

## 단독말뚝과 군말뚝의 Downdrag

### Downdrag on a Single Pile and on Pile Groups

정상석\*

Jeong, Sang Seom

#### Abstract

The downdrag on a single pile and on pile groups was examined by using a numerical analysis and an analytical study. The overall objective of the present study was given to the magnitude and distribution of the downdrag forces on piles within a group. The case of the single pile was analyzed by developing a closed form solution. Subsequently the response of groups was investigated by using a detailed numerical approach. Based on the results, it is found that the downdrag load of piles in a group is much smaller than that of a single pile. Also, a simple method is proposed to design groups of 9 to 25 piles with spacing-to-diameter ratios varying from 2.5 to 5.0 for downdrag loads.

#### 요    지

이론적 해석과 수치 해석을 통하여 단독말뚝과 군말뚝에서 발생하는 downdrag 하중을 연구 검토하였다. 본 연구의 목적은 그룹 안에서 개개 말뚝들의 downdrag 하중 크기와 분포 정도를 파악하는데 있다. 따라서 단독말뚝과 군말뚝에서 발생하는 downdrag을 수치 해석하였으며 단독말뚝의 경우에 있어서는 비교적 정확한 downdrag 해석법을 제시하였다. 연구결과 그룹안의 개개 말뚝들은 단독말뚝의 경우에서 발생하는 downdrag하중보다 훨씬 작은 하중을 받는 것을 알 수 있었다. 또한 군말뚝의 간격: 직경의 비가 2.5에서 5.0까지 변하는 9-25개 군말뚝의 downdrag 하중을 고려한 설계시 추천할 수 있는 방법을 제시 하였다.

#### 1. 서    론

일반적인 말뚝기초에서는 상부구조의 하중으로 인해 말뚝이 상대적으로 주변지반보다 많이 침하가 일어나며 이와 같은 말뚝의 하향 움직임은 말뚝선단에서의 선단지지력과 말뚝주변에서의 주면 마찰력의

합인 극한지지력으로 나타난다. 이때 말뚝주변에서 발생하는 전단응력은 상향으로 작용하며 정 마찰력이라 한다.

그러나 연약 점토층이나 최근에 성토나 매립한 압축성이 큰 지반에 시공한 말뚝기초에서는 말뚝주변의 지반이 말뚝보다 상대적으로 많이 침하함으로써 발생하는 전단응력은 정상적인 말뚝기초와 달리

\* 정회원 · 연세대학교 공과대학 토목공학과 박사후과정

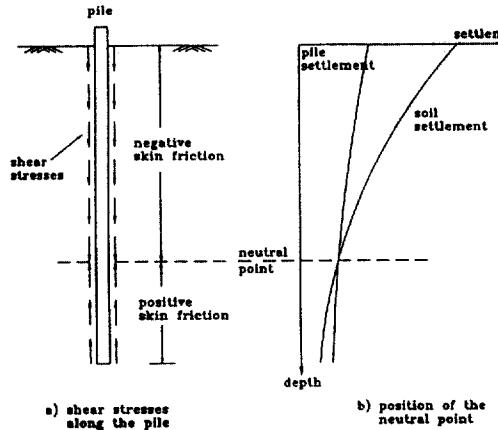


그림 1. Downdrag on a Pile

지표면에서부터 말뚝과 주변지반의 움직임이 서로 같은지점인 중립축까지 하향으로 작용하며 부 마찰력이라 한다. (그림 1)

부마찰력은 downdrag을 야기하는 중요한 원인이 된다. 전형적으로 downdrag이 발생하는 예는 연약지반에 시공된 말뚝 기초들에서 흔히 볼 수 있다. 지반의 침하는 주로 지표면에서 하중으로 작용하는 뒷채움 흙이나 과재하중으로 인한 것과, 지반층 자체의 압밀, 말뚝 향타시 주변 흙이 교란되고 과잉간극수압이 발생된 후 시간이 경과함에 따라 과잉간극수압의 소산으로 인한 지반강도의 재증가시, 지하수위의 저하, 동결흙의 해빙등으로 발생한다.

Downdrag이 수반하는 중요한 결과는 말뚝 자체에 수직 압축응력과(그림 2) 침하를 증가시키는데 downdrag으로 인한 침하로 상부구조인 교각<sup>(5)</sup>, 건물<sup>(6)</sup> 등에 과대한 손실을 야기하는 경우가 많이 보고되어 왔다. 현장실험<sup>(2)</sup>에 의하면 downdrag 하중이 약 920 ton까지 발생하는 경우가 있었다. 예상 밖의 하중은 말뚝 자체의 구조적 파괴, 지반층의 지지력 파괴, 또는 말뚝에 과대한 침하를 야기한다.

따라서 downdrag이 말뚝의 안정성을 해칠만하게 크다면 당연히 부마찰력을 줄여야 한다. 지금까지 보고된 downdrag을 줄일 수 있는 방법은 다음과 같다.

