

블록 암호 구조에 대한 불가능 차분 공격*

김 종 성**, 홍 석 희**, 이 상 진**, 임 증 인**, 은 희 천***

Impossible Differential Cryptanalysis for Block Cipher Structures

Jongsung Kim**, Seokhie Hong**, Sangjin Lee**, Jongin Lim**, Hichun Eun***

요 약

Biham^[4] 등에 의해 소개된 불가능 차분 공격은 불가능 차분 특성을 이용하는 공격법이다. 그러므로 블록 암호의 불가능 차분 공격에 대한 안전성은 불가능 차분 특성에 의해 측정된다. 본 논문에서는 라운드 함수의 구체적인 형태를 고려하지 아니한 블록 암호 구조로부터 발생할 수 있는 여러 가지 불가능 차분 특성을 찾는 널리 활용 가능한 방법을 제시한다. 이 방법을 이용하여 Nyberg^[12]가 제시한 일반화된 Feistel network와 일반화된 RC6 유사 구조에 대한 여러 가지 불가능 차분 특성을 찾을 수 있다. 본 논문에서 다루는 모든 라운드 함수는 전단사 함수이다.

ABSTRACT

Impossible differential cryptanalysis(IDC) introduced by Biham et. al.^[4] uses impossible differential characteristics. Therefore, a security of a block cipher against IDC is measured by impossible differential characteristics. In this paper, we provide a widely applicable method to find various impossible differential characteristics of block cipher structures not using the specified form of a round function. Using this method, we can find various impossible differential characteristics for Nyberg's generalized Feistel network and a generalized RC6-like structure. Throughout the paper, we assume round functions used in block cipher structures are bijective.

Keyword :

1. 서 론

블록 암호에 대한 가장 강력한 공격법들로서 차분 공격^[2]과 선형 공격^[9]이 있다. 이러한 공격법들은 기존의 여러 가지 블록 암호에 효과적으로 적용되어 왔다. 그래서 블록 암호의 차분 및 선형 공격에 대한 안전성의 평가에 많은 관심을 가지게 되었다. 1992년, Nyberg와 Knudsen은^[11] 차분 공격에 대한 증명 가능한 안전성의 개념을 소개하고, Feistel 구조의 차분 공격에 대한 증명 가능한 안전성을 제시하였다.

그 후, 차분 및 선형 공격에 대한 증명 가능한 많은 블록 암호 구조들이 연구되었다^[1,6,7,8,10,13,15]. 그러나 차분 및 선형 공격에 대한 안전성의 평가는 블록 암호의 안전성을 평가하는데에 한계가 있다. 왜냐하면, 차분 및 선형 공격에 취약하지 않은 블록 암호가 다른 공격법들에 취약할 수 있기 때문이다. 예를 들어, 라운드 함수가 전단사인 3 라운드 Feistel 구조는 차분 및 선형 공격에 대한 증명 가능한 안전성^[1]을 가지지만, 5라운드 불가능 차분 특성이 존재한다. 이러한 사실은 Nyberg^[13]가 제시한 Feistel의 일반화된 구조에

* 본 연구는 고려대학교 특별연구비에 의하여 수행 되었습니다.

** 고려대학교 정보보호기술연구소(CIST)([joshep, hsh, sangjin, jilim]@cist.korea.ac.kr)

*** 고려대학교 자연과학대학 정보수학과(hceun@tiger.korea.ac.kr)

도 적용되어진다. (이는 Nyberg의 conjecture가 옳다는 전제하에서 성립한다.[표 1])

본 논문에서는 라운드 함수가 전단사인 블록 암호 구조에서 발생할 수 있는 불능 차분 특성을 찾는 널리 활용 가능한 방법을 제시한다.

(표 1) 본 논문의 결과에 대한 요약

(n : 각 라운드에 존재하는 함수 F 의 개수, p : 함수 F 에 대한 최대 평균 차분 확률, A: 최대 평균 차분 확률이 p^{2^n} 으로 유계할 라운드 수 r , B: 불능 차분 특성의 라운드 수 r)

블록암호구조	차분공격(A)	불능차분공격(B)
일반화된 Feistel network	$r \geq 3n, (n \geq 1)$	$r = 3n + 2,$ $r = 7, (n = 2)$
comment	conjecture ^[14]	성질 1 (IV장)
일반화된 RC6 유사 구조		$r = 4n + 1$
comment		성질 2 (IV장)

II. 불능 차분 공격에 대한 새로운 기본적인 개념

본 절에서는 불능 차분 공격에 대한 여러 가지 새로운 기호와 정의들을 소개한다. 블록 암호 구조 S 는 전단사인 라운드 함수 F 를 가지며, n 개의 입/출력 블록을(예를 들어 Feistel 구조는 2개의 입/출력 블록을 가진다.) 가진다고 가정하자. 즉, S 의 한 라운드에 대한 입력과 출력을 각각 (Y_1, Y_2, \dots, Y_n) 와 (X_1, X_2, \dots, X_n) 라 가정하자.

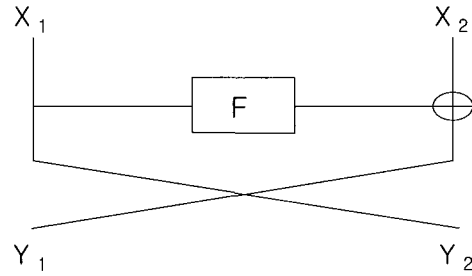
정의 1

블록 암호 구조 S 에 대한 $n \times n$ 암호화 특성 행렬 E 와 $n \times n$ 복호화 특성 행렬 D 는 다음과 같이 정의한다. 만약 Y_j 가 X_i 에 영향을 받는다면, E 의 (i, j) 성분을 1로 정의하며, 영향을 받지 않는다면, (i, j) 성분을 0으로 정의한다. 특히, Y_j 가 $F(X_i)$ 에 영향을 받는다면, E 의 (i, j) 성분을 1 대신 1_F 로 정의한다. 거꾸로, 만약 X_j 가 Y_i 에 영향을 받는다면, D 의 (i, j) 성분을 1로 정의하며, 영향을 받지 않는다면, (i, j) 성분을 0으로 정의한다. 특히, X_j 가 $F(Y_i)$ 또는 $F^{-1}(Y_i)$ 에 영향을 받는다면, D 의 (i, j) 성분을 1 대신 1_F 로 정의한다.

