

PID-관리 복합형 제어기를 이용한 직류 전동기의 강인한 속도제어

(Robust Speed Control of DC Motor Using PID-Supervision Hybrid Controller)

전정재^{*} · 조현섭^{**} · 박월서^{***}

(Jeong-Chay Jeon · Hyeon-Seob Cho · Wal-Seo Park)

요 약

산업 자동화의 고정밀도에 따라 직류 전동기는 간이제어가 요구되고 있다. 하지만 PID 제어기를 갖는 전동기 제어 시스템이 부하 외란의 영향을 받게되면 제어 시스템의 간이제어는 어렵게 된다. 이에 대한 보완적인 한 방법으로 본 논문에서는 전동기 제어시스템을 위한 PID-관리 복합형 제어기법을 제시하였다. 만약 오차가 구속영역 내에 있고, 시스템이 안정한 상태에 있다면 관리 제어기는 사용되지 않고 PID 제어기만 동작한다. 관리 제어기는 오차가 구속 경계에 도달하게 되면 오차를 구속 영역내로 들어가도록 제어를 시작한다.

우리는 PID-관리 복합형 제어 시스템의 오차가 시스템 설계자의 허용한도 내에서 유지되고 전체적으로 안정함을 증명하였다.

Abstract

Robust control for DC motor is needed according to the highest precision of industrial automation. However, when a motor control system with PID controller has an effect of load disturbance, it is very difficult to guarantee the robustness of control system. In this paper, PID-supervision hybrid control method for motor control system as a compensation method solving this problem is presented. If the PID control system (without the supervisory controller) is stable in the sense that the error is inside the constraint set, the supervisory control is idle. If the error hits the boundary of the constraint, the supervisory controller begins operation to force the error back to the constraint set.

We prove that the PID-supervision hybrid control system is globally stable in the sense that the error is guaranteed to be within the tolerance limits specified by the system designer.

1. 서 론

산업 자동화의 고정밀도에 따라 직류 서보 제어

시스템은 간이하고 정밀한 제어가 요구되고 있다. 이러한 요구에 부응하여 정교한 현대 제어이론들이 개발되었음에도 불구하고 산업현장에는 PID 제어기가 널리 쓰이고 있다[1, 2]. 이는 구조가 간단하고 과도

*정회원 : 원광대학교 공과대학 전기공학과 석사과정

***정회원 : 원광대학교 공과대학 전기공학과 조교수

**정회원 : 청운대학교 공과대학 전자공학과 전임강사

접수일자 : 1998. 6. 5.

※ 이 논문은 1998년도 원광대학교 교비 지원에 의해 연구됨.

답특성이 좋으며 정상상태 오차를 제거할 수 있기 때문이다[3]. 하지만 PID 제어기를 사용한 궤환 제어에서 부하 외란이 인가되면 출력은 설정 값에서 이탈하게 된다. 그러므로 부하 외란이 인가되더라도 정밀한 제어가 요구될 때에는 이탈 정도를 최소화시킬 수 있는 제어기법의 적용이 필요하다[4].

이와 같은 제어기법으로 Smith[5]는 진 지상 필터 형태의 피이드 포워드 제어기를 제안하였다. 또한 Johnson[6]은 적분 궤환 제어기, Kucera[7]는 적응 LQG 피이드백-피이드 포워드 제어기를 제안하였다.

근래에 부하 외란 효과의 최소화를 위해서 전문가 및 퍼지 제어기법이 도입되었고[8, 9], 퍼지 제어 시스템을 위한 관리 제어기를 Wang[10]이 제안하였다.

PID 제어기는 구속 오차(constraint error) 이내에서 제어를 수행함으로써 주제어 작용을 하게 된다. 발생 오차가 구속 오차 경계에 도달하게 되면 관리 제어기가 제어를 수행하게 된다. 안정성 문제에서 보다 우수한 관리 제어기를 PID 제어 시스템에 도입함으로써, PID 제어 시스템은 부하 외란 인가시에 발생되는 단점이 극복되고 보다 우수한 제어 기능을 수행할 수 있게 된다.

