는 재고관리비용(구매비용, 발주비용, 재고유지비용, 품절비용) 등을 최소화 할 수 있는 재고모형을 찾아서 재고관리정책에 반영하여 실시하는 것이다.

위에서 제시한 것과 같이 재고관리 방식에 중요한 발주량 결정방법과 재고모형에 대해 살펴보면 다음과 같다.

발주량 결정과 재주문점 산정에 대한 기존 연구에는 1915년 F. W. Harris에 의해 고안된 고전적인 재고관리 모델 초기모형으로 EOQ(economic order quantity)모형을 언급 할 수 있다. 전통적 EOQ 모델을 개선, 발전시킨 모형으로 Fulbright[7]의 EOQ 모델의 장단점 비교, Fischer

[5]의 EOQ와 JIT하의 구매에서 비용의 차이를 나타내는 함수를 통해 수요에 따른 보다 더 경제적인 구매시스템 결정, Schniederjans[14]의 JIT 구매방식과 가격할인을 고려한 EOQ 방식과 비교 등이 있다. 재고관리의 모형화 부분에 대한 발주량 산정에 관한 연구에는 1958년 Wagner and Whitin[17]이 단일품목 동적재고모형 발주정책에 대한 초기연구로 최적해를 구하는 알고리즘을 제시한 이후 Freeland와 Colly[6] 및 Naidu and Singh[12]에 의해 발견적 기법이 개발되었다. Herron[9]은  $(Q, r)$ 재고시스템을 대상으로 무단위비라는 개념을 도입하여 도식해법에 의해 비용을 최소로 하는 발주량  $Q$ 와 발주점  $r$ 을 구하는 방법을 제시하였다. Hadley and Whitin[8]은 처음으로 연속 재고 조사 모형(continuous review inventory model)에 대한 근사해를 구하는 알고리즘을 제시하였으며, Aucamp [3]는 품절손실비용을 제조조달기간을 단축시키는데 소요되는 비용으로 인식하고, 재고유지비용과 준비비용의 합을 최소로하는 최적 발주점과 최적 발주량을 산출하였다.

재고모형에 대한 기존 연구를 살펴보면 Park[13]은 품절기간 중 수요의 일부  $\beta$ 는 부재고되고 나머지 일부는  $1-\beta$ 는 유실되는 상황에서의 확정적 재고모형을 제시하였으며, Kim and Park[10]은 품절기간 중 수요의 일부  $\beta$ 는 부재고되고 나머지 일부  $1-\beta$ 는 유실되는 상황에서 유실판매와 시간가중 부재고가 혼합된( $Q, r$ ) 확률적 재고모형을 제시하였다. Das[4]는 시간가중 부재고를 갖는 ( $Q, r$ ) 재고모형의 해를 구하기 위하여 흔히 이용되고 있는 반복적인 방법이 두 가지 충분조건을 만족 할 경우 비반복적인 방법으로 대체될 수 있음을 보여주고 있다. 강석호와 박광태[1]는 조달기간이 불확실한 상황하에서의 부재고만을 허용하는 일단계 확정수요의 재고모형을 수립하고 이를 다단계분배시스템으로 확장하였다. 한편 Liberatore[11]와 Sphicas[15, 16]는 수요가 확정적인 상황 하에서는 확률적 조달기간과 부재고를 고려한 재고모형을 개발하고 각각 이들의 해법을 개발하였다.

앞에서 언급한 재고관리 방식 연구들이 중점적으로 관심을 가지는 부분은 발주량 및 재주문점 결정방법, 재고모형분야이며, 이들의 연구는 기업에 적용하여 실무에 응용하고 있다. 그러나 다수의 기업은 재고보관기간의 적정성 판단과 재고비용을 최소화 하는 관리 활동에는 아직까지 어려움을 겪고 있다. 따라서 본 연구의 목적으로 이러한 애로사항을 해결하기 위한, 조달기간이 일정하고, 재고유지 비율이 변동인 상황에서 EOQ와 OMMIP방식을 비교하여 총 재고비용(산정이 곤란한 EOQ 와 OMMIP 재고유지비용 산정은 재고유지비율을 고려하여 산정)이 최소화가 되는 최적발주량 정책 결정 방법을 제시하였다.

## 2. 최적 발주량 정책 결정

### 2.1 기호정의와 가정

본 연구에서 사용되는 기호의 정의는 다음과 같다.