(1) 지반 침하를 선행하중을 가해 미리 감소하는 방법

(2) 말뚝이나 주변 지반사이에 보조 덮개 (casing)

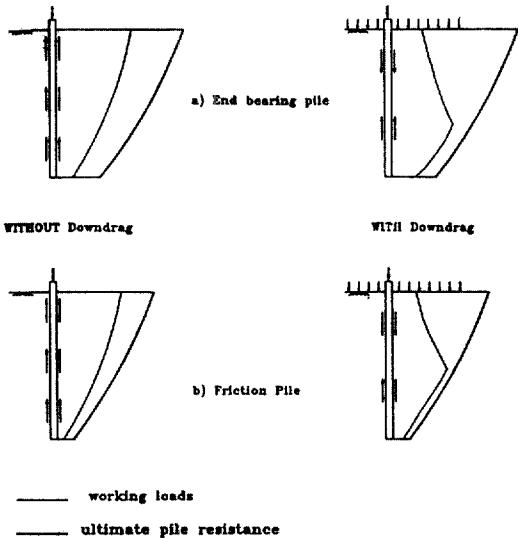


그림 2. Axial Forces in a Pile

를 사용하여 직접적인 접촉을 피하는 방법

(3) 전기 삼투압을 이용하여 말뚝주변에 물막이 층을 만드는 방법

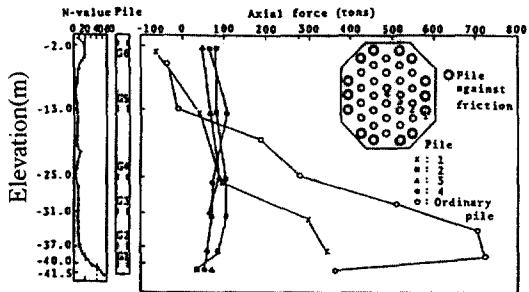
(4) 마찰을 감소시킬 수 있는 재료를 가지고 말뚝을 도장 (coating)하는 방법

(5) 말뚝 자체의 그룹효과 (group effect)를 이용하는 방법

위에 열거한 여러 방법들 중에서 어떤 방법을택할지는 경제성, 실용성과 효율성, 현장 상태에 따라 크게 좌우된다. 요즈음 흔히 현장에서 사용하는방법은 bitumen을 말뚝 표면에 도장하는 방법이다. 그러나 말뚝 자체의 그룹효과를 이용하여 부마찰력을 줄일 수 있다면 특별히 번거로운 도장을 할 필요가 없어 가장 좋은 방법중의 하나가 될 것이다.

이 연구의 총점은 부마찰력을 말뚝의 그룹효과를 이용해 감소 시킬 수 있는지에 있다. 따라서 단독말뚝과 군말뚝에서 발생하는 부마찰력을 수치해석과 이론적인 해석을 통해 연구 검토하였다. 단독말뚝의 거동과 군말뚝의 거동이 3차원 비선형 해석에 의해 현장실험과 비교 검토되어 downdrag 을 고려한 설계에 추천할 수 있는 방법을 제시하고자 한다.

## 2. 단독말뚝과 군말뚝의 Downdrag 분포



Gi: Strain gauge

그림 3. Axial Forces of Grouped Piles and Ordinary Pile(After Okabe, T., 1977)

N개의 말뚝이 조밀하게 위치한 군말뚝에서 발생하는 downdrag 하중은 단독말뚝에서 생기는 downdrag 하중의 N배보다 일반적으로 작다. 이에 대한 좋은 예가 Okabe<sup>(9)</sup>에 의한 단독말뚝과 군말뚝의 현장실험 결과(그림 3)로 군말뚝은 형상(말뚝간의 중심간격은 말뚝 지름의 2.1배)과 그룹 안에서 말뚝들의 위치에 따라 다른 하중 분포를 보인다. 이 실험 결과로 명확히 단독말뚝은 과대한 downdrag 하중(700 tons)을 받는 반면에 그룹의 바깥말뚝은 350 ton, 그러나 안쪽말뚝은 약 50 ton의 downdrag 하중만을 받고 있음을 알 수 있다. 그 감소 이유는 말뚝과 주변 지반간의 상호작용에 의한 것으로 말뚝의 지지상태, 길이, 말뚝갯수, 간격등에 크게 좌우된다.

### 3. 기준의 Downdrag 해석방법

단독말뚝의 해석방법은 최대 전단 강도법(maximum friction methods), 탄성 해석 방법(elastic methods), 하중 전달 곡선을 이용한 방법(load transfer curve methods) 등 크게 3가지 부류로 나눌 수 있다. 최대 전단 강도법에는 비배수 전단 강도( $S_u$ )를 이용한 방법<sup>(6)</sup>과 유효응력( $\sigma'$ )을 이용한 방법<sup>(6)</sup>으로 나눌 수 있으며 각각의 경우에 있어서 주면마찰력( $f$ )은  $f = \alpha S_u$ 나  $f = \beta \sigma' v$ 로 계산된다. 탄성 해석 방법은 지반의 전단강도를 고려하지 않고 말뚝과 주변지반을 연속된 탄성매질로 가정하여 Mindlin의 공식<sup>(8)</sup>을 이용하거나 유한요소 해석<sup>(4)</sup>을 하였다. 하중 전달 곡선을 이용한 방법<sup>(1)</sup>은 지반을 말뚝의 변위에 따른

일련의 하중 전달 곡선으로 나타내어 유한차분법 등을 이용하여 말뚝과 지반변위를 고려하여 미분방정식을 풀어 계산한다.