[그림 1]과 같은 Feistel 구조의 암호/복호화 특성 행

렬은 정의 1에 의하여 다음과 같이 된다.

$$E = \begin{pmatrix} 1_F & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, \quad D = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1_F \end{pmatrix}$$



(그림 1) Feistel 구조에 대한 한 라운드

만약 블록 암호 구조 S 의 암호/복호화 특성 행렬 E 와 D 의 각 열의 성분 $1(\neq 1_F)$ 의 개수가 한개 이하라면, 다음장에서 제시될 알고리즘을 이용하여 S 에 대한 불능 차분 특성의 길이를 쉽게 구할 수 있다. 이러한 행렬을 1-property 행렬이라 부르기로 하자. 본 논문에서는 E 와 D 모두 1-property 행렬인 S 에 대해서만 고려한다.

정의 2

고정된 입력 차분 $a = (a_1, a_2, \dots, a_n)$ 에 대응하는 차분 벡터 $\vec{a} = (a_1, a_2, \dots, a_n)$ 은 다음과 같이 정의한다.

$$a_i = \begin{cases} 0 & \text{if } a_i = 0 \\ 1^* & \text{otherwise} \end{cases}$$

고정된 입력 차분 a 에 대한 r 라운드 후의 가능한 출력 차분(한 블록에 대한 출력 차분)은 5가지로 표현 될 수 있다. 0 차분, 0이 아니면서 고정되지 않은 차분, 0이 아닌 고정된 차분, 0이 아니면서 고정되지 않은 차분의 xor, 그리고 고정되지 않은 차분으로 표현 되어진다. 입력 차분 a 에 대한 r 라운드 후의 출력 차분에 대응하는 벡터를 \vec{a}_r 로 표기하고, 벡터 \vec{a}_r 의 i 번째 성분을 $a_{r,i}$ 로 표기한다면, 성분 $a_{r,i}$ 에 대응하는 차분은 표 2와 같이 정의한다. (위와 같은 작업을 복호화 과정에 적용할 때에는, \vec{a}_r 대신에 \vec{b}_r 을 $a_{r,i}$ 대신에 $b_{r,i}$ 를 사용한다.)

(표 2) 차분 벡터의 성분과 대응하는 차분

성분	대응하는 차분
0	0 차분
1	0이 아니면 고정되지 않은 차분
1*	0이 아닌 고정된 차분
2*	0이 아닌 고정된 차분과 0이 아니면 고정되지 않은 차분의 exor
t(≥2)	고정되지 않은 차분

[표 2]에 의하면, 성분 t(≥2)에 대한 대응하는 차분은 성분 t로부터 알 수 없다. 다시 말해, 성분 t에 대응하지 않는 차분을 알 수 없다. 반면, 성분 0, 1, 1*, 2*에 대한 대응하지 않는 차분은 각 성분들로부터 알 수 있다. 예를 들어, 성분 2*가 차분 $\alpha_i \oplus \delta_j$ 에 대응된다면, (α_i : 0이 아닌 고정된 차분, δ_j : 0이 아니면 고정되지 않은 차분) 성분 2*는 결코 차분 α_i 를 나타낼 수 없다. (앞으로 사용되는 차분의 기호 $\alpha_i, \alpha_j, \alpha_k$ 는 0이 아닌 고정된 차분을 $\delta_i, \delta_j, \delta_k$ 는 0이 아니면 고정되지 않은 차분을, x_i, x_j, x_k 는 고정되지 않은 차분을 나타내기로 하자.) 이러한 사실은 블록 암호 구조 S에 대한 불능 차분 특성을 찾는 데 유용하게 이용된다.

차분 벡터 \vec{a}_r 또는 \vec{b}_r 을 계산하기 위해서는 차분 벡터와 특성 행렬 사이의 연산을 정의해야한다. 차분 벡터 \vec{a}_r 과 \vec{b}_r 은 각각 다음과 같이 계산되어진다.

$$\begin{aligned} \vec{a}_r &= \overrightarrow{a_{r-1}} \cdot E = (a_{r-1,i}) \cdot (E_{i,j}) \\ &= (\sum_i a_{r-1,i} \cdot E_{i,j}), \\ \vec{b}_r &= \overrightarrow{b_{r-1}} \cdot D = (b_{r-1,i}) \cdot (D_{i,j}) \\ &= (\sum_i b_{r-1,i} \cdot D_{i,j}) \end{aligned}$$

먼저, 곱 $a_{r-1,i} \cdot E_{i,j}$ 에 대해서는 [표 3]와 같이 정의한다. (복호화 과정의 계산도 암호화 과정의 계산과 동일하다.)

그리고 두 성분 사이의 덧셈 $a_{r-1,i_1} \cdot E_{i_1,j} + a_{r-1,i_2} \cdot E_{i_2,j}$ ($i_1 \neq i_2$)은 대응하는 두 차분에 대한 exor을 나타내므로, 다음과 같이 자연스럽게 정의 할 수 있다.

1. *을 가지고 있지 않은 두 성분의 덧셈은 정수 위에서의 덧셈 연산과 동일하다.
2. 두 성분 중 하나의 성분만이 *을 가질 때, 다음과

같이 정의한다.

-만약 성분 k가 0 또는 1이면, $1^* + k = (1+k)^*$ 이 되고, k가 2 이상의 성분이라면, $1^* + k = 1+k$ 가 된다.