- $a$  : 재고유지 비율 대안의 수

$i$  : 계획기간  $i$ 의 재고보관기간( $i = 1, n$ )

$j$  : 발주량 대안( $j = 1, 2, 3, \dots, m$ )

$n$  : 출고회수

$IC_v$  :  $v$  대안시 1 개당 재고유지비용

$IQ_{vji}$  :  $v$  대안시  $j$  발주량 대안의  $i$  기간 재고량

$MIQ_{vj}$  :  $v$  대안시  $j$  발주량 대안의 평균재고량

$PC$  : 제품 1개 구매단가,

$D_v$  :  $v$  대안시 월 수요량

- $OQ_{vj}$  :  $v$  대안시  $j$  발주량 대안의 발주량

$SIQ_{vj}$  :  $v$  대안시  $j$  발주량 대안의 재고량 총계  
 $SO_{v0}$  :  $v$  대안시 EOQ 발주량을 재고모형에서 Simulation 결과로 나타난 품절량  
 $SO_{vj}$  :  $v$  대안시  $j$  발주량 대안의 EOQ 발주량을 재고모형에서 Simulation 결과로 나타난 품절량  
 $TD_{vji}$  :  $v$  대안시  $j$  발주량 대안의  $i$ 기간 재고량  
 $v$  : 재고유지비율 대안  

- $v$  대안시 EOQ 비용

TICE  $v$  : 총 재고비용  
 TEMC  $v$  : 총 발주비용  
 EMN  $v$  : 월 발주회수  
 EOC  $v$  : 1회 발주비용( $EOC_v = OOC_v$ )  
 TEIC  $v$  : 총 재고유지비용  
 EIQ  $v$  : 평균재고량  
 EICv : 개당 재고유지비용  
 TESC  $v$  : 총 품절비용  
 ESQ  $v$  : 품절수량  
 ESC  $v$  : 개당 품절비용  
 TEPC  $v$  : 구매비용  
 EOQ  $v$  : 발주량

- $v$  대안시 OMMIP 비용

TICO  $v$  : 총 재고비용  
 TOMC  $v$  : 총 발주비용  
 OMN  $v$  : 월 발주회수  
 OOC  $v$  : 1회 발주비용  
 TOIC  $v$  : 총 재고유지비용  
 OIQ  $v$  : 평균재고량  
 OICv : 개당 재고유지비용  
 TOSC  $v$  : 총 품절비용  
 OSQ  $v$  : 품절수량  
 OSC  $v$  : 개당 품절비용  
 TOPC  $v$  : 구매비용  
 OMMIP  $v$  : 발주량

본 연구를 위한 가정은 다음과 같다.

- ① 전체 수요량은 알고 있고 고정되어 있다(예를 들면, 월 납품량, 월 출고량은 기지).
- ② 일별로 출고되는 출고량은 항상 일정하지 않다.
- ③ 발주비용은 주어지고, 일괄입고 된다.
- ④ 재고보관기간을 산정할 때 조달기간은 계획기간 동안 일정하게 적용된다.
- ⑤ 단가는 주어지고, 고정된 값으로 사용하였다.
- ⑥ 품절된 수량만큼만 기업손실이 발생하는 것으로 가정하였으며, 단위당 품절비용은 단가와 같다.
- ⑦ 재고유지비용은 재고유지비율을 활용하여 추정하여

사용하였다. 일본 재고유지비율의 평균은 22%로 나타났으나, 본 연구에서는 20~30%로 확대하여 사용한다(제품 특성별 재고유지비율은 현재 설정되어 있지 못함). 여기서 재고유지비용(holding or carrying cost)은 재고품을 관리하는데 쓰이는 비용으로서 1년간 또는 1개월간의 재고품의 대가에 대한 비용비율로 표시된다. 이때의 재고품의 대가(금액)는 1년간 또는 1개월간의 기간 동안의 평균재고에 대한 금액을 뜻한다.

- ⑧ 조달기간은 2일 주어지고, 고정된 값으로 사용하였다.

## 2.2 MIP 모형, MIQ 모형

MIP(mean inventory period)모형은 재고유지비율(v) 대안과 조달기간(t)에 대한 평균 재고보관기간을 산출하는 모형[2]이고, MIQ(mean inventory quantity) 모형은 재고유지비율(v) 대안과 조달기간(t)에 대한 평균 재고량을 산출하는 모형으로 정의한다.

MIQ 모형은 기존의 MIP 모형에 계획기간동안 일별 재고량, 계획기간 동안 평균 재고량의 산정이 추가되어 진다.