군말뚝의 해석방법은 최대 전단 강도법, 탄성 해석 방법 등 크게 2가지 부류로 나눌 수 있다. 최대 전단 강도법을 이용한 방법으로 Terzaghi & Peck<sup>(11)</sup>은 군말뚝을 블록(block)으로 거동한다고 가정하여 downdrag 하중은 그룹주변(group perimeter)에서 발생한다고 하여 다음과 같이 계산하였다.

$$F_n = \tau L P \quad (1)$$

여기서  $\tau$ 는 흙의 전단강도,  $L$ 은 말뚝길이,  $P$ 는 그룹주변을 나타낸다. 이방법은 군말뚝의 주변 안에 있는 흙을 말뚝기초의 일부분으로 가정하였다. Broms<sup>(3)</sup>은 그룹의 주변에 위치한 말뚝들은 주변면적을 따라 발생하는 downdrag 하중만 받고 안쪽에 있는 말뚝들은 말뚝 사이에 있는 흙의 무게와 상재하중까지 받는다는 가정하에 다음과 같은 식을 제시하였다.

$$\text{Interior 말뚝} : P_{\text{drag}} = s^2 \cdot \Delta q \quad (2)$$

$$\begin{aligned} \text{Perimeter 말뚝} : P_{\text{drag}} = & s \cdot L \cdot S_u + \\ & \Delta q \cdot s \cdot \frac{L}{4} \end{aligned} \quad (3)$$

$$\begin{aligned} \text{Corner 말뚝} : P_{\text{drag}} = & s \cdot L \cdot S_u + \\ & \Delta q \left( s \frac{L}{4} + \frac{L^2}{16} \right) \end{aligned} \quad (4)$$

여기서  $s$ 는 말뚝 중심간격,  $\Delta q$ 는 성토나 매립으로 인한 상재하중,  $L$ 은 지표면으로부터 중립축까지의 거리,  $S_u$ 는 흙의 비배수 강도를 나타낸다. Zeevaert<sup>(13)</sup>은 downdrag 발생으로 인해 말뚝이 주변지반의 무게를 어느정도 떠맡기 때문에 접촉면에서의 흙의 유효 수직응력의 감소를 고려하여 downdrag 을 계산하였다. 탄성 해석 방법으로는 Kuwabana and Poulos<sup>(7)</sup>가 단독말뚝의 해석을 그룹으로 확장하여 Mindlin의 공식을 이용하여 해석하였다. 이 방법은 그룹 안에 있는 개별말뚝들을 균등하중을 받는 일련의 요소들로 나누어 각 요소에서 말뚝과 흙의 변위로 구성된 적합방정식을 만족하는 해를 찾는데 있다.

## 4. Downdrag 해석

### 4.1 단독말뚝

말뚝과 흙의 상대적인 움직임으로 인해 말뚝주변에서의 전단응력이 완전히 발생 (mobilization) 된다고 가정하면 주변 연약지반의 침하는 말뚝에 주변의 흙의 일부 무게를 가중함으로 말뚝과 흙의 접촉면에서 흙의 유효 수직응력은  $\sigma'(z)$ 로부터  $\sigma'(z,R)$ 로 감소한다.(그림 4) 감소하는 수직응력,  $\sigma'(z,R)$ 을 계산하기 위해 임의의 깊이 Z에서 부마찰력을 고려한 수직힘의 평형관계는 식 (5)과 같다.(그림 5)

$$2\pi R K \tan\delta \int_0^z \sigma'(z,R) dz + 2\pi \int_R^b \sigma'(z,r) r dr = S(q_o + \gamma' z) \quad (5)$$

여기에서

$\sigma'_o(z)$  : 말뚝 항타전 초기단계에서의 유효수직응력  
( $\gamma' z$ )

$\sigma'(z,r)$  : pile의 중립축으로부터 방사선 방향으로 거리  $r$  만큼 떨어진 곳에서 말뚝의 영향을 고려한 유효수직응력

$\sigma'(z,R)$  : 말뚝표면에서의 유효수직응력

$\sigma'(z)$  : 말뚝을 고려하지 않은 단계에서 상재하중의 증가에 따른 유효수직응력( $q_o + \gamma' z$ )

