

테이퍼형 마이크로스트립 전송선로에서 펄스 신호의 시간 영역 전송특성 해석

論文

55C-1-9

Analysis of the Wave Propagation Characteristic for Pulse Signal on Tapered Microstrip Line in Time Domain

金紀來[†] · 崔泳圭^{*}
(Girae Kim · Young-Kyu Choi)

Abstract - In this paper, the distortion characteristics of an electrical pulse which has a rise/fall time due to the dispersion and the reflection, on nonuniform tapered microstrip lines has investigated in time domain. The transmission characteristics on uniform microstrip lines in time domain had represented already, but the results for the nonuniform tapered microstrip lines not represented yet. We investigated the transmission characteristics for pulse signal on the nonuniform tapered microstrip lines, and the result applied to design of wide band impedance matching circuit in design of MMIC. The voltage and current transfer functions are shown for the tapered line. The dispersion and distortion obtained by using these transfer functions are represented for the nonideal square pulse.

Key Words : Broadband Impedance Matching, Tapered Microstrip Line, MMIC, Pulse Distortion

1. 서 론

디지털 신호의 주파수가 높아지면서 반도체 회로 설계에서 그동안 관심을 갖지 않던 마이크로 스트립 전송선로에 대한 시간 영역 전송 특성의 해석에 주목하게 되었다. 고속의 펄스 신호가 전송선로를 따라 진행할 때 반사와 분산에 의해 발생하는 신호 왜곡으로 시스템의 오동작 발생이 많아지기 때문이다. 일반적으로 전송선로는 선로의 폭이 균일한 전송선로가 대부분이나, 광대역 특성의 임피던스 정합을 위한 경우나 반도체 설계에서 선로의 폭이 일정하지 않은 비균일 전송 선로들이 존재한다. 지금까지 균일 마이크로스트립 전송선로에 대한 시간영역 전송 특성에 대한 연구는 몇 차례 발표된 적이 있으나^[1,2], MMIC 및 초고주파 회로설계에서 광대역 임피던스 정합을 위해 자주 사용되는 테이퍼 마이크로스 트립 전송 선로에 대한 특성의 연구 결과는 아직 발표된 적이 없으며, 이와 같은 구조에 대한 연구는 주파수 영역에서 산란계수(S-parameter)에 의해 전송특성을 나타낸 것이다 있다^[3]. 최근 디지털 시스템의 클럭 주파수가 높아지면서 디지털 신호의 임피던스 정합을 위해 테이퍼 전송 선로가 사용되고 있다. 이런 디지털 신호의 왜곡을 분석하기 위해서는 시간영역의 해석이 필요하다. 본 연구에서는 여러 가지 테이퍼형 비균일 전송선로의 시간영역 전송 특성을 해석함으로써 MMIC 설계에서 광대역 임피던스 정합회로의 설계에 응용할 수 있다. 테이퍼형 선로에서 전압과 전류의 전달함수를 구하

여 상승과 하강 시간을 갖는 비이상형 구형 펄스를 입력했을 때 왜곡 특성을 해석하고, 선로에서 나타나는 분산과 반사가 과형의 왜곡 과형에 미치는 영향을 분석하였다. 테이퍼 전송선로에서 펄스가 진행하면서 주파수의 비선형 특성에 따른 분산 특성과 임피던스의 부정합에 때문에 발생하는 반사에 의해 왜곡이 나타난다. 마이크로 스트립 선로 구조에서 공기와 유전체의 경계면에서는 순수한 TEM 모드 외에 고차모드가 발생하게 된다. 따라서 위상상수는 주파수의 선형함수가 아니므로 선로의 분산특성으로 인해 과형의 분산을 야기시킨다^[4]. 낮은 주파수에서 파의 전파는 TEM으로 근사화되고 분산은 실제적으로 거의 무시할 수 있으나 높은 주파수 성분을 갖는 펄스 형태의 신호는 펄스의 고차 고조파 성분이 저차 고조파 성분보다 더 느린 속도로 진행하기 때문에 분산될 수 있다^[5]. MCM 또는 MMIC등에서 광대역 임피던스 정합을 위해 테이퍼 선로가 자주 이용되는데 이를 이용할 때 주파수 영역의 전송 특성만을 고려하는 경향이 있지만 펄스의 왜곡 특성을 분석하기 위해서는 시간 영역의 해석이 필요하다. Kobayashi^[6]는 지수형과 채비쉐브형 테이퍼 선로에 대한 수학적 결과를 나타내었고, 테이퍼형 마이크로 스트립 선로의 효율적인 설계 방법을 제안하였다. 본 논문에서는 지수분포형 삼각분포형 및 채비쉐브 임피던스 분포를 갖는 테이퍼 전송선로에서 디지털 펄스가 전송될 때 시간영역에서 분산과 반사에 의해 나타나는 신호의 왜곡 특성을 나타내고, 과형의 왜곡 원인에 따른 과형의 특성을 분석하였다. 테이퍼 전송선로에서 왜곡의 원인은 분산과 반사인데, 분산과 반사가 출력 펄스 과형의 왜곡에 미치는 영향을 분석하였다. 본 연구의 결과는 고속 디지털 회로의 PCB 설계 또는 초고주파용 반도체(MMIC) 설계에서 광대역 임피던스 회로의 설계에 적용할 수 있다.