제안된 제어기법이 전동기 제어 시스템의 부하 외란에 대하여 강인함을 시뮬레이션에 의하여 증명하였다.

2. 관리 제어기의 설계

다음과 같은 동적 시스템(dynamic system)이 주어졌다고 가정하자.

$$x^{(n)} = f(x) + gu \quad (1)$$

여기서, x 는 시스템 출력이고, u 는 제어 입력이다.

$x = [x \dot{x} \dots x^{(n-1)}]^T$ 는 상태 벡터(state vector)이고, 함수 $f(x)$; $|f(x)| \leq f''(x)$ 와 제어이득 g ; $[0 < g_L \leq g]$ 는 부하의 변화에 따라 변화된다. 우리는 $|f(x)|$ 의 위쪽 경계(upper bound) $f''(x)$ 와 g 의 아래쪽 경계(lower bound) g_L 을 알 수 있다고 가정한다.

PID 제어기가 이미 설계되어 있다고 가정하면 $u = u_{PID}$ 이다. 부하 변화나 외란 인가시에 PID 제어기를 갖고 궤환 시스템은 일정시간 동안 과도응

답 특성을 나타낸다.

따라서, 추적 오차(tracking error)가 발생하게 되고, x_d 가 원하는 궤적이라면 오차 벡터(error vector)는 다음 식(2)와 같다.

$$x_e = x - x_d \quad (2)$$

이때 폐루프 시스템의 제어 입력은 다음과 같은 벡터 형태로 쓸 수 있다.

$$u^* = \frac{1}{g} [-f(x) + x_d^{(n)}(t) - k^T x_e] \quad (3)$$

이득 $k = [k_n \dots k_1]^T$ 는 다항식 $h(s) = S^{(n)} + k_1 S^{(n-1)} + \dots + k_n$ 이 Hurwitz인 경우로 선택된다.

제어의 목적은 폐루프 시스템의 안정성이 허용되고, 허용 오차 e 가 설계자에 의해 주어진 구속 오차 상수와의 관계가 다음 식을 만족시키기 위해서다.

$$|e(t)| \leq \alpha \cdot M_x \quad \forall t > 0 \quad (4)$$

α 는 상수이다.

x_e 가 M_x 의 경계에 도달할 때 제어 법칙은 다음과 같다.

$$u = u_{PID} + u_s \quad (5)$$

식 (5)를 식 (1)에 대입하면 다음과 같다.

$$x^{(n)} = f(x) + g(u_{PID} + u_s) \quad (6)$$

식 (6)의 양변을 gu^* 로 빼면 오차방정식은 다음과 같다.

$$\dot{x}_e = -k^T x_e + g(u_{PID} + u_s - u^*) \quad (7)$$

식 (7)은 식 (8)과 같은 벡터 형태로 쓸 수 있다.

$$\dot{x}_e = Ax_e + b(u_{PID} + u_s - u^*) \quad (8)$$

여기서,

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & 0 & 1 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & 1 \\ -k_n & -k_{n-1} & k_{n-2} & \cdots & -k_1 \end{bmatrix},$$

$$b = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \\ g \end{bmatrix}$$

PID-관리 복합형 제어기를 이용한 직류 전동기의 강인한 속도제어

$|e| \leq \alpha \cdot M_x$ 의 조건을 만족하는 관리 제어기 u_s 를 설계하기 위하여 Lyapunov 함수 V 를 다음과 같이 정의한다.

$$V(x_e) = \frac{1}{2} x_e^T P x_e \quad (9)$$

여기서, P 는 양의 대칭 행렬이고, 다음 Lyapunov 방정식을 만족한다.

$$A^T P + P A = -Q \quad (10)$$

대칭 행렬인 Q ($Q > 0$)는 설계자에 의해 선택된다. $V(x_e)$ 를 미분하면 다음 식과 같다.

$$\begin{aligned} V'(x_e) &= -\frac{1}{2} x_e^T Q x_e \\ &\quad + x_e^T P b \cdot (u_{PID} + u_s - u^*) \\ &\leq -\frac{1}{2} x_e^T Q x_e + |x_e^T P b| (|u_{PID}| + |u^*|) \\ &\quad + x_e^T P b u_s \end{aligned} \quad (11)$$