- 1) 계획기간동안 일별 재고량

$$IQ_{vji} = TD_{vji}$$

- 2) 계획기간동안 평균 재고량

$$SIQ_{vj} = \sum_{i=1}^n IQ_{vji}$$

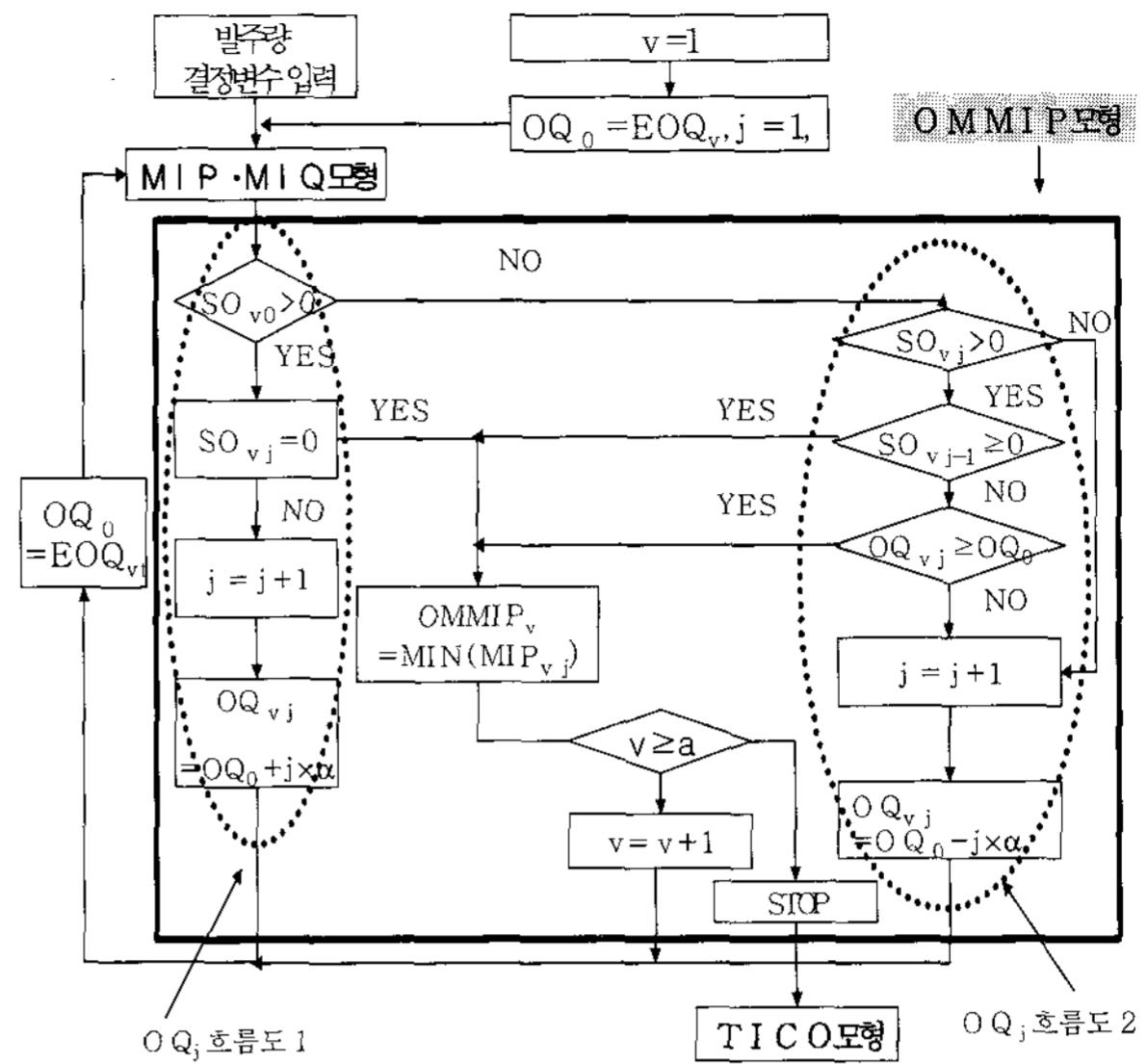
$$MIQ_{vj} = \frac{SIQ_{vj}}{n}$$

그리고 재고유지 비율(v) 대안에 대한 평균재고량을 산출하는 절차는 평균 재고보관기간을 산출하는 절차에 계획기간동안 일별 재고량, 계획기간동안 평균 재고량이 추가되어진다.