-만약 성분 k가 0이면, $2^* + k = (2+k)^*$ 이 되고, k가 1 이상의 성분이라면, $2^* + k = 2+k$ 이 된다.

(표 3) 곱 $a_{r-1,i} \cdot E_{i,j}$ 에 대한 정의 및 의미

(k: 벡터에 대한 임의의 성분값)

$a_{r-1,i} \cdot E_{i,j}$	의미
$k \cdot 0 = 0$	i번째 입력 블록은 j번째 출력 블록에 아무런 영향을 주지 않는다.
$k \cdot 1 = k$	i번째 입력 블록은 j번째 출력 블록에 F 함수를 거치지 않고 직접 영향을 준다.
$k \cdot 1_F$	i번째 입력 블록은 F 함수를 거친 후에도 j번째 출력 블록에 영향을 준다.
$0 \cdot 1_F = 0$	0 차분에 대한 F 함수 후의 출력 차분은 0이 된다.
$1 \cdot 1_F = 1$	δ_i 에 대한 F 함수 후의 출력 차분은 δ_j 가 된다.
$1^* \cdot 1_F = 1$	α_i 에 대한 F 함수 후의 출력 차분은 δ_j 가 된다.
$2^* \cdot 1_F = 2$	$\alpha_i \oplus \delta_j$ 에 대한 F 함수 후의 출력 차분은 x_j 가 된다.
$t \cdot 1_F = t$	x_i 에 대한 F 함수 후의 출력 차분은 x_j 가 된다.

블록 암호 구조 S의 암호복호화 특성 행렬이 1-property 행렬이므로, [표 3]의 곱 연산에 의한 성분 $a_{r-1,i} \cdot E_{i,j}$ 은 모든 i에 대하여 1개 이하의 *을 갖는다. 따라서 더하여지는 두 성분이 모두 *을 가질 수는 없다. [표 4]은 두 성분의 덧셈 연산에 대응하는 두 차분의 exor을 나타낸 것이다.

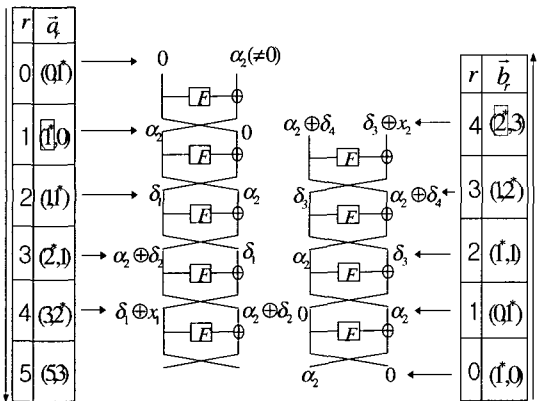
(표 4) 두 성분의 덧셈 연산에 대응하는 두 벡터의 exor (γ_i : 임의의 성분 k에 대응하는 차분, t_i, t_j : 2이상의 성분)

두 성분의 덧셈	대응하는 두 벡터의 exor
$0 + k = k$	$0 \oplus \gamma_i = \gamma_i$
$1 + 1 = 2$	$\delta_i \oplus \delta_j = x_k$
$1 + 1^* = 2^*$	$\delta_i \oplus \alpha_j = \delta \oplus \alpha_j$
$1 + 2^* = 3$	$\delta_i \oplus (\delta_j \oplus \alpha_k) = x_i$
$1 + t = 1 + t$	$\delta_i \oplus x_j = x_k$
$1^* + t = 1 + t$	$\alpha_i \oplus x_j = x_k$
$2^* + t = 2 + t$	$(\alpha_i \oplus \delta_j) \oplus x_k = x_i$
$t_i + t_j = t_i + t_j$	$x_i \oplus x_j = x_k$

위와 같이 정의된 곱셈과 덧셈 연산은 논리적으로 (표 2의 관점에서) 잘 정의 되어진다.

새롭게 정의된 연산의 이해를 돕기 위해 라운드 함수가 전단사인 Feistel 구조를 살펴보자. 입력 차분 벡터 $\vec{a}=(0,1^*)$ 에 대한 r 라운드 후의 출력 차분 벡터 \vec{a}_r 은 위에서 정의된 연산에 의하여 다음과 같이 계산 되어진다. (그림 2의 왼쪽 그림 참조)

$$\begin{aligned}
 - \vec{a}_1 &= \vec{a} \cdot E = (0 \cdot 1_F + 1^* \cdot 1, 0 \cdot 1 + 1^* \cdot 0) = \\
 &\quad (0 + 1^*, 0 + 0) = (1^*, 0). \\
 - \vec{a}_2 &= \vec{a}_1 \cdot E = (1^* \cdot 1_F + 0 \cdot 1, 1^* \cdot 1 + 0 \cdot 0) = \\
 &\quad (1 + 0, 1^* + 0) = (1, 1^*). \\
 - \vec{a}_3 &= \vec{a}_2 \cdot E = (1 \cdot 1_F + 1^* \cdot 1, 1 \cdot 1 + 1^* \cdot 0) = \\
 &\quad (1 + 1^*, 1 + 0) = (2^*, 1). \\
 - \vec{a}_4 &= \vec{a}_3 \cdot E = (2^* \cdot 1_F + 1 \cdot 1, 2^* \cdot 1 + 1 \cdot 0) = \\
 &\quad (2 + 1, 2^* + 0) = (3, 2^*). \\
 - \vec{a}_5 &= \vec{a}_4 \cdot E = (3 \cdot 1_F + 2^* \cdot 1, 3 \cdot 1 + 2^* \cdot 0) = \\
 &\quad (3 + 2^*, 3 + 0) = (5, 3).
 \end{aligned}$$



(그림 2) 차분 벡터 $\vec{a}=(0,1^*)$ 와 $\vec{b}=(1^*,0)$ 에 대한 \vec{a}_r 과 \vec{b}_r 의 대응되는 차분 ($\delta_1, \delta_2, \delta_3, \delta_4: 0$ 아니면 고정되지 않은 차분, x_1, x_2 : 고정되지 않은 차분)

이제, 차분 벡터의 성분을 이용하여 블록 암호 구조 S에 대한 불능 차분 특성을 찾아보자. 입력 차분과 출력 차분이 각각 α (차분 벡터 \vec{a} 에 대응되는 차분)와 β 인 불능 차분 특성을 $\alpha \rightarrow \beta$ 로 표기한다면, 다음과 같은 성질을 갖는다.