* 교신저자, 正會員 : 新羅大工大電子工學科教授·工博
E-mail : grkim@silla.ac.kr

* 正會員 : 新羅大工大電子工學科教授·工博
接受日字 : 2005年 9月 23日
最終完了 : 2005年 11月 17日

2. 신호의 전송특성 해석

선로의 길이가 L 인 균일 전송선로에서 $x=L$ 인 부하 점에 서의 신호는 식(1)과 같이 되며, 주파수에 의존하는 전파상수는 식(2)와 같다^[7].

$$V(w, x=L) = V(w, x=0) e^{-\gamma(w)L} \quad (1)$$

$$\gamma(w) = \alpha(w) + j\beta(w) \quad (2)$$

여기서 $\alpha(w)$ 와 $\beta(w)$ 는 각각 감쇄상수와 위상상수이다. 마이크로스트립 선로의 길이가 짧고, 선로의 금속 전도도가 높을 경우 감쇄량은 매우 적기 때문에 주파수에 의존하는 감쇄상수 $\alpha(w)$ 는 무시할 수 있으므로, 식(1)은 식(3)으로 표현된다.

$$V(w, x=L) = V(w, x=0) e^{-j\beta(w)L} \quad (3)$$

그림 1과 같이 Z_1 임피던스를 Z_2 임피던스에 광대역으로 정합시키기 위해 사용되는 테이퍼 전송 선로에서 주파수가 ω 인 펄스 신호가 $+x$ 방향으로 전송될 때 $x=0^+$ 점에서 신호의 일부분은 반사되고 그 외의 신호는 부하에 전송된다.

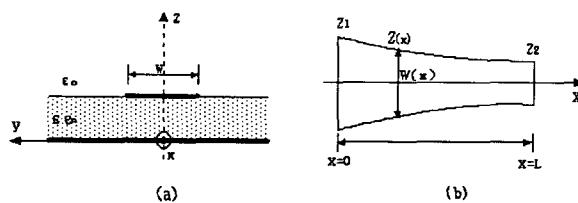


그림 1. 테이퍼 마이크로스트립 선로

Fig. 1. Tapered microstrip line

$x=0^+$ 전압과 전류의 전송 계수(transmission coefficient)는 반사계수와 다음과 같은 관계에 있다.

$$T_V(w, x=0^+) = 1 + \rho \quad (4a)$$

$$T_I(w, x=0^+) = 1 - \rho \quad (4b)$$

테이퍼 선로의 부하 점 ($x=L$)에서 전압과 전류의 전송계수는 다음과 같다.

$$T_V(w, x=L) = T_V(w, x=0^+) e^{-j\theta_L/2} \quad (5a)$$

$$T_I(w, x=L) = T_I(w, x=0^+) e^{-j\theta_L/2} \quad (5b)$$

식(4)에서 ρ 는 전압과 전류의 반사계수이며 다음과 같다^[7].

$$\rho = \int_0^{\tau_L} e^{jw\tau} \frac{1}{2} \frac{d \ln(Z/Z_1)}{d\tau} d\tau \quad (6)$$

식(5)에서 θ_L 은 신호가 $x=L$ 에서 반사되어 다시 $x=0$ 점까지 왕복하는 시간 τ_L 에 대한 전기적 길이를 나타나며, 선로의 위상 정수 β 는 위상속도 $v(x, w)$ 로 나타내어진다.