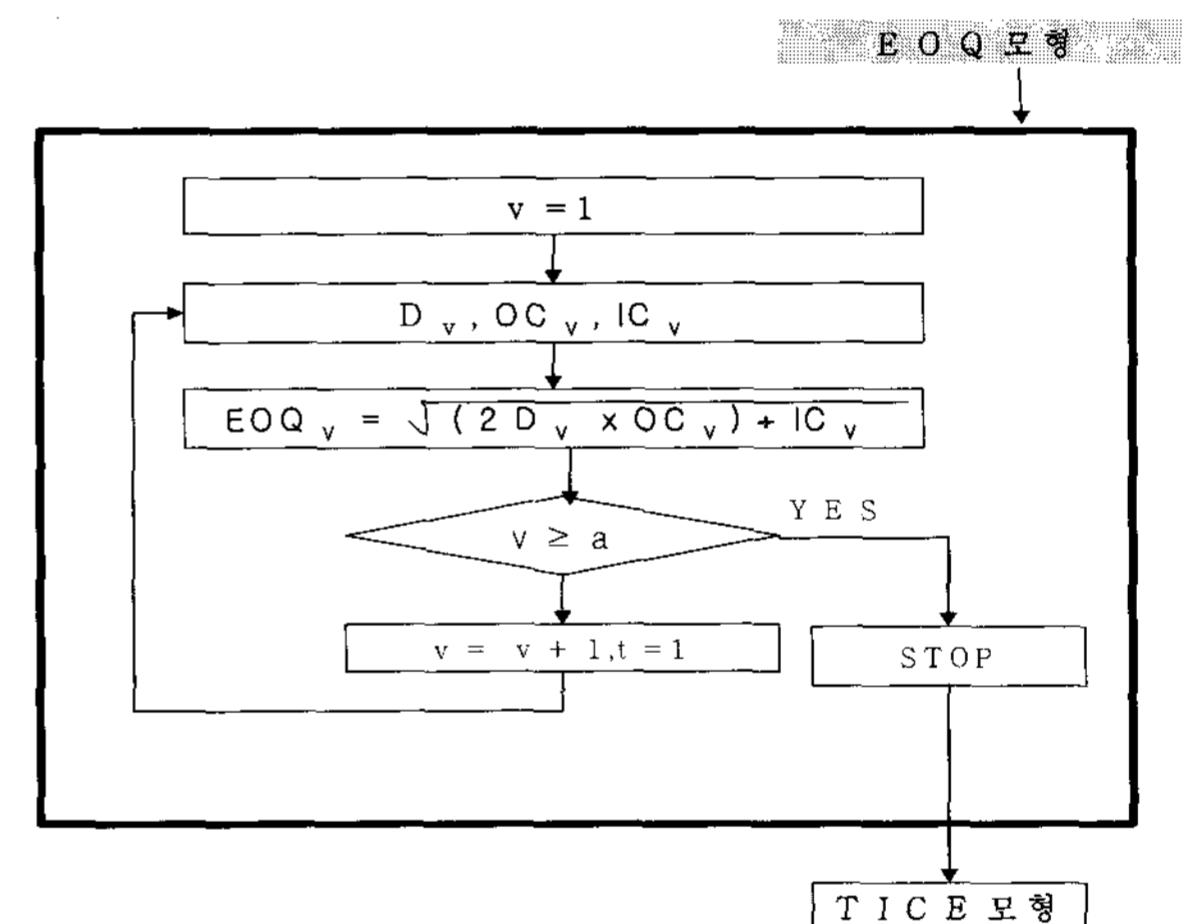
## 2.3 OMMIP 결정절차

OMMIP(order quantity at Minimized Mean Inventory Period, 이하 “최소 재고보관기간 발주량”이라 한다)은 다수의 발주량 대안 중에서 평균 재고보관기간이 최소가 되는 발주량으로 정의한다[2].

그리고 최소재고보관기간 발주량 (OMMIP) 결정단계에 대한 흐름도는 <그림 1>와 같으며, 결정단계의 세부적인 내용은 기존연구[2]의 단계에 MIQ 및 재고유지비율을 고려하여 결정한다.



<그림 1> OMMIP vt 결정 흐름도



<그림 2> v 대안시 EOQ vt 결정 흐름도

## 2.4 최적 발주량 정책 결정

최적 발주량 결정방법은 최소 재고보관기간 발주량과 경제적 발주량 등을 기준으로 대상기간(예를 들면 1개월 혹은 2개월 이상)동안 적용하여 결정된 자료를 토대로 각각 총 재고비용을 산정하고 이를 비교하여 가장 총 재고비용이 적은 발주량을 최적 발주량 정책으로 결정한다.

### 2.4.1 최적 발주량 정책 결정 세부 추진내용

최적 발주량 정책 결정단계는 (1)TICE v(재고유지 비율(v) 대안 일 때 EOQ 총 재고비용)산정 (2)TICO v(재고유지

비율(v) 대안 일 때 OMMIP 총 재고비용) 산정 (3) 최적 발주량 정책 결정 등이며 세부적인 내용은 다음과 같다.

#### (1) TICE v (EOQ 총 재고비용) 산정

EOQ 총 재고비용을 산정 하기 위해 EOQ 모형에서 산정한 EOQ를 <그림 2>에서 산정하여 TICE 모형에 입력하여 산정 한다(<그림 3> 참조).