K : 토압계수

$\tan\delta$  : 말뚝과 흙의 접촉면에서의 마찰상수

b : 단독말뚝의 영향반경

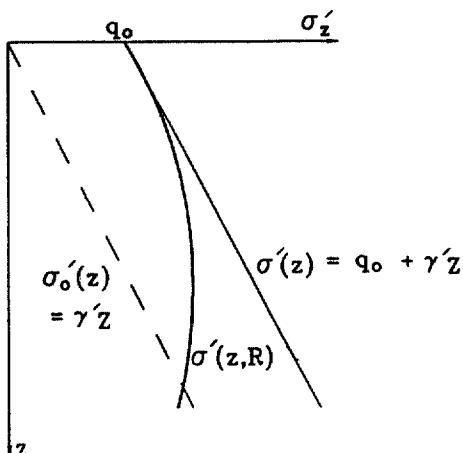


그림 4. Variation of Vertical Effective Stress near a Pile

R : 말뚝의 반지름,  $\gamma'$  : 흙의 유효단위 중량  
 $q_o$  : 지표면에 작용하는 상재하중

다음 식 (5)을 깊이 Z에 대하여 미분하면

$$2\pi R K \tan\delta \sigma'(z,R) + 2\pi \int_R^b \frac{\partial \sigma'(z,r)}{\partial z} r dr = S \gamma' \quad (6)$$

downdrag으로 인해 감소하는 수직응력,  $\sigma'(z,R)$ 을 계산하기 위해 방사 방향으로의 수직응력,  $\sigma'(z,r)$ 의 변화는 다음과 같은 식으로 표현된다.

$$\sigma'(z,r) = \sigma'(z) - [\sigma'(z) - \sigma'(z,R)] \exp[5\Psi(R-r)/L] \quad (7)$$

여기에서

L : 말뚝 근입깊이

$\Psi$  : 마찰상수로  $\Psi = C(1-\beta)$

$\beta : K \tan\delta$

C : 말뚝주변에서 수직응력,  $\sigma'(z,r)$  산정을 위한 수치해석 결과  $\beta$  값에 따라 결정되는 비례상수로 다음과 같다.

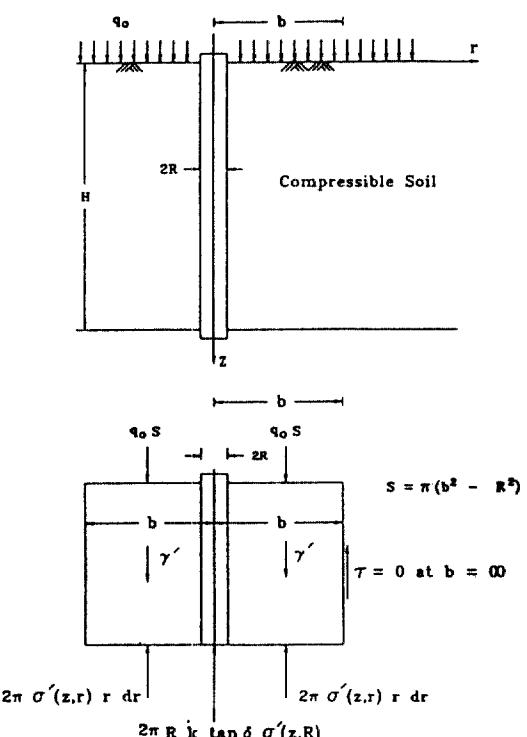


그림 5. Geometry and Free Body Diagram

$\beta$	C
0.15	2.0
0.25	1.5
0.3	1.0
0.4	0.5

식 (6)과 (7)의 조합은  $\sigma'(z,R)$ 에 대한 1차 상 미분방정식이 된다.

$$\frac{\partial \sigma'(z,R)}{\partial z} + f(\Psi, b)\sigma'(z,R) = \gamma' \quad (8)$$

단독말뚝의 표면에서 downdrag으로 인한 수직응력의 감소는 다음과 같이 식 (8)의 해이다.

$$\sigma'(z,R) = \gamma'/f(\Psi, b) + \exp^{-\int_{0}^{(\Psi,b)z} [q_0 - \gamma'/f(\Psi, b)]} \quad (9)$$

따라서 downdrag 하중,  $F_d$ 는 식 (10)과 같이 표현된다.

$$F_d = 2\pi R K \tan \delta \int_0^R \sigma'(z,R) dz \quad (10)$$

식 (10)은 Okabe<sup>(9)</sup>에 의한 현장실험 중, 단독말뚝의 경우에 있어서 downdrag 하중 산정시 적용되었으며 비교 분석결과는 표 3과 같다.

#### 4.2 군말뚝

downdrag을 받는 군말뚝의 거동은 말뚝과 주변 지반과의 3차원 상호작용 문제이며 특히 연약지반에 시공된 말뚝기초에서는 접촉면에서의 계속적인 항복(yielding)으로 비선형 거동 해석이 실제거동에 근접된 해석이다. 따라서 일련의 3차원 수치해석(표 1)을 선단지지 상태나 말뚝 cap의 강성도, 흙 모델, 그리고 말뚝사이의 간격변화에 따라 유한요소법을 이용하였다. mesh 들은 3차원 8 noded solid hexahedral 요소들로 구성하였으며 해석에 적용한 군항의 형상은 그림 6과 같다. downdrag을 받고 있는 군말뚝의 거동을 위해 하중은 분포하중으로 지표면에만 작용한다고 가정하였다. 표 2는 이 연구를 위해 사용된 물성이다. downdrag에 관련된 요인들은 여러가지가 있으나 크게 영향을 주는 요인을 다음과 같이 상세히 기술한다.