$V'(x_e) \leq 0$ 조건을 만족시키기 위해서 u_s 를 다음과 같이 선택한다.

$$\begin{aligned} u_s &= -I \operatorname{sgn}(x_e^T P b) \cdot \\ &\left[|u_{PID}| + \frac{1}{g_L} \left(f'' + |x_d^{(n)}| + |k^T x_e| \right) \right] \end{aligned} \quad (12)$$

식 (12)를 식 (11)에 대입하면 $V'(x_e) \leq 0$ 이 되는 것을 알 수 있다. 여기서 I 는 다음과 같은 기능을 수행한다.

$$I = 1 \quad \text{if } |x_e| \geq M_x$$

$$I = 0 \quad \text{if } |x_e| < M_x$$

이와 같이 시스템의 안정성이 허용되고, 출력을 설계자가 원하는 허용오차 이내로 유지 할 수 있도록 하기 위하여 PID-관리 복합형 제어기를 제안하였다.

3. 전동기의 속도제어에 대한 적용

전동기는 가변 부하시나 외란이 발생했을 때 일정 시간동안 과도 응답 특성을 나타낸다. 이러한 경우에 PID제어기의 매개변수가 적절한 값으로 동조되었다 할지라도 허용오차 내에서 상태를 유지하기는 어렵

다.

본 논문에서는 이러한 문제를 해결하기 위하여 PID-관리 복합형 제어기를 제안하였다. 제안된 제어 시스템은 외란이 인가되더라도 허용오차 내에서 안정성을 갖고 강인하게 목표 궤적을 추종하게 된다.

전기자 제어용 직류 모터의 속도에 대한 미분 방정식은 다음과 같다.

$$\begin{aligned} JL_a x'' + (R_a J + L_a B)x' \\ + (R_a B + K_b K_T)x = K_T u \end{aligned} \quad (13)$$

여기서, x 는 시스템의 출력을 나타내고, u 는 제어 입력이다.

본 논문에서 사용된 직류 서보 모터(정격출력 400[W])의 매개변수는 다음과 같다.

$$K_t = 2.27 [Kgf \cdot cm/A] : 토오크 상수$$

$$J = 3.4 \times 10^{-1} [Kgf \cdot cm \cdot sec^2] : 관성 모멘트$$

$$L_a = 0.89 [mH] : 전기자 인덕턴스$$

$$R_a = 1.2 [\Omega] : 전기자 저항$$

$$B = 0.75 [Kgf \cdot cm] : 마찰 토오크$$

$$K_b = 23.33 [V/Krpm] : 유기전압 상수$$

위와 같은 직류 전동기에 대한 PID 제어기의 매개변수는 Ziegler-Nichols의 계단 응답법에 의하여 결정($K_p = 0.008$, $K_i = 6.82$, $K_d = 0.000034$) 하였다.

관리 제어기의 설계를 위해서 f'' 와 g_L 의 결정이 필요하다. 여기서 관성 모멘트 J 가 $J \times 1$ 에서 $J \times 5$ 까지 변화한다고 가정하면 다음과 같이 쓸 수 있다.

$$\begin{aligned} |f(x, x')| &= \\ &\left| \frac{1}{JL_a} \left[(R_a J + L_a B)x' + (R_a B + K_b K_T)x \right] \right| \\ &= \left| (1.3476 \times 10^3 + \frac{7.35}{J} \times 10^{-2})x' + 45480x \right| \\ &\leq 1370x' + 45480x = f''(x, x') \end{aligned} \quad (14)$$

$$|g| = \left| \frac{49.991}{J} \right| \geq 14703 = g_L \quad (15)$$

또한, 제어기 설계를 위해서 $K_1 = 10^8$, $K_2 = 2 \times 10^4 (S^2 + K_1 S + K_2)$ 는 안정) 그리고

$Q = \text{diag}(2 \times 10^{12}, 2 \times 10^4)$ 으로 선택한다.