- 만약 $a_{r,i}=0$ 이면, $\beta_i \neq 0$ 인 r 라운드 불능 차분 특성 $\alpha \rightarrow \beta$ 이 존재한다.
- 만약 $a_{r,i}=1$ 이면, $\beta_i=0$ 인 r 라운드 불능 차분 특성 $\alpha \rightarrow \beta$ 이 존재한다.
- 만약 $a_{r,i}=1^*$ (대응하는 차분: α_i)이면, $\beta_i \neq \alpha_i$ 인 r 라운드 불능 차분 특성 $\alpha \rightarrow \beta$ 이 존재한다.
- 만약 $a_{r,i}=2^*$ (대응하는 차분: $\alpha_i \oplus \delta_j$)이면, $\beta_i = \alpha_i$ 인 r 라운드 불능 차분 특성 $\alpha \rightarrow \beta$ 이 존재한다.

만약 $a_{r,i} > 2$ 이면, 성분 $a_{r,i}$ 로부터 대응되는 차분을 추측할 수 없다. 이것은 2이상의 성분을 이용한 불능 차분 특성이 존재하는지 여부를 정확히 알 수 없음을 의미한다. 그러나 불능 차분 공격의 관점에서 성분 $0, 1, 1^*, 2^*$ 은 유용하게 이용된다. 이러한 성분의 집합을 $U = \{0, 1, 1^*, 2^*\}$ 로 표기하고, 이제부터 집합 U 에 속하지 않는 성분은 고려하지 않는다.

$a_{r,i} \in U$ 인 경우, r 라운드 불능 차분 특성은 위와 같이 항상 존재하며, 또한 r 라운드 이상의 불능 차분 특성도 존재 할 수 있다. r 라운드 이상의 불능 차분 특성을 찾기 위해 $m \in U$ 의 보조 성분 집합인 \overline{m} 을 정의하자. \overline{m} 는 다음과 같은 성질을 갖는다. 첫째, \overline{m} 는 U 의 부분 집합이다. 둘째, \overline{m} 의 원소들은 m 에 대응하지 않는 모든 차분들을 나타낸다. 예를 들어, 1^* 를 살펴보자. 1^* 는 0이 아닌 고정된 차분 α_i 을 나타내므로, 1^* 는 U 의 원소들에 대응하는 차분들 중 $0, \alpha_j (\neq \alpha_i)$ 또는 $\alpha_i \oplus \delta_j$ 차분과는 대응될 수 없다. 따라서, $\overline{1^*} = \{0, 1^*, 2^*\}$ 이 된다. 비슷한 방법으로 $m \in U$ 에 대한 \overline{m} 를 [표 5]와 같이 얻을 수 있다.

(표 5) 성분 $m \in U$ 와 집합 \overline{m} 에 대응하는 차분

m	차분	\overline{m}	차분
0	0	$\overline{0} = \{1, 1^*\}$	δ_j, α_i
1	δ_i	$\overline{1} = \{0\}$	0
1^*	α_i	$\overline{1^*} = \{0, 1^*, 2^*\}$	$0, \alpha_j, \alpha_i \oplus \delta_j$
2^*	$\alpha_i \oplus \delta_j$	$\overline{2^*} = \{1^*\}$	α_i

\overline{m} 의 정의에 의하여, $a_{r,i} \in U$ 일 때 다음과 같은 r 라운드 이상의 불능 차분 특성이 존재한다.

- 만약 $a_{r,i}=m$ 이고 $b_{r',i} \in \overline{m}$ 이면, $(r+r')$ 라운드

불능 차분 특성 $\alpha \leftrightarrow \beta$ 이 존재한다.
 - 만약 $a_{r,i} \in \overline{m}$ 이고 $b_{r,i} = m$ 이면, $(r+r')$ 라운드 불능 차분 특성 $\alpha \leftrightarrow \beta$ 이 존재한다.

정의 3

고정된 입력 차분 벡터 \vec{a} 에 대해서, \vec{a} 와 성분 $m \in U$ (또는 집합 \overline{m})에 따른 최대 암호화 라운드 수는 다음과 같이 정의한다.

$$ME_i(\vec{a}, m) = \max_r \{r \mid a_{r,i} = m\},$$

$$ME_i(\vec{a}, \overline{m}) = \max_{l \in \overline{m}} \{ME_i(\vec{a}, l)\}.$$

또한, 성분 $m \in U$ (또는 집합 \overline{m})에 따른 최대 암호화 라운드 수는 다음과 같이 정의한다.

$$ME_i(m) = \max_{\vec{a} \neq 0} \{ME_i(\vec{a}, m)\},$$

$$ME_i(\overline{m}) = \max_{\vec{a} \neq 0} \{ME_i(\vec{a}, \overline{m})\}.$$

동일한 방법으로, 각각의 최대 복호화 라운드 수는 다음과 같이 정의한다.