표 1. Numerical Analysis for Pile Groups

Group	End bearing Condition	Cap Rigidity	Soil Model	Spacing (s/d)
$1 \times 1$ (Single)	End bearing & Friction	F	Elastic	2.5 & 5
	"	F	Elastoplastic	2.5 & 5
$1 \times 2(G)$	"	F	Elastic	2.5 & 5
	End bearing	F	Elastoplastic	2.5 & 5
$1 \times 4(G)$	"	F	Elastic	2.5 & 5
$1 \times 6(G)$	"	F	Elastic	2.5 & 5
$1 \times 8(G)$	"	F	Elastic	2.5 & 5
$1 \times 10(G)$	End bearing & Friction	F	Elastic	2.5 & 5
$1 \times 12(G)$	End bearing	F	Elastic	2.5 & 5
$2 \times 2(G)$	End bearing & Friction	F	Elastic	2.5 & 5
	"	F	Elastoplastic	2.5 & 5
$3 \times 3(G)$	"	F	Elastic	2.5 & 5
	"	F	Elastoplastic	2.5 & 5
$3 \times 10(G)$	"	F & R	Elastic	2.5 & 5
$4 \times 4(G)$	"	F	Elastic	2.5 & 5
$5 \times 5(G)$	"	F & R	Elastic	2.5 & 5
	"	F & R	Elastoplastic	2.5 & 5
$5 \times 10(G)$	"	F & R	Elastic	2.5 & 5
$6 \times 6(G)$	"	F	Elastic	2.5 & 5
	"	F	Elastoplastic	2.5 & 5
$8 \times 8(G)$	"	F	Elastic	2.5 & 5
$10 \times 10(G)$	"	F & R	Elastic	2.5 & 5

notes :  $5 \times 10(G) = 5$  rows and 10 columns of pile groups, s = Centar-to-Centar spacing between piles, d = diameter of pile, G = pile group, F = flexible pile(without pile cap), R = rigid pile(with pile cap)

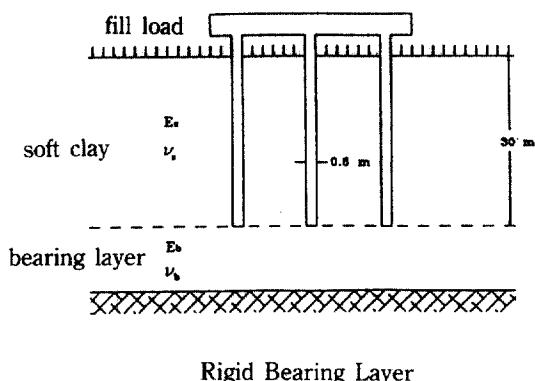


그림 6. Typical Geometry of the Pile Groups Analyzed

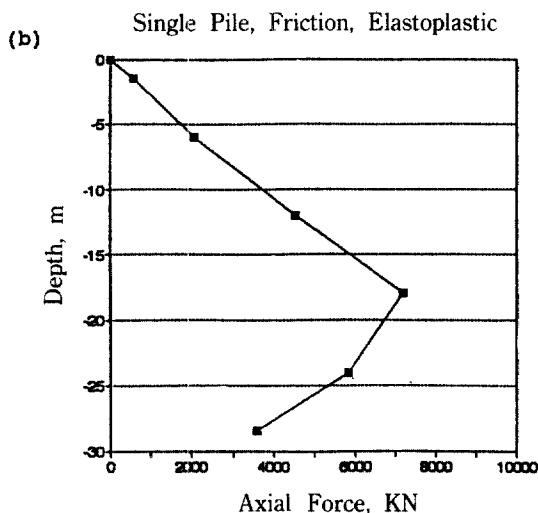
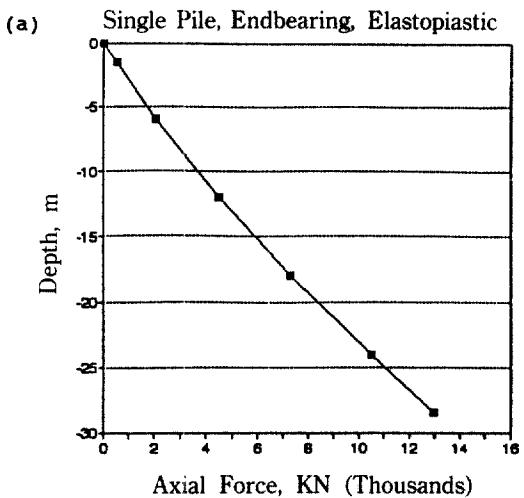


그림 7. Downdrag Force Distribution of Single Pile  
(a) End Bearing Pile (b) Friction Pile