$$\theta_L = w \tau_L, \quad \tau_L = \int_0^L \frac{2}{v(x, w)} dx \quad (7)$$

$$\beta(w, x) = \frac{w}{c} \sqrt{\epsilon_{eff}(w, x)} \quad (8)$$

식(8)에서 c 는 공기 중에서 빛의 속도이고 주파수의 함수인 실효 유전 상수, $\epsilon_{eff}(w)$ 는 주파수에 따라 비선형 특성을 가지며 일반적으로 정확함이 인정된 Closed-form 식은 M. V. Schnider^[8], M. Kobayashi^[9], Kirschning-Jansen^[10], Pramanick-Bhartia^[11]에 의한 모델 식이 있으나, 본 논문에서는 정확도가 우수한 Kirschning-Jansen^[10]의 Closed-form 모델 식을 사용하였고 이들에 대한 특성을 그림 3에 나타내었다. 전송선로에서 주파수 영역에서 부하점 ($x=L$)에 나타나는 펄스 신호는 $x=0$ 점에서 입력된 펄스 신호가 식(5)의 전송 계수에 영향을 받아 다음과 같이 표현된다.

$$V(w, x=L) = T_V(w, x=L) V(w, x=0^-) \quad (9a)$$

$$I(w, x=L) = T_I(w, x=L) I(w, x=0^-) \quad (9b)$$

여기서 $I(w, x=0^-) = V(w, x=0^-)/Z_1$ 의 관계이며, $I(w, x=0^-)$ 와 $V(w, x=0^-)$ 는 $i(w, x=0^-)$ 와 $v(w, x=0^-)$ 각각의 푸리에 변환에 의한 주파수영역의 전류와 전압을 나타낸다. 시간 영역에서 부하점 ($x=L$)의 전압은 식(9a)를 식(10)과 같이 역 푸리에 변환을 통해 얻을 수 있다.

$$v(t, x=L) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} V(w, x=0^-) |T(w)| e^{j(\omega t - \theta_T/2 - \theta_T)} dw \quad (10)$$

여기서 $|T(w)|$ 와 θ_T 는 전송선로에서 전압 전달 계수의 진폭과 위상각을 나타내며, 테이퍼형 비균일 전송 선로에서 $T(w)$ 는 일반적으로 식(11)과 같이 표현된다^[7].

$$T(w) = \sqrt{1 - \frac{1}{4} \left[\ln \left(\frac{Z_L}{Z_o} \right) F(\theta(w)) \right]^2} e^{-j\theta(w)} \quad (11)$$

$F(\theta(w))$ 는 선로의 임피던스 분포 형태에 따라 결정된다. 그림2와 같은 펄스를 푸리에 변환 하여 주파수 영역에서 나타내면 식(12)와 같다.

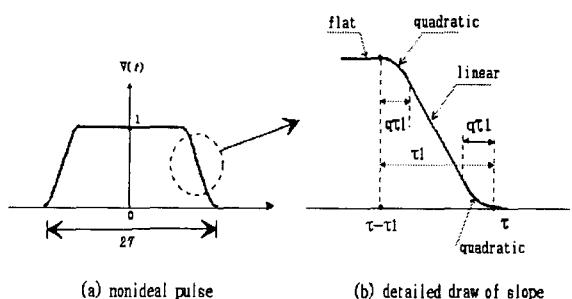


그림 2 비이상 (non-ideal) 구형 펄스

Fig. 2 Non-ideal square pulse

$$V(w, x=0) = \frac{8}{q(1-q)} \frac{\psi(w)}{\tau_1^2} \quad (12)$$

여기서

$$\psi(w) = \sin\left[\left(\tau - \frac{\tau_1}{2}\right)w\right] \sin\left[\frac{q\tau_1 w}{2}\right] \sin\left[\frac{(1-q)\tau_1 w}{2}\right]$$

식(10)에서 적분구간은 $-\infty < f < \infty$ 이지만 어떤 주파수 f_L 이상에서 적분 값은 무시될 수 있다. 아주 폭이 좁은 펄스는 높은 주파수 성분을 갖기 때문에 더 높은 f_L 을 필요로 한다. f_L 은 ζ / τ 과 같이 표현된다. 여기서, ζ 는 파형에 따른 상수이고 τ 는 펄스 폭이다. 따라서 실수부만 고려한 파형은 식(13)과 같이 나타낼 수 있다.