#### ① EOQ 발주비용 산정

$$\text{TEMC } v = \text{EMN } v \times \text{EOC } v$$

$$(\text{EMN } v = D \div \text{EOQ } v)$$

#### ② EOQ 재고유지비용 산정

$$\text{TEIC } v = \text{EIQ } v \times \text{EIC } v$$

#### ③ EOQ 품절비용 산정

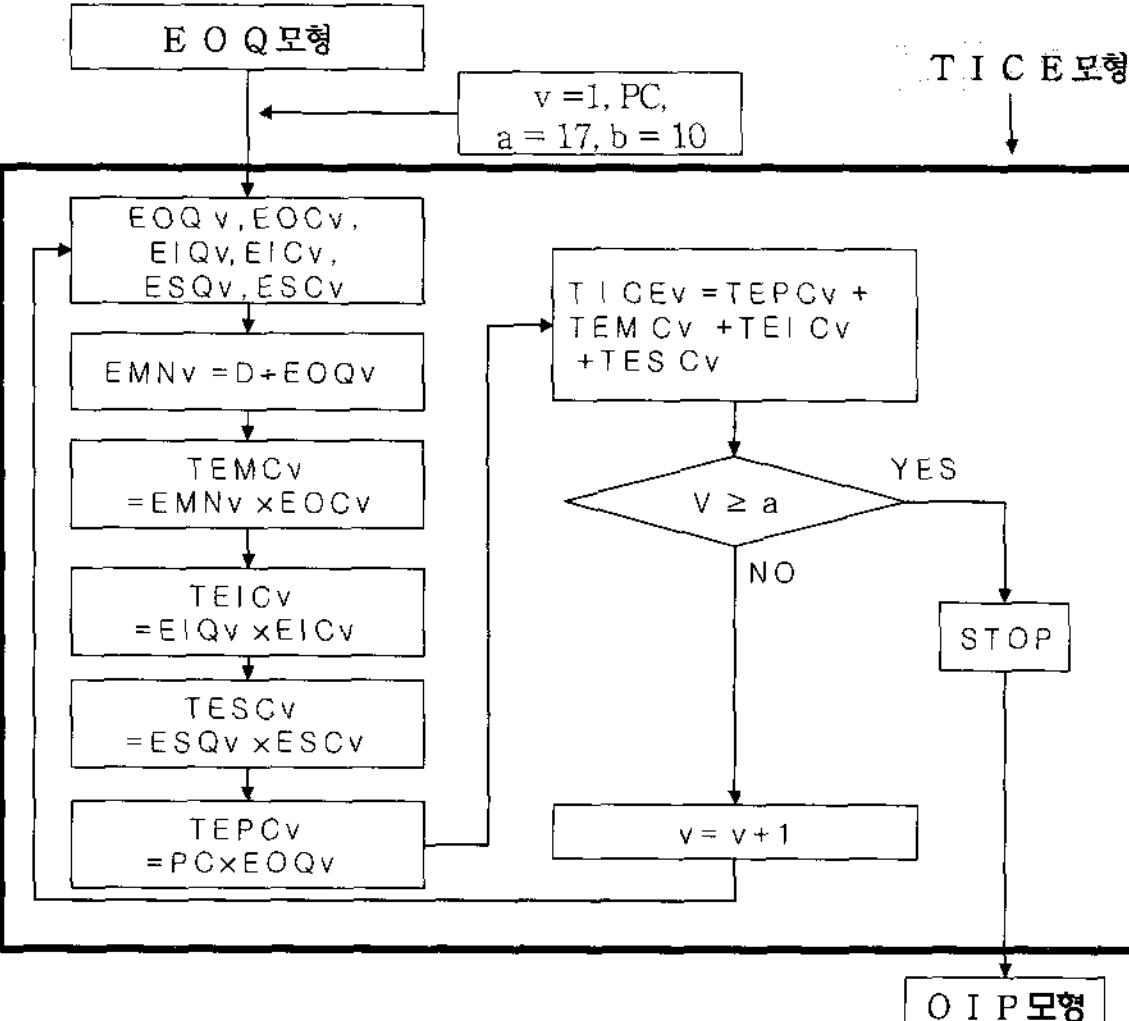
$$\text{TESC } v = \text{ESQ } v \times \text{ESC } v$$

#### ④ EOQ 구매비용 산정

$$\text{TEPC } v = \text{PC} \times \text{Dv}$$

#### ⑤ EOQ 총 재고비용 산정

$$\text{TICE } v = \text{TEPC } v + \text{TEMC } v + \text{TEIC } v + \text{TESC } v$$



<그림 3> TICE v 결정 흐름도

#### (2) TICO v (OMMIP 총 재고비용) 산정

OMMIP 총 재고비용을 산정 하기 위해 OMMIP 모형에서 산정한 OMMIP를 TICO 모형에 입력하여 산정 한다(<그림 4> 참조).