#### (1) 선단 지지조건의 영향

그림 7은 선단지지조건에 따른 downdrag 하중 분포를 보인다. 선단지지말뚝은 깊이가 증가할수록 계속적인 downdrag 하중의 증가가 있지만 마찰말뚝의 경우에는 정부 마찰력의 발생이 분명하여 증립축을 볼 수 있다. downdrag 하중 영향은 선단지지말뚝이 마찰말뚝보다 위험한 것으로 판단된다. (선단총이 단단할수록 말뚝의 침하는 줄어드는 대신 상대적인 주변지반의 침하량이 커지므로 downdrag 하중이 커진다)

note :  $E_p$ :Young's modulus of piles,  $E_s$ :Young's modulus of surrounding soil,  $E_b$ :Young's modulus of bearing layer,  $\gamma'$ :effective unit weight of soil,  $\phi'$ :internal friction angle of soil,  $C'$ :cohesion of soil.

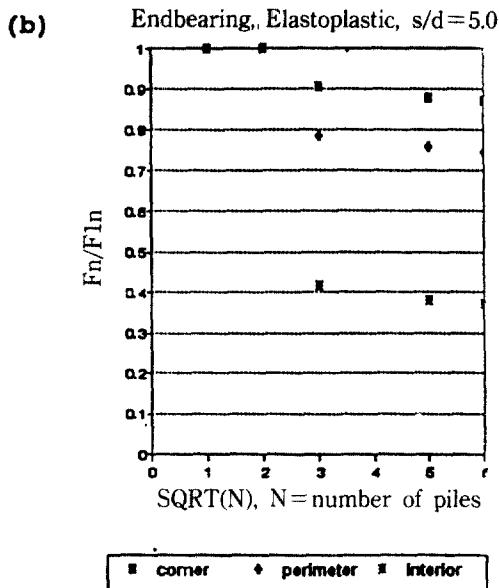
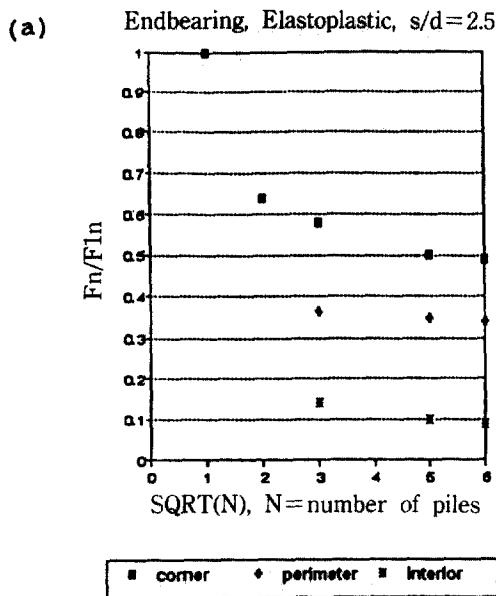


그림 8. Effect of Number of Piles in End Bearing Piles  
(a)  $s/d = 2.5$  (b)  $s/d = 5.0$

#### (2) pile 갯수의 영향

그림 8은 군말뚝에서 말뚝의 갯수와 말뚝의 상대적인 위치에 따른 선단지지 말뚝의 downdrag 하중 분포를 보인다. 현저한 downdrag 하중의 감소가 25개의 군말뚝까지는 있지만 그 이상은 말뚝 갯수가

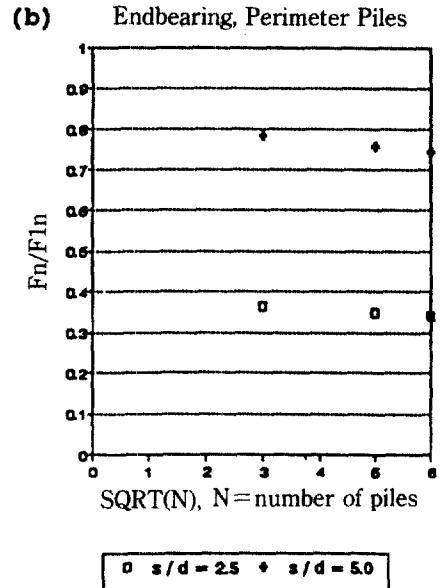
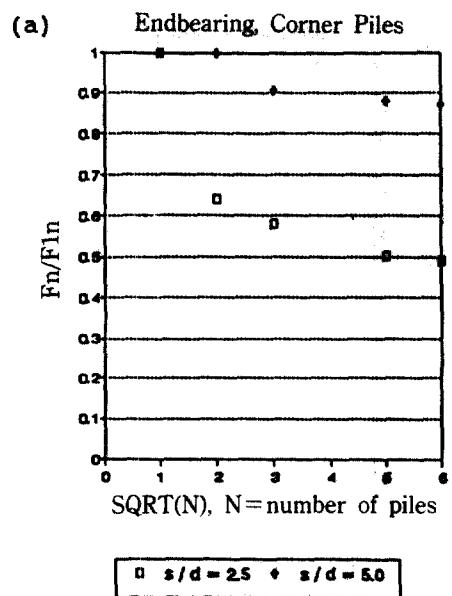


그림 9. Effect of Group Spacing in End Bearing Piles  
(a) Corner Piles (b) Perimeter Piles (c) Interior Piles

증가해도 감소가 거의 없다. 감소 이유는 말뚝 갯수가 증가할수록 말뚝표면에서의 전단응력이 감소하기 때문이다. 또한 안쪽 말뚝의 downdrag 하중이 바깥 말뚝의 하중보다 현저히 작음을 볼 수 있다.