$$V(t, L) = \frac{1}{2\pi} \int_{-f_L}^{f_L} V(w, x=0) |T(w)| \cos(wt - \theta(w)) dw \quad (13)$$

식(13)의 적분식을 계산함으로써 비균일 테이퍼 선로에서 부하의 시간 응답특성을 구할 수 있다. 테이퍼 선로에서 부정합에 의해 일부의 신호는 부하에서 반사되어 되돌아오게 되는 데 반사된 펄스의 진폭은 다음 식으로 구할 수 있다.

$$R(w) = \frac{1}{2} \ln\left(\frac{Z_L}{Z_0}\right) F(\theta(w)) e^{-j\theta(w)} \quad (14)$$

3. 시간영역 특성 해석 및 결과

그림 1과 같은 테이퍼 선로에서 선로의 임피던스가 지수형 (exponential), 삼각형(triangular) 및 채비쉐브(Tchebysheff) 임피던스 분포를 갖는 테이퍼 전송 선로에서 그림 2와 같은 quadratic-linear-quadratic 특성을 갖는 비이상 구형 펄스를 입력했을 때의 왜곡 특성을 해석하여 나타내었다. 그림 3에는 주파수에 따른 실효유전율의 closed-form 분산모델식의 대표적인 4가지 식에 대해 결과를 비교하여 나타내었다. 그림 4에는 $h=0.635 mm$, $\epsilon_r=10.5$, $L=25.4mm$ 인 지수형과 삼각형 테이퍼선로에서 각각 Z_L/Z_0 의 비를 변화시키면서 분산 특성을 나타내었고, 그 전송특성을 <표 1>에 비교하여 나타내었다. <표 1>에서 지연시간(delay time)에 대한 팔호 안의 데이터는 Time Domain Reflector (TDR) 장비에 의해 측정한 결과를 이론치와 비교하기 위하여 나타냈다. 해석 및 측정 결과에 의하면 삼각형 분포의 테이퍼 선로보다 지수형 테이퍼 선로의 경우가 펄스 지연이 더 크게 나타났고, 왜곡은 반대로 삼각형 테이퍼 선로가 크게 나타났다. Z_L/Z_0 의 비가 1일 때는 왜곡률이 13.0% 정도로 적게 일어났으나 Z_L/Z_0 의 비 커질수록 왜곡 현상이 심해진다.

그림 5에는 식(14)의 적분식에 대해 반사되는 신호의 크기를 비교하여 나타내었다. 임피던스를 $Z_0=50\Omega$, $Z_L=100\Omega$ 으로 하였고 반사된 신호의 크기는 삼각 분포형에서 반사 신호의

레벨이 다른 것에 비해 크게 나타났고, 지수형 테이퍼가 상대적으로 적게 나타났다. 그럼 6에는 지수형 테이퍼 선로에서 일어나는 분산과 반사가 펄스 신호의 왜곡에 미치는 영향을 분석하기 위해 다음 조건으로 해석하였다. 선로의 구조는 $\epsilon_r=8.0$, $h=0.5mm$, $L=50mm$, $Z_1=63.58\Omega$, $Z_2=117.99\Omega$ 이며, $x=0$ 에서 비이상형 구형 펄스 ($2\tau_1 = 200ps$, $\tau_1 = 20ps$, $q=0.12$) 입력하고 무반사 (No Reflection ; NR) 조건의 경우와 무분산 (No Dispersion ; ND) 조건에 대해 서로 부하점에서 나타나는 펄스의 왜곡 특성을 분석하여 분산과 반사가 파형의 왜곡 특성에 미치는 영향을 분석하였다. 무분산 (ND) 조건은 식(10)에서 $\epsilon_{eff}(x, w)$ 의 비선형 특성을 무시하는 조건이므로 $\omega=0$ 인 $\epsilon_{eff}(x, 0)$ 값으로 대체하여 계산한다. 그리고 식(11)에서 무반사 (NR) 조건은 $T(w, x=0)=1$ 인 경우이다.