#### ① OMMIP 발주비용 산정

$$\text{TOMC } v = \text{OMN } v \times \text{OOC } v$$

$$(\text{OMN } v = D \div \text{OOQ } v)$$

#### ② OMMIP 재고유지비용 산정

$$\text{TOIC } v = \text{OIQ } v \times \text{OIC } v$$

#### ③ OMMIP 품절비용 산정

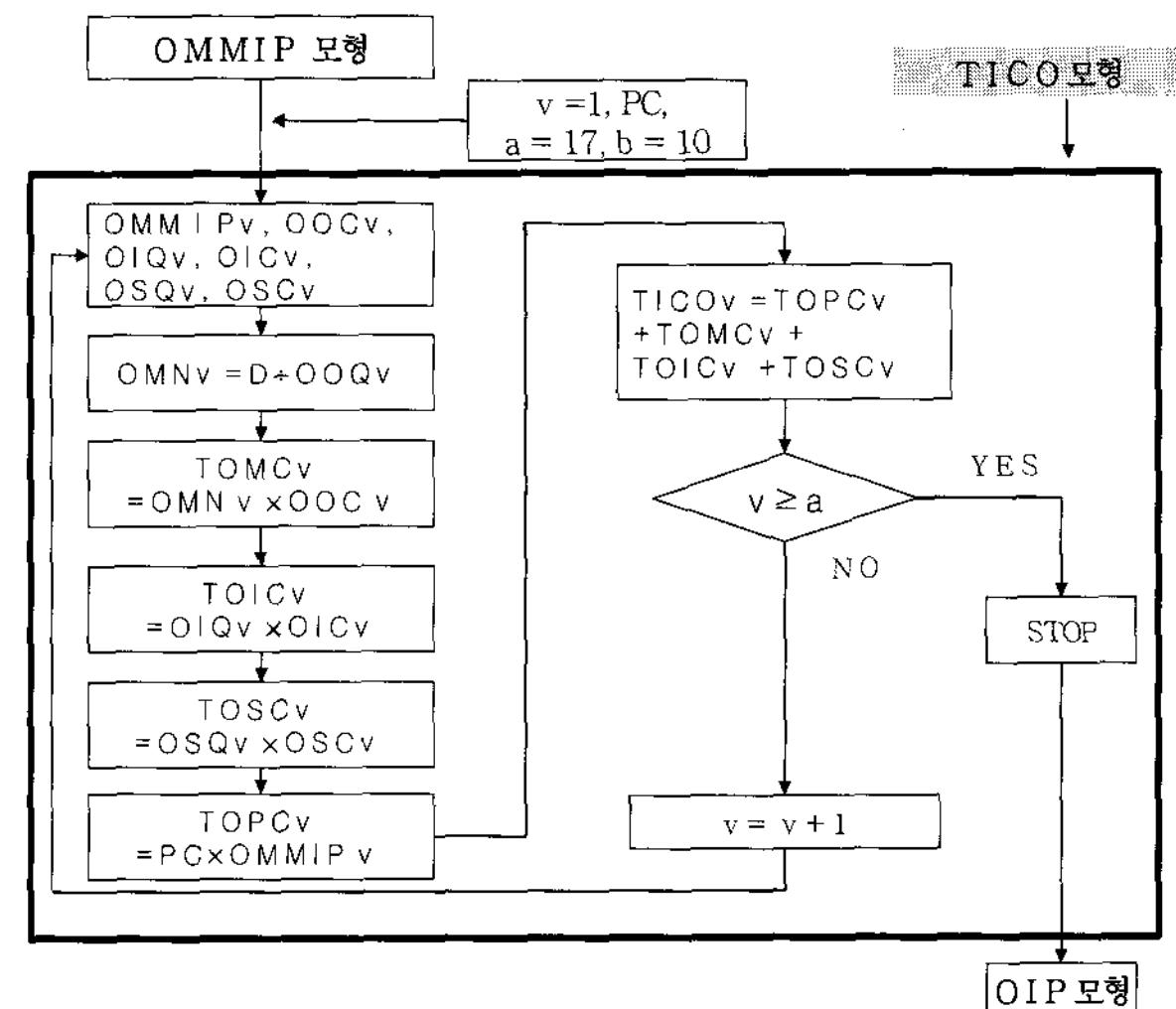
$$\text{TOSC } v = \text{OSQ } v \times \text{OSC } v$$