$$MD_i(\vec{b}, m) = \max_r \{r \mid b_{r,i} = m\},$$

$$MD_i(\vec{b}, \overline{m}) = \max_{l \in \overline{m}} \{MD_i(\vec{b}, l)\},$$

$$MD_i(m) = \max_{\vec{b} \neq 0} \{MD_i(\vec{b}, m)\},$$

$$MD_i(\overline{m}) = \max_{\vec{b} \neq 0} \{MD_i(\vec{b}, \overline{m})\}.$$

정의 3에 의하면, 블록 암호 구조 S 는 $(ME_i(\vec{a}, m) + MD_i(\vec{b}, \overline{m}))$ 라운드 또는 $(ME_i(\vec{a}, \overline{m}) + MD_i(\vec{b}, m))$ 라운드의 불능 차분 특성을 갖는다. 만약 $M(\vec{a}, \vec{b}) = \max_{i,m} \{ME_i(\vec{a}, m) + MD_i(\vec{b}, \overline{m})\} = \max_{i,m} \{ME_i(\vec{a}, \overline{m}) + MD_i(\vec{b}, m)\}$, $M = \max_{\vec{a} \neq 0, \vec{b} \neq 0} M(\vec{a}, \vec{b})$ 라 정의한다면, 블록 암호 구조 S 는 $M(\vec{a}, \vec{b})$ 라운드 또는 M 라운드의 불능 차분 특성 또한 갖는다. 한편, $M = \max_{i,m} \{ME_i(m) + MD_i(\overline{m})\} = \max_{i,m} \{ME_i(\overline{m}) + MD_i(m)\}$ 이(이 식은 다음 장에서 제시되는 알고리즘에 유용하게 사용된다.) 성립하며, 위의 수식들로부터 다음과 같은 정리를 이끌어 낼 수 있다.

정리 1

라운드 함수가 전단사이고 암호/복호화 특성 행렬이

1-property 행렬인 블록 암호 구조 S 에 대해서 집합 U 를 이용하여 찾을 수 있는 최대 불능 차분 특성의 라운드 수는 M 이다.

다음은 Feistel 구조에 대한 M 라운드 불능 차분 특성을 찾는 과정을 보여준다.

• 라운드 함수가 전단사인 Feistel 구조는 5 라운드 불능 차분 특성을 갖는다.

먼저, i, m 에 따른 $ME_i((0, 1^*), m)$ 와 $MD_i(1^*, 0, \overline{m})$ 의 값을 구해 보자. [그림 2]에 의하여 $ME_i((0, 1^*), m)$ 와 $MD_i(1^*, 0, \overline{m})$ 의 값은 쉽게 체크할 수 있다. 특히 [그림 2]의 박스 부분에 의하여 $M((0, 1^*), (1^*, 0)) = 5$ 가 됨을 알 수 있다. 이와 동일한 방법으로 다른 입력 차분 벡터들에 대한 다음의 식들을 얻을 수 있다.

$$M((0, 1^*), (0, 1^*)) = 4, \quad M((0, 1^*), (1^*, 1^*)) = 4,$$

$$M(1^*, 0, (0, 1^*)) = 3, \quad M(1^*, 0, (1^*, 0)) = 4,$$

$$M(1^*, 0, (1^*, 1^*)) = 3, \quad M(1^*, 1^*, (0, 1^*)) = 3,$$

$$M(1^*, 1^*, (1^*, 0)) = 4, \quad M(1^*, 1^*, (1^*, 1^*)) = 2.$$

따라서 $M = \max_{\vec{a} \neq 0, \vec{b} \neq 0} M(\vec{a}, \vec{b}) = 5$ 이 된다.

그러므로 라운드 함수가 전단사인 Feistel 구조는 5라운드 불능 차분 특성 $(0, a_2) \leftrightarrow (a_2, 0)$ 을 갖는다.

III. 라운드 수 M 을 구하는 알고리즘

본 장에서는 앞장에서 소개한 정의와 기호들을 이용하여 불능 차분 특성의 길이 M 을 구하는 알고리즘을 제시한다. 이 알고리즘은 블록 암호 구조 S 의 암호/복호화 특성 행렬이 1-property 행렬일 때 유용하게 이용된다. 알고리즘은 다음과 같이 크게 4단계의 과정을 수행한다.

- Step 1. 암호/복호화 특성 행렬 $E = (E_{i,j})_{n \times n}$ 와 $D = (D_{i,j})_{n \times n}$ 를 입력한다.
- Step 2. 최대 암호화 라운드 수 $ME_i(m)$ 을 계산한다. ($1 \leq i \leq n, m \in U$)
- Step 3. 최대 복호화 라운드 수 $MD_i(\overline{m})$ 을 계산한다.
- Step 4. U 를 이용한 불능 차분 특성의 최대 길이 $M = \max_{i,m} \{ME_i(m) + MD_i(\overline{m})\}$ 을 출력한다.

[표 6]은 위의 단계들의 수행 과정상 필요한 저장 공간에 대한 설명이다. 알고리즘에서 가장 중요한 부분은 차분 벡터의 성분들중 *을 가지는 성분을 구분해 내는 것이다. [표 6]은 성분 y 와 y^* 을 구분하기 위한 변수 tt_i 에 대한 설명이다. [표 6]에서 출력 차분 벡터에 대한 j 번째 성분이 *을 가질 필요충분 조건이 $tt_1 + tt_2 + \dots + tt_n = -1$ 이 된다. 왜냐하면 암호화 특성 행렬 E 와 D 가 1-property 행렬이기 때문이다.

[표 6] 알고리즘에 사용되는 저장 공간의 값에 대한 의미 ($y=0, 1, 2, \dots$)

저장 공간	의미
$e_{i,j}=0$	$E_{i,j}=0$
$e_{i,j}=1$	$E_{i,j}=1$ or 1_F
$\widehat{e}_{i,j}=0$	$E_{i,j}=1$ ($y^* \cdot E_{i,j}=y^*$ 로서 *을 보존한다.)
$\widehat{e}_{i,j}=1$	$E_{i,j}=0$ or 1_F ($y^* \cdot E_{i,j}=0$ or y 로서 *을 보존하지 못한다.)
$a_{r,i}=y$	차분 벡터 \vec{a}_r 의 i 번째 성분이 y 또는 y^* 이다.
$\widehat{a}_{r,i}=0$	차분 벡터 \vec{a}_r 의 i 번째 성분이 *을 가지지 않는다.
$\widehat{a}_{r,i}=-1$	차분 벡터 \vec{a}_r 의 i 번째 성분이 *을 갖는다.
$ME_i(\vec{a}, k) = r$	$ME_i(\vec{a}, m) = r$ ($m=0$ 이면 $k=1$, $m=1$ 이면 $k=2$, $m=1^*$ 이면 $k=3$, $m=2^*$ 이면 $k=4$ 이다.)
$ME_i(k) = r$	$ME_i(m) = r$ (m, k : 위와동일)
$MD_i(k) = r$	$MD_i(m) = r$ (m, k : 위와동일)
$\overline{MD}_i(k) = r$	$\overline{MD}_i(\overline{m}) = r$ (m, k : 위와동일)