이와 같은 것을 식(10)에 대입 하면 P 는 다음과 같다.

$$P = \begin{bmatrix} 3 \times 10^8 & 10^4 \\ 10^4 & 1 \end{bmatrix} \quad (16)$$

4. 시뮬레이션 및 결과고찰

제안된 제어 시스템의 유용성을 살펴보기 위하여 $M_x=1$ 일 때 계단 및 sine 함수를 부하 외란(L_d)으로 각각 인가하였다.

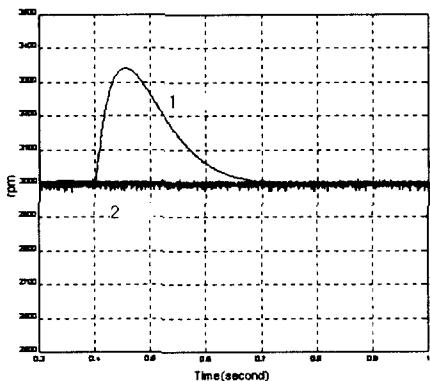
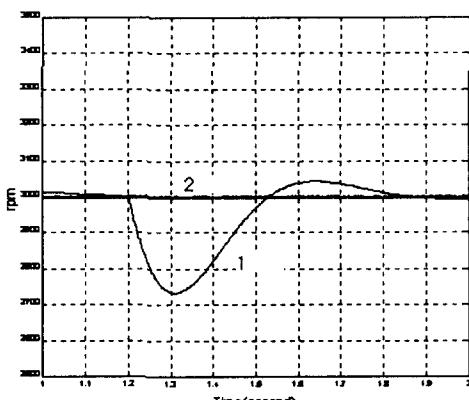
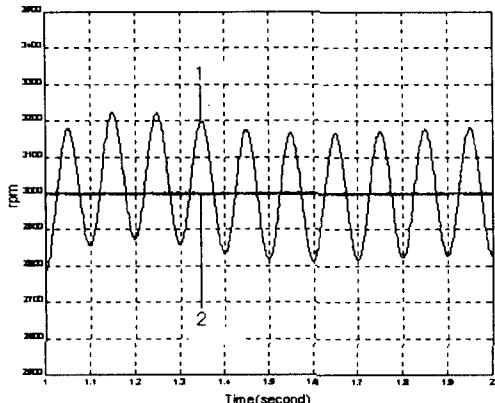
(a) $J \times 1, L_d = 300$ (b) $J \times 3, L_d = -300$ (c) $J \times 5, L_d = 1000 \sin 20\pi t$

그림 1. PID 제어기 (곡선1)와 PID-관리 복합형 제어기(곡선2)에 의한 응답곡선
Fig. 1. Response curve to PID controller (curve 1) and PID-supervision hybrid controller (curve 2)

그림 1에서 표시된 곡선 1은 PID 제어기만을 갖는 제어 시스템의 응답곡선이고, 곡선 2는 PID-관리 복합형 제어기를 갖는 제어시스템의 응답곡선이다.

그림 (a)는 $J \times 1$ 과 $L_d = 300[\text{rpm}]$, 그림 (b)는 $J \times 3$ 과 $L_d = -300[\text{rpm}]$, 그림 (c)는 $J \times 5$ 과 $L_d = 1000 \sin 20\pi t$ 일 때의 응답곡선이다.

그림 (a)를 살펴보면 곡선 1은 최대 오차가 $340[\text{rpm}]$, 곡선 2에서는 오차가 $25[\text{rpm}]$ 이하로 발생 한다. 따라서 최대값으로 보면 오차는 7.4% 로 감소하였다.

그림 (b)에서도 복합형 제어기를 사용함으로써 최대 오차의 영향을 $270[\text{rpm}]$ 에서 $4[\text{rpm}]$ 로, 즉 1.5% 로 감소되었다.

그림 (c)에서 나타낸 바와 같이 sine 형태의 부하 외란의 영향도 $200[\text{rpm}]$ 에서 $2[\text{rpm}]$ 로 감소됨으로써 1% 정도로 훌륭하게 감소됨을 알 수 있다.