해석결과에서 기호 ND-NR 은 무반사와 무분산의 조건인 경우로서 이 때는 출력 파형의 왜곡이 발생하지 않고 입력펄스가 $\tau_L/2$ 만큼 지연되어 나타나게 된다. 그럼 6(a)에 나타낸 ND-NR은 상단부에 작은 리플을 보이고 있는데 이것은 이론 결과와 식(11)의 적분 결과의 차이를 나타낸다. 그럼 6(a)에는 분산 특성이 파형 왜곡에 미치는 영향을 분석하기 위해 해석에 있어서 NR-D의 조건에 대해 해석하여 이 결과를 NR-ND 조건과 비교하여 나타냈다. 그럼 6(b)에는 반사 특성이 파형 왜곡에 미치는 영향을 분석하기 위해 ND-R의 조건에 대해 해석하여 이 결과를 NR-ND 조건과 비교하여 나타냈다. 그리고 그림 6(c)는 반사와 분산의 두 가지 영향이 복합적으로 나타나게 되는 D-R 조건에 대한 결과를 ND-NR의 파형과 각각 비교하여 나타냈다. 그럼 6의 결과를 분석해 보면 왜곡된 출력 파형의 앞부분에서 강하게 나타나는 오버슈트(overshoot) 왜곡은 R-ND 와 NR-ND 조건에서는 나타나지 않고 R-D 와 NR-D에서 나타나기 때문에 오버슈트 특성은 실효유전율의 주파수에 대한 비선형 특성에 기인하는 분산 특성이 주요한 원인이 됨을 알 수 있다. 그리고 왜곡된 파형의 뒷부분의 꼬리에서 나타나는 잔류 왜곡 특성은 NR-D와 NR-ND 에서는 나타나지 않고 R-ND 와 R-D에서 나타나기 때문에 반사에 의해 나타나는 왜곡으로 생각된다.