[표 7] 알고리즘 안에서의 차분 벡터와 행렬의 곱

차분벡터의 성분 $c, (\widehat{a}_i)$	E or D 의 성분 $d, (\widehat{e}_{i,j})$	$c \cdot d$	$\widehat{a}_i + \widehat{e}_{i,j} = tt_i$ if $(tt_i = 1) tt_i \leftarrow 0$
$y^*, (-1)$	$0, (1)$	0	0
$y^*, (-1)$	$1_F, (1)$	y	0
$y^*, (-1)$	$1, (0)$	y^*	-1
$y, (0)$	$0, (1)$	0	0
$y, (0)$	$1_F, (1)$	y	0
$y, (0)$	$1, (0)$	y	0

불능 차분 특성의 길이 M 을 구하는 알고리즘

```

Step 1 :
if  $E_{i,j}=0$ , then  $e_{i,j} \leftarrow 0, \widehat{e}_{i,j} \leftarrow 1$ 
if  $E_{i,j}=1$ , then  $e_{i,j} \leftarrow 1, \widehat{e}_{i,j} \leftarrow 0$ 
if  $E_{i,j}=1_F$ , then  $e_{i,j} \leftarrow 1, \widehat{e}_{i,j} \leftarrow 1$ 

Step 2 :
 $ME_i(k) \leftarrow 0$ , for  $1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq 4$ 
For each input difference vector  $\vec{a}$ 
if  $(a_{0,i}=0)$   $\widehat{a}_{0,i} \leftarrow 0$ , for  $1 \leq i \leq n$ 
if  $(a_{0,i}=1)$   $\widehat{a}_{0,i} \leftarrow -1$ , for  $1 \leq i \leq n$ 
 $ME_i(\vec{a}, k) \leftarrow 0$ , for  $1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq 4$ 
 $r \leftarrow 0$ 
while (there exists  $l, (1 \leq l \leq n)$  such that  $a_l \leq 2$ .)
  for  $i=1$  to  $n$ 
     $t_i \leftarrow 0, \widehat{t}_i \leftarrow 0$ 
  for  $j=1$  to  $n$ 
     $t_i \leftarrow t_i + a_{r,j} \cdot e_{j,i}$ 
     $tt_j \leftarrow \widehat{a}_{r,j} + \widehat{e}_{j,i}$ 
    if  $(tt_j=1)$   $tt_j \leftarrow 0$ 
     $\widehat{t}_i \leftarrow \widehat{t}_i + tt_j$ 
   $r \leftarrow r + 1$ 
   $a_{r,i} \leftarrow t_i, \widehat{a}_{r,i} \leftarrow \widehat{t}_i$ , for  $1 \leq i \leq n$ 
  for  $i=1$  to  $n$ 
    if  $(a_{r,i}=0)$   $ME_i(\vec{a}, 1) \leftarrow r$ 
    if  $(a_{r,i}=1, \widehat{a}_{r,i}=0)$   $ME_i(\vec{a}, 2) \leftarrow r$ 
    if  $(a_{r,i}=1, \widehat{a}_{r,i}=-1)$   $ME_i(\vec{a}, 3) \leftarrow r$ 
    if  $(a_{r,i}=2, \widehat{a}_{r,i}=-1)$   $ME_i(\vec{a}, 4) \leftarrow r$ 
  for  $i=1$  to  $n$ 
    for  $k=1$  to  $4$ 
      if  $(ME_i(k) \leq ME_i(\vec{a}, k))$ 
         $ME_i(k) \leftarrow ME_i(\vec{a}, k)$ 

Step 3: Step 1과 2에서 행렬  $E$  대신  $D$ 를 적용하여  $MD_i(k)$ 를 구한다.
  for  $i=1$  to  $n$ 
     $\overline{MD}_i(1) \leftarrow \max\{MD_i(2), MD_i(3)\}$ 
     $\overline{MD}_i(2) \leftarrow MD_i(1)$ 
     $\overline{MD}_i(3) \leftarrow \max\{MD_i(1), MD_i(3)\}$ 
     $\overline{MD}_i(4) \leftarrow MD_i(3)$ 

Step 4 :
 $M = \max_{1 \leq i \leq n, 1 \leq k \leq 4} \{ME_i(k) + \overline{MD}_i(k)\}$ 을 출력한다.
    
```

IV. 블록 암호 구조에의 적용

본장에서는 III장에서 제시한 알고리즘을 이용하여

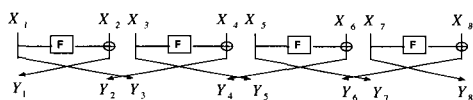
Nyberg의 일반화된 Feistel network와 일반화된 RC6 유사 구조에 대한 여러 가지 불능 차분 특성을 찾는다. 본장의 결과들은 각 입/출력 블록의 개수가 작은 경우의 (32개 이하) 프로그래밍에 기초한 것이다. 하지만, 일반화된 구조는 일정한 구조적 특성을 가지고 있기 때문에, 프로그래밍의 결과들을 입/출력 블록의 개수에 따른 일반화가 가능하다.