결과적으로 그림 1에서 알 수 있는 바와 같이 PID 제어기만을 사용했을 때 보다 PID-관리 복합형 제어기를 사용함으로써 부하 외란의 영향을 현저히 감소 시킬 수 있었다.

따라서 부하 외란이 어떠한 형태로 존재하든 설계자가 원하는 제어 목적을 달성할 수 있으리라 사료

PID-관리 복합형 제어기를 이용한 직류 전동기의 강인한 속도제어

된다.

5. 결 론

산업현장에서 전동기 제어는 많은 자동화 설비에 사용되고 있는데, 부하 외란 인가시에 안전한 강인 제어는 어렵게 된다.

그림 1에서 표시된 곡선 1은 PID 제어기만을 갖는 제어 시스템의 응답곡선이고, 곡선 2는 PID-관리 복합형 제어기를 갖는 제어시스템의 응답곡선이다.

본 논문에서는 직류 전동기의 안전한 강인 제어를 위하여 PID-관리 복합형 제어기법을 제안하였다. 이 제어기법의 장점은 외란 인가 시에도 전동기 제어 시스템이 허용오차 이내에서 안전하고 강인하게 운전될 수 있음에 있다. 단점으로는 $f(x)$ 의 위쪽 경계나, g 의 아래쪽 경계를 알아야만 제어기 설계가 가능하다는 점이다.

제안된 제어 시스템은 그림 1에서 나타낸 바와 같이 부하 외란이 어떠한 형태로 인가되던지 설계자가 원하는 허용 오차 이내에서 안전하고 강인하게 운전될 수 있다.

제안된 제어기법은 부하 외란이 문제가 되는 시스템의 안전하고 강인한 제어에 사용될 수 있으리라 사료된다.

참 고 문 헌

- [1] L. X. Wang, A Course in Fuzzy systems and control, Prentice-Hall, 1997.
- [2] L. R. Medsker, Hybrid neural network and Expert systems, Kluwer Academic publishers, 1994.
- [3] K. J. Aström and T. Häggström, Automatic Tuning of PID controllers, Instrument society of America, 1988.
- [4] J. K. Slotine and W. Li, Applied Nonlinear control, Prentice-Hall, 1991.
- [5] C. A. Smith and A. B. Corripi, principles and practice of automatic process control, Wiley-Interscience, 1985
- [6] C. D. Johnson, "Disturbance-accomodating control : an overview", proc. ACC, pp. 526~536, 1986.
- [7] V. Kučera and M. Šebek, : A note on stationary LQG control", IEEE Trans. Automat. contr. Vol. AC-30, pp. 1242~1245, 1985.
- [8] 박월서, 전정재, "PID-신경망 복합형 제어기를 이용한 직류 서보 전동기의 강인한 속도제어", Journal of KIEE, Vol. 12, No1, February 1998.

[9] 박월서, 오훈, "직류 서보 전동기의 강인성을 위한 전문가 관리 제어", Journal of KIEE, Vol.9, No 6, December 1995.

[10] L. X. Wang, "A supervisory controller for Fuzzy control system that guarantees stability", IEEE Transaction on Automatic control, Vol.39, No.9, September 1994.

◆ 저자소개 ◆

전 정 재(全正采)

1971년 6월 8일생. 1997년 원광대학교 공대 전기공학과 졸. 현재 원광대학교 대학원 전기공학과 석사과정.

조 현 섭(趙賢燮)

1965년 3월 15일생. 1990년 원광대학교 공대 전기공학과 졸. 1992년 2월 26일 원광대학교 대학원 전기공학과 졸(석사). 1996년 2월 26일 원광대학교 대학원 전기공학과 졸(박사). 현재 청운대학교 전자공학과 전임강사.

박 월 서(朴月緒)

1953년 5월 1일생. 1982년 원광대학교 공대 전기공학과 졸. 1985년 조선대학교 대학원 전기공학과 졸(석사). 1992년 원광대학교 대학원 전기공학과 졸(박사). 현재 원광대학교 전기공학과 조교수. 현재 당 학회 전북지회 총무.