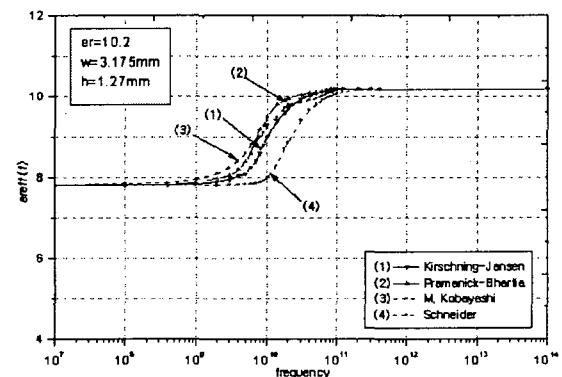


그림 3 주파수에 따른 유효유전율의 변화

Fig. 3 Effective dielectric constant according to frequency

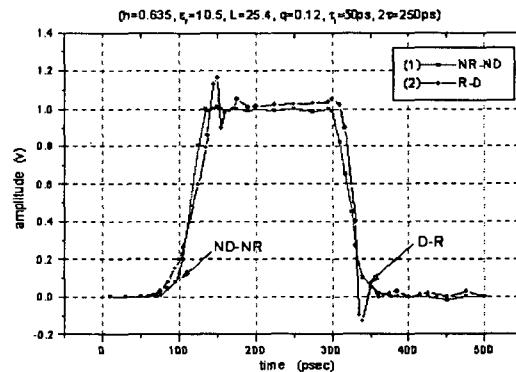
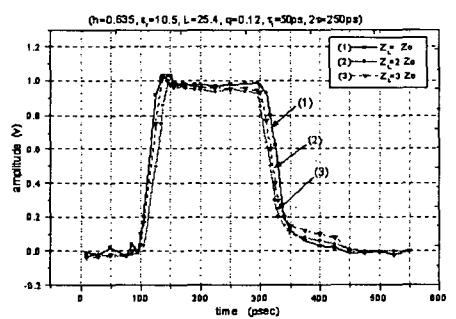
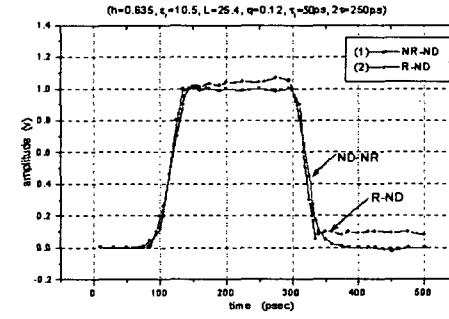
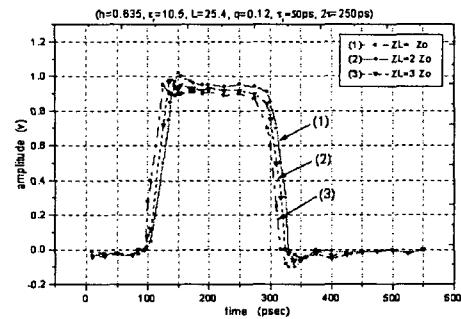
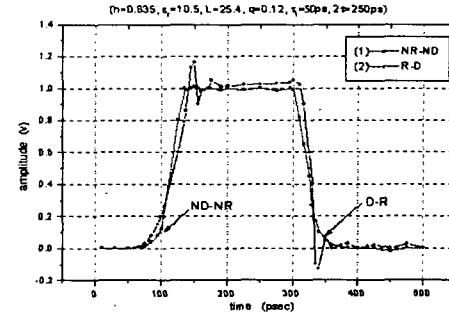
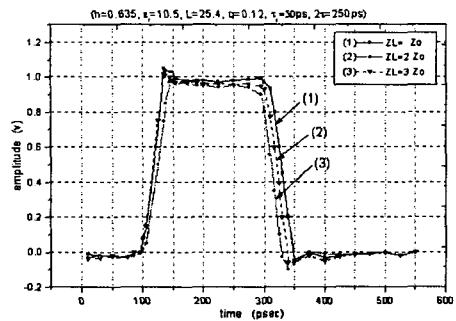


그림 4 세 종류 테이퍼의 펄스 왜곡 특성 비교

Fig. 4 Comparsion of Pulse Distortion for the tapered lines

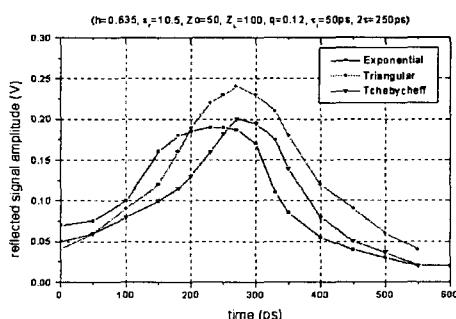


그림 5 테이퍼 선로에서 반사된 펄스의 분산 특성

Fig. 5 Dispersion of Reflected Pulse in Tapered Line

그림 6. 주파수 분산과 반사가 파형의 왜곡에 미치는 영향

Fig. 6 Influence of the Reflection and the frequency Dispersion on the distorted wave

표 1 테이퍼선로의 전송 특성 비교

parameter	rate	$Z_L/Z_0=1$	$Z_L/Z_0=2$	$Z_L/Z_0=3$
Exponential Taper	Delay	135 (132)ps	139 (141)ps	149 (152)ps
	Distortion	13.2 %	20.4 %	24.0 %
Triangular Taper	Delay	135 (131)ps	137 (140)ps	140 (145)ps
	Distortion	13.6 %	22.9 %	31.2 %
Tchevich-eff Taper	Delay	135(131)ps	140(142)ps	150 (152)ps
	Distortion	13.1 %	19.9 %	13.5 %

IV. 결 론

MCM 또는 MIC등에서 광대역 임피던스 정합을 위해 사용되는 테이퍼 선로의 임피던스 분포에 따른 대표적인 세 가지 형태에 대해 필스 신호의 왜곡 특성을 시간 영역에서 비교하였다. 결과에 의하면 삼각형 분포의 테이퍼 선로보다 지수형 테이퍼 선로의 경우가 필스 지연이 더 크게 나타났고, 왜곡은 반대로 삼각형 테이퍼 선로가 크게 나타났다. Z_L/Z_0 의 비가 1일 때는 왜곡률이 13.0% 정도로 적게 일어났으나 Z_L/Z_0 의 비 커질수록 왜곡 현상이 심해짐을 알 수 있었고, 반사되는 신호의 분산 특성을 비교한 결과 반사된 신호의 크기는 삼각 분포형에서 반사 신호의 레벨이 다른 것에 비해 크게 나타났다. 그림6(a)에 나타나는 오버슈트(overshoot) 왜곡은 실효유전율의 주파수에 대한 비선형 특성에 기인하는 분산 특성이 주요한 원인이 됨을 알 수 있었고, 왜곡된 과정의 뒷부분의 꼬리에서 나타나는 잔류 왜곡 특성은 선로의 부정합에 의한 반사에 의해 나타나는 영향으로 판단된다. 선로에서 지연에 의한 과정의 기울어짐 현상은 테이퍼 선로에서 공통적으로 나타나는 왜곡 특성임을 알 수 있다. 본 연구의 결과는 고속 디지털 회로의 PCB 설계 또는 초고주파용 반도체(MMIC) 설계에서 광대역 임피던스 회로의 설계에 적용할 수 있다.