4.1 일반화된 Feistel Network에의 적용

일반화된 Feistel network는 Nyberg^[12]에 의해 제안된 블록 암호 구조이다. 간단하게 그 구조를 살펴보면 다음과 같다. 한 라운드에 대한 입력값을 $(X_1, X_2, \dots, X_{2n})$ 라 하자. 주어진 n 개의 라운드 함수 F_1, F_2, \dots, F_n 과 n 개의 라운드 키 K_1, K_2, \dots, K_n 에 대해서, 출력값 $(Y_1, Y_2, \dots, Y_{2n})$ 은 다음과 같이 계산되어진다.

$$\begin{aligned}
 Y_{2j} &= F_{j+1}(X_{2j+1} \oplus K_{j+1}) \oplus X_{2j+2}, \\
 Y_{2j+1} &= X_{2j-1}, \quad (j=1, \dots, n-1), \\
 Y_1 &= F_1(X_1 \oplus K_1) \oplus X_2, \quad Y_{2n} = X_{2n-1}
 \end{aligned}$$

만약 F_j 를 키가 사용된 함수 F 로 간주하고, $n=4$ 라면, 일반화된 Feistel network은 다음과 같이 묘사된다.



(그림 3) 일반화된 Feistel network에 대한 한 라운드

이제 일반화된 Feistel network에 대한 불능 차분 특성을 찾아보자. 일반화된 Feistel network는 1-property 행렬 E 와 D 를 갖는다. 그러므로 앞장에서 제시한 알고리즘을 이 network에 직접 적용할 수 있다. 이 network에 대한 알고리즘의 수행 시간은 대략 $2 \cdot 2^n$ 번의 Step 2의 과정이 요구된다. 하지만 일반화된 Feistel network의 암호화 함수와 복호화 함수가 거의 동일하다는 사실을 이용하여 알고리즘의 수행 시간을 $1/2$ 으로 줄일 수 있다. 즉, Step 3의 과정에서 필요한 최대 복호화 라운드 수 $MD_i(k)$ 은 Step 2에서 계산된 $ME_i(k)$ 로부터 쉽게 구할 수 있다. 성질 1은 일반화된 Feistel network에 대한 알고리즘의

적용 결과를 일반화 시킨 결과이다.

성질 1

· 각 라운드마다 2개의 전단사 함수 F 를 가지고 있는 일반화된 Feistel network는 7 라운드의 불능 차분 특성을 갖는다. 또한, 각 라운드마다 3개 이상의 전단사 함수 F 를 가지고 있는 일반화된 Feistel network는 $(3n+2)$ 라운드의 불능 차분 특성을 갖는다.

또한 III장에서 제시한 알고리즘을 약간 변형하여 성질 1에서 언급된 최대 불능 차분 특성의 구체적인 모양을 찾을 수 있다. (표 8).

표 8. 일반화된 Feistel Network의 최대 길이의 불능 차분 특성 ($\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \beta_1$: 0이 아닌 고정된 차분, $(\gamma_1, \gamma_2) \neq (0, 0)$)

7 라운드 불능 차분 특성 ($n=2$)
$(0, 0, 0, \alpha_1) \rightsquigarrow (\gamma_1, 0, \gamma_2, 0)$
$(0, 0, \alpha_1, 0) \rightsquigarrow (\gamma_1, 0, \gamma_2, 0)$
$(0, 0, \alpha_1, \alpha_2) \rightsquigarrow (\beta_1, 0, 0, 0)$
$(0, 0, \alpha_1, \alpha_2) \rightsquigarrow (0, 0, \beta_1, 0)$
$(0, \alpha_1, \alpha_2, 0) \rightsquigarrow (\alpha_2, 0, 0, 0)$
$(0, \alpha_1, \alpha_2, \alpha_3) \rightsquigarrow (\alpha_2, 0, 0, 0)$
$(3n+2)$ 라운드 불능 차분 특성 ($3 \leq n \leq 20$)
$(0, 0, \dots, 0, \alpha_1) \rightsquigarrow (\gamma_1, 0, \gamma_2, 0, \dots, 0)$
$(0, \dots, 0, \alpha_1, 0) \rightsquigarrow (\beta_1, 0, 0, \dots, 0, 0)$
$(0, \dots, 0, \alpha_1, \alpha_2) \rightsquigarrow (\gamma_1, 0, \gamma_2, 0, \dots, 0)$

4.2 일반화된 RC6 유사 구조에의 적용

일반화된 RC6 유사 구조는 Moriai^[11]에 의해 제시된 블록 암호 구조로서 다음과 같이 묘사된다.

$$\begin{aligned}
 Y_{2i} &= X_{2i-1} & (1 \leq i \leq n) \\
 Y_{2j+1} &= F(X_{2j-1}) \oplus X_{2j} & (1 \leq j \leq n-1) \\
 Y_1 &= F(X_{2n-1}) \oplus X_{2n}
 \end{aligned}$$

성질 2는 일반화된 RC6 유사 구조에 대한 알고리즘의 적용 결과를 일반화 시킨 결과이다.

성질 2

각 라운드마다 n 개의 전단사 함수 F 를 가지고 있

는 일반화된 RC6 유사 구조는 $(4n+1)$ 라운드 불능 차분 특성 $(0, 0, \dots, 0, \alpha_1) \rightarrow (0, 0, \dots, 0, \alpha_1)$ 을 갖는다.

IV. 결 론

본 논문에서는 라운드 함수가 전단사인 블록 암호 구조에서 발생할 수 있는 불능 차분 특성을 찾는 널리 활용 가능한 방법을 제시하였다. 이 방법을 이용하여, 일반화된 Feistel network의 $(3n+2)$ 라운드의 불능 차분 특성과 일반화된 RC6 유사 구조의 $(4n+1)$ 라운드의 불능 차분 특성을 찾을 수 있었다.