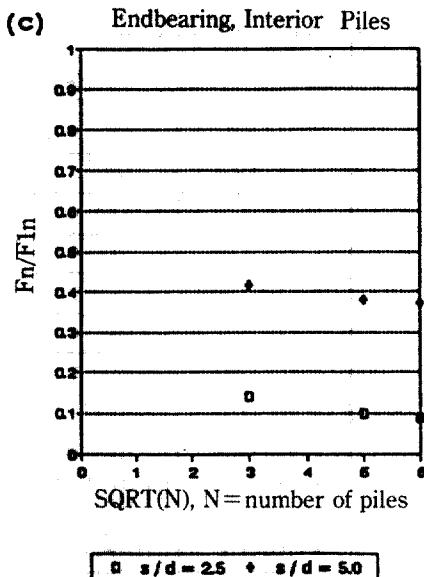


그림 9. Continued

(3) 말뚝 간격,  $s/d$ ( $s$ : 말뚝 중심간격,  $d$ : 말뚝 직경)의 영향

그림 9는 말뚝 간격에 따른 선단지지 말뚝의 downdrag 하중 분포를 보인다. 간격이 감소함에 따라 말뚝사이의 흙의 움직임이 저항을 받아 downdrag 하중의 감소를 볼 수 있다. 중심간격비 ( $s/d$ )가 2.5이면 현저한 그룹효과가 있어 downdrag 감소가 있으나 중심간격비 ( $s/d$ )가 5.0이면 아주 작은 그룹효과가 있음을 볼 수 있다.

#### (4) 말뚝 근입깊이의 영향

그림 10은 말뚝 근입 깊이에 따른 선단 지지말뚝의 downdrag 하중 분포를 보인다. 근입깊이가 깊어짐에 따라 downdrag의 증가를 보인다.

## 5. 현장 실측치와의 비교

군말뚝의 downdrag를 계산하기 위해 3차원 해석 결과를 Okabe<sup>(9)</sup>에 의한 현장 실측치와 비교하였다. 그림 11은 교량 pier 기초를 위하여 시공된 군말뚝의 형상으로 38개의 강관을 사용한 선단지지말뚝으로 구성되었으며 말뚝직경은 0.7 m, 말뚝중심 간격은 직경의 2.1배, 그리고 근입깊이는 40 m이다. SPT 결과 0 - 40 m 깊이까지는 0 - 10 N 값을 갖는 연약

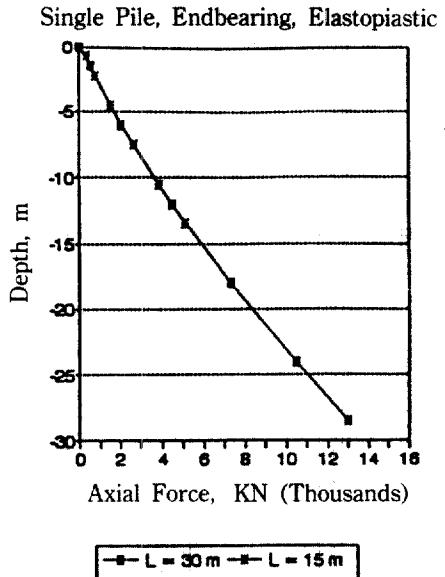


그림 10. Effect of Embedded Pile Length in End Bearing Single Pile

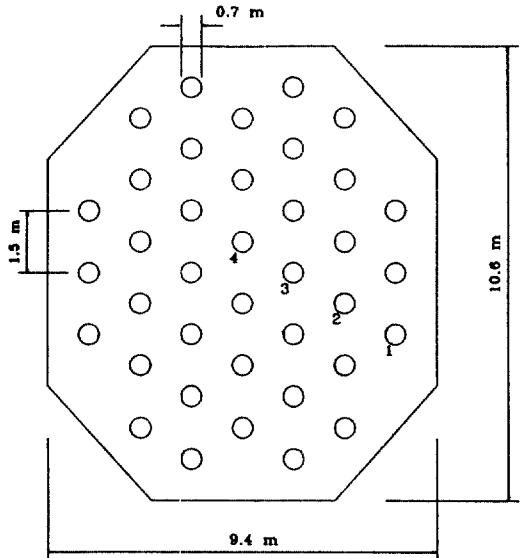


그림 11. Pile Group Configuration(After Okabe, T., 1977)