#### ④ OMMIP 구매비용 산정

$$\text{TOPC } v = \text{PC} \times \text{Dv}$$

#### ⑤ OMMIP 총 재고비용 산정

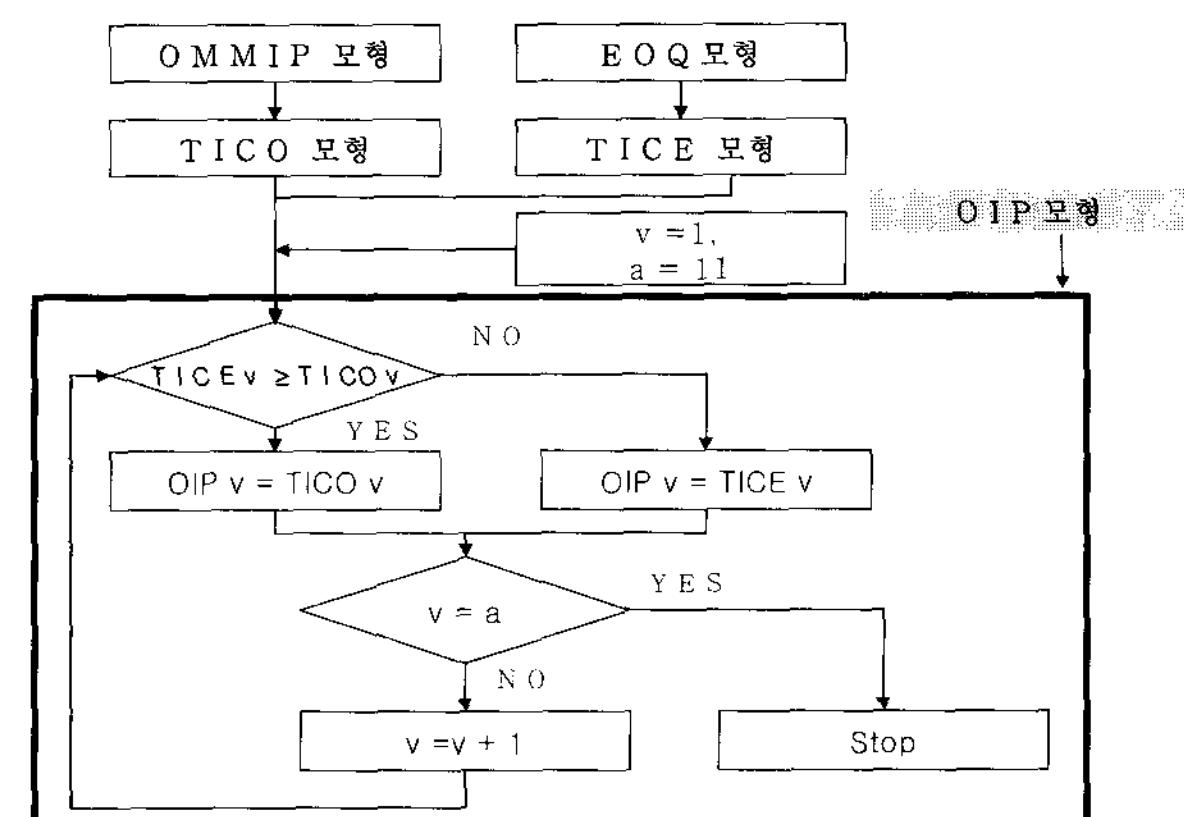
$$\text{TICO } v = \text{TOPC } v + \text{TOMC } v + \text{TOIC } v + \text{TOSC } v$$



<그림 4> TICO v 결정 흐름도

#### (3) 최적 발주량 정책 결정

위에서 산정한 최소 재고일자 발주량 기준 총 재고비용과 경제적 발주량 기준 총 재고비용을 상호비교 분석하여 가장 총 재고비용이 최소화가 되는 발주량을 최적 발주량 정책으로 결정한다(<그림 5> 참조).



<그림 5> OIP v 결정 흐름도

### 3. 최적발주량 정책 결정에 대한 실증적 분석

최적 발주량 정책 결정을 위해 사용한 실증적 자료는







서 산정한 EOQ 총 재고비용과 OMMIP 총 재고비용을 비교(<그림 6> 참조) 분석한 결과 OMMIP방식이 최적 발주량 정책으로 분석되었다.

#### 4. 결 론

본 연구의 목적에 따라 최적발주량 정책 결정 방법인 OMMIP와 EOQ에 대하여 실증적 분석을 통하여 비교분석 하였다.

본 연구내용을 요약하면 다음과 같다.