참 고 문 헌

- [1] K. Aoki, K. Ohta, "Strict evaluation of the maximum average of differential probability and the maximum average of linear probability", IEICE Transactions fundamentals of Electronics, Communications and Computer Sciences, No.1, 1997, pp.2~8.
- [2] E. Biham, A. Shamir, "Differential cryptanalysis of DES-like cryptosystems", Advances in Cryptology-CRYPTO'90, LNCS 537, Springer-Verlag, 1991, pp.2~21.
- [3] E. Biham, A. Shamir, "Differential cryptanalysis of the full 16-round DES", Advances in Cryptology-CRYPTO'92, LNCS 740, Springer-Verlag, 1992, pp.487~496.
- [4] E. Biham, A. Biryukov, A. Shamir, "Cryptanalysis of Skipjack reduced to 31 rounds using impossible differentials", Advances in Cryptology - EUROCRYPT'99, LNCS 1592, Springer-Verlag, 1999, pp.12~23.
- [5] J. H. Cheon, M. J. Kim, K. J. Kim, J. Y. Lee, "Improved Impossible Differential Cryptanalysis of Rijndael and Crypton", ICISC'01, LNCS 2288, Springer-Verlag, 2001, pp.39~49.
- [6] S. H. Hong, S. J. Lee, J. I. Lim, J. C. Sung, D. Y. Choen, I. H. Cho, "Provable Security against Differential and Linear Cryptanalysis for the SPN structure", FSE'00, Springer-Verlag, 2000, pp.273~283.
- [7] S. H. Hong, J. C. Sung, S. J. Lee, J. I. Lim, J. S. Kim, "Provable Security for 13 round Skipjack-like Structure", IPL, vol 82, 2002, pp.243~246.
- [8] M. Kanda, Y. Takashima, T. Matsumoto, K. Aoki, K. Ohta, "A strategy for constructing fast functions with practical security against differential and linear cryptanalysis", SAC'99, LNCS 1556, 1999, pp. 264~279.
- [9] M. Matsui, "Linear cryptanalysis method for DES cipher", Advances in Cryptology - EUROCRYPT'93, LNCS 765, Springer-Verlag, 1994, pp.386~397.
- [10] M. Matsui, "New structure of block ciphers with provable security against differential and linear cryptanalysis", FSE'96, 1996, pp.205~218.
- [11] S. Moriai, S. Vaudenay, "On the Pseudorandomness of Top-Level Schemes of Block Ciphers", Advances in Cryptology - ASIACRYPT'00, LNCS 1976, Springer-Verlag, 2000, pp.289~302.
- [12] K. Nyberg, L. R. Knudsen, "Provable security against differential cryptanalysis", Advances in Cryptology - CRYPTO'92, LNCS 740, Springer-Verlag, 1992, pp.566~574.
- [13] K. Nyberg, "Generalized Feistel Networks", Advances in Cryptology - ASIACRYPT'96, LNCS 1163, 1996, pp.91~104.
- [14] M. Sugita, K. Kobara, H. Imai, "Security of Reduced Version of the Block Cipher Camellia against Truncated and Impossible Differential Cryptanalysis", Advances in Cryptology - ASIACRYPT'01, LNCS 2248, 2001, pp.193~207.
- [15] J. C. Sung, S. J. Lee, J. I. Lim, S. H. Hong, S. J. Park, "Provable Security for the Skipjack-like Structure against Differential Cryptanalysis and Linear Cryptanalysis", Advances in Cryptology - ASIACRYPT'00, LNCS 1976, 2000, pp.274~288.

〈著者紹介〉



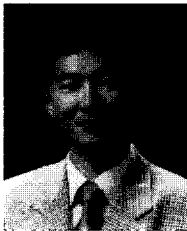
김 종 성 (Jong-Sung Kim)

2000년 8월 : 고려대학교 수학과 학사
2002년 8월 : 고려대학교 수학과 석사
2002년 8월~현재 : 고려대학교 정보보호대학원 박사 과정
<관심분야> 블록 암호 및 스트림 암호의 분석과 설계



홍 석 희 (Seok-Hie Hong)

1995년 2월 : 고려대학교 수학과 학사
1997년 2월 : 고려대학교 수학과 석사
2001년 2월 : 고려대학교 수학과 박사
2001년 3월~현재 : 고려대학교 정보보호기술연구센터 선임 연구원
<관심분야> 블록 암호 및 스트림 암호의 분석과 설계



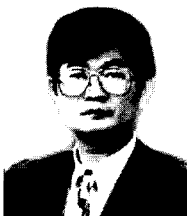
이 상 진 (Sang-Jin Lee)

1987년 2월 : 고려대학교 수학과 학사
1989년 2월 : 고려대학교 수학과 석사
1994년 8월 : 고려대학교 수학과 박사
1989년 2월~1999년 2월 : 한국전자통신연구소 선임 연구원
1999년 3월~현재 : 고려대학교 자연과학대학 부교수, 고려대학교 정보보호대학원 겸임교수, 고려대학교 정보 보호기술연구센터 연구실장
<관심분야> 블록 암호 및 스트림 암호의 분석과 설계, 암호 프로토콜, 공개키 암호 알고리즘 분석



임 종 인 (Jong-in Lim)

1980년 2월 : 고려대학교 수학과 학사
1982년 2월 : 고려대학교 수학과 석사
1986년 2월 : 고려대학교 수학과 박사
1999년 2월~현재 : 고려대학교 자연과학대학 정교수, 한국통신정보보호학회 편집위원장, 고려대학교 정보보호대학원 원장, 고려대학교 정보보호기술연구센터 센터장
<관심분야> 블록 암호 및 스트림 암호의 분석 및 설계, 암호 프로토콜, 공개키 암호 알고리즘의 분석, 정보보호 정책



은 희 천 (Hi-Chun Eun)

1969년 2월 : 고려대학교 수학과 학사
1974년 2월 : 고려대학교 수학과 석사
1982년 2월 : 고려대학교 수학과 박사
1982년 3월~현재 : 고려대학교 자연과학대학 수학과 교수