참 고 문 현

- [1] 김기래, “단일 및 결합형 구조의 마이크로스트립 전송선로에서 고속필스 신호의 왜곡특성 분석” 전기전자재료학회 논문지, 제15권 6호, pp.529-534, 2002. 6.
- [2] J. C. Isaacs, Jr. and N.A. Strakhov, “Crosstalk in Uniformly Coupled Lossy Transmission Lines,” Bell System Technical Journal, Vol. 52, pp 103-113, Jan. 1973.
- [3] R. Schwindt and C. Nguyen, “Spectral domain analysis of three symmetric coupled lines and application to a new bandpass Filter,” IEEE Trans, Microwave Theory Tech., vol. MTT-42. No. 7 pp. 1183-1189. 1994.
- [4] R. L. Veghte and C. A. Balanis, “Dispersion of transient signals in microstrip transmission lines,” IEEE Trans, Microwave Theory Tech., vol. MTT-34. No. 12 pp. 1427-1432. 1986.
- [5] J. P. K. Gilb and C. A. Balanis, “Pulse distortion on multilayer coupled microstriplines,” IEEE Trans, Microwave Theory Tech., Vol. MTT-37. no.10 pp.1620- 1628. 1989.
- [6] M. Kobayashi and N. Sawada, “Analysis and synthesis of tapered microstrip transmission lines,” IEEE Trans, Microwave Theory Tech., Vol. MTT-40 pp. 1642~1646. Aug. 1992.
- [7] R. E. Collin, *Foundation for Microwave Engineering*, New York; McGraw Hill, 1966.
- [8] M. V. Schneider, “Microstrip dispersion,” IEEE Trans, Microwave Theory Tech., vol. MTT-20. No. 1, pp. 144-146. 1972.
- [9] M. Kobayashi, “Important role of inflection frequency in the dispersive properties of microstrip,” IEEE Trans, Microwave Theory Tech., vol. MTT-30. No. 11, pp. 2057-2059. Nov., 1982.
- [10] M. Kirschning and R. H. Jansen, “Accurate model for effective dielectric constant of microstrip with validity up to millimeterwave frequencies,” Electron. lett., Vol.18, No.6, pp. 272-273, Mar. 1982.
- [11] P. Pramanick and P. Bhartia, “An Accurate description of dispersion in microstrip,” *Microwave J.* pp. 89-92, Dec, 1983.

저 자 소 개



김기래 (金紀來)

1986. 2 서강대학교 전자공학과, 학사
 1988. 2 서강대학교대학원 전자공학과 석사
 1998. 2 경남대학교대학원 전자공학과 박사,
 1988-1993 : 삼성전자(주) 정보통신 연구소
 선임연구원, 1993.3-1999.2 마산대학 정보
 통신과 조교수, 1999.3-현재 신라대학교
 전자공학과 부교수, 2002. 7-2003. 7 : 미국
 UCLA, 해외 방문 연구교수 (한국과학재단
 지원) * 관심분야: 마이크로파 회로, MMIC
 패키징 해석, ISM 무선 데이터 통신, RFID
 시스템



최영규 (崔泳圭)

1982. 2 중앙대학교 전자공학과, 학사
 1988 교토대학교 대학원 전자공학과 석사
 1992 교토대학교 대학원 전자공학과 박사
 1992-1995 : (일)후쿠이대학교 전자공학과
 전임강사, 1998-현재 신라대학교 전자공학과
 부교수 * 관심분야: 초고속 광통신 시스템,
 광 변복조 시스템, 광도파관