첫째, 관리 비용을 최소화 하는 최적 발주량을 결정하기 위해 EOQ 발주량과 OMMIP 모델에서 산정한 발주량을 기준으로 주어진 정량발주시스템에 EOQ 발주량과 OMMIP 발주량을 각각 입력하여 해당 자재의 입·출고 실적에 따른 재고량 변화추이를 예측하여 평균재고량, 평균재고보관기간, 품절량 등을 각각 산정하였고,

둘째, 산정된 최적발주량을 기준으로 구입단가, 재고유지 비율, 품절비용, 재고유지비용 등을 설정하여 EOQ 발주량에 의한 총 재고비용, OMMIP 발주량에 의한 총 재고비용 등을 조달기간 고정, 재고유지 비율 변동에 따라 각각 산정하였으며,

셋째, EOQ 발주량에 의한 총 재고비용, OMMIP 발주량에 의한 총 재고비용 등을 재고유지 비율에 따라 각각 비교분석한 결과 EOQ방식보다 OMMIP 방식이 관리 비용 최소화가 되는 최적 발주량임을 제시하였다.

본 연구의 성과로 제시 할 수 있는 것은 발주량 정책을 수립할 때 EOQ 발주정책 보다는 OMMIP 발주정책이 재고량을 관리하는데 소요되는 총 재고비용을 감소할 수 있는 발주정책임을 입증하였고, 이러한 성과는 기업이 중요시하는 제조원가 구성내역 중 제조경비부분의 절감으로 제조원가 절감효과를 기대할 수 있다. 향후 연구과제로는 재고비용이 최소가 되는 최적 생산계획 수립 방법에 대한 연구가 요구된다.

#### 참고문헌

- [1] 강석호, 박광태; “주문인도기간이 불확실한 상황에서의 (Q, r)재고모형과 다단계 분배시스템에의 적용에 관한 연구”, 한국경영과학회지, 11(1) : 44-50, 1986.
- [2] 오세경, 최진영; “조달기간 변동에 따른 EOQ와 OMMIP 비교분석 연구”, 한국산업경영시스템학회, 27(4) : 83-90, 2004.
- [3] Aucamp, D. C.; “An Inventory Model with Expedited Stockouts,” *Int. J. Prod Res.*, 24(1) : 27-32, 1986.
- [4] Das, C.; “Q, r Inventory Models with Time Weighted Backorders,” *J. Opl. Res. Soc.*, 34(5) : 401-412, 1983.
- [5] Fazel, F., K. P. Fischer, and E. W. Gilbert; “JIT purchasing vs. EOQ with a Price discount : An analytical comparison of inventory management,” *International Journal of Production Economics*, 54(1) : 101-109, 1998.
- [6] Freeland, J. R. and Colly, J. L.; “A Simple Heuristic Method for Lot Sizing in a Time-Phased Reorder System,” *Production and Inventory Management*, 23(1) : 15-22, 1982.
- [7] J. E. Fulbright; “Advantages and Disadvantages of the EOQ model,” *Journal of Purchasing and Materials Mgt*, Spring, 1979.
- [8] Hadley, G. and Whitin, T. M.; *ibid*, prentice-Hall, Englewood Cliffs, New Jersey, 159-219, 1963.
- [9] Herron, D. P.; “Use of Dimensionless Ratio to Determine Minimum-Cost Inventory Quantities,” *Naval Res. Logis. Quart.*, 13(2) : 167-176, 1966.
- [10] Kim, D. H and Kyung S. Park; “(Q, r) Inventory Model with a Mixture of Lost Sales and Time-weighted Back-orders,” *J. Operation Res. Soc.*, 36(3), 1985.
- [11] Liberatore, M.; “The EOQ Model under Stochastic Lead Time,” *Operations Research*, 27(2) : 391-396, 1979.
- [12] Naidu, M. M. and Singh, N.; “Lot Sizing for Material Requirement Planning Systems-An Incremental Cost Approach,” *Int. J. Prod. Res.*, 24(1) : 223-240, 1986.
- [13] Park, Kyung S.; “Inventory Model with Partial Backorders,” *International J. Systems Sciences*, 13(12), 1982.
- [14] Schniederjans, M. j. and Q. Cao; “A note on JIT purchasing VS. EOQ with a price discount : An expansion of inventory costs,” *International Journal of Production Economics*, 65(3) : 289-294, 2000.
- [15] Sphicas, G. P.; “On the Solution of an Inventory Model with Variable Lead Times,” *Operations Research*, 30(2) : 404-410, 1982.
- [16] Sphicas, G. P.; “An Inventory Model with Finite-Range Stochastic Lead Time,” *Naval Res. Logis. Quart.*, 31(4) : 609-616, 1984.
- [17] Wagner, H. M. and Whitin T. M.; “Dynamic version of the Economic Lot Size Model,” *Management Science*, 5(1) : 89-96, 1958.