점토층이고 40 m 이상 깊이에서는 중간군기에 자갈섞인 모래질 흙으로서  $N$  값이 약 50 정도를 보였다. 예측을 위해 사용된 물성치는 Okabe<sup>(9)</sup>가 실험한 현장의 연약점토층을 비교적 적절히 대변하는

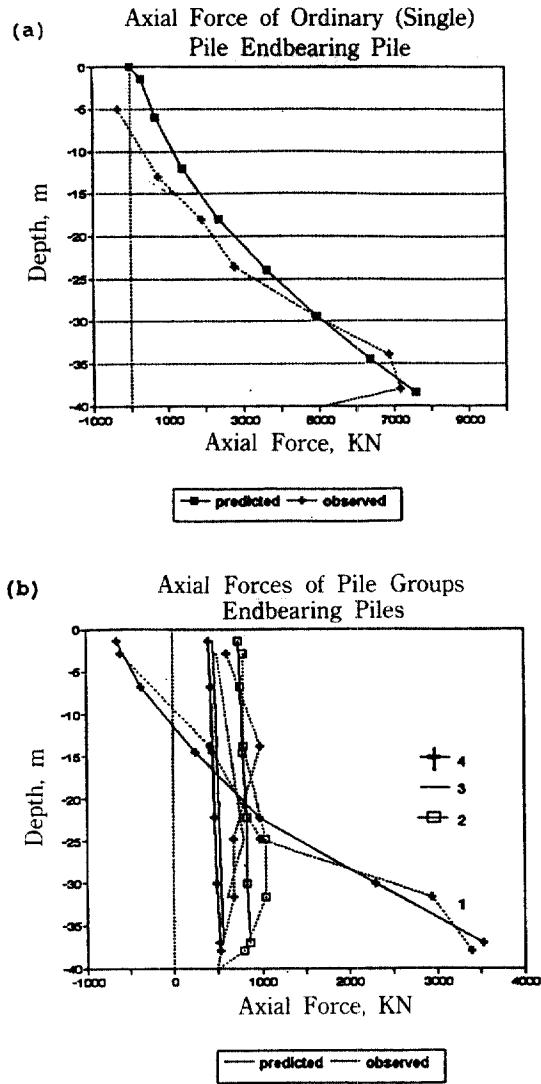


그림 12. Comparison of Axial Forces with Observed Performance  
(a) Single Pile (b) Pile Groups

표 3. Okabe의 군말뚝과의 비교

말뚝위치	Okabe, kN	예측치, kN	오차, %
1	3450	3550	2.9
2	1050	1065	1.4
3	980	1065	8.7
4	1000	1065	6.5

영계수,  $E_s = 20 \text{ MN/m}^2$ , 포아송 비,  $\nu = 0.3$ , 유효마찰각  $\phi' = 25^\circ$ , 유효점착력  $C' = 1 \text{ KN/m}^2$ 을 사용하였다. 해석결과 단독말뚝과 군말뚝의 예측치와 실측치가 비교적 잘 일치하는 상관성을 보였다.(그림 12) 표 3은 Okabe에 의한 현장 실험결과를 군말뚝의 해석후 얻은 상호작용 계수(interaction factor)와 앞에서 제시했던 단독말뚝의 해석을 종합한 예측치와의 비교이다.

## 6. 제 안

해석 결과에 근거해서 9-25개의 군말뚝을 위한 downdrag을 고려한 설계방법을 제시하면 다음과 같다.

- 1) 말뚝갯수가 25개보다 많은 군항은 25개의 군항과 거의 같은 그룹효과를 보인다.
- 2) 간격이 5배 지름보다 크면 아주 작은 그룹효과가 있다. 따라서 군말뚝은 단독말뚝의 집합으로 설계되어야 한다.
- 3) 간격이 거의 5배 지름이면 downdrag 하중,  $F_d$ 를 위한 설계는 다음 관계를 적용할 수 있다.

$$F_d(\text{corner}) = 0.9 F_d(\text{single})$$

$$F_d(\text{side}) = 0.8 F_d(\text{single})$$

$$F_d(\text{interior}) = 0.5 F_d(\text{single})$$

- 4) 간격이 거의 2.5배 지름보다 같거나 작으면 확실한 그룹효과가 있다. downdrag 하중,  $F_d$ 를 위한 설계는 다음 관계를 적용할 수 있다.

$$F_d(\text{corner}) = 0.5 F_d(\text{single})$$

$$F_d(\text{side}) = 0.4 F_d(\text{single})$$

$$F_d(\text{interior}) = 0.15 F_d(\text{single})$$

## 7. 결 론

본 연구에서는 단독말뚝과 군말뚝의 downdrag 거동에 대하여 알아 보았다. 연구결과 다음과 같은 결론을 얻었다.

- 1) 그룹안의 개개 말뚝들은 단독말뚝의 경우에서 발생하는 downdrag 하중보다 훨씬 작은 하중을 받는다.
- 2) 말뚝의 중심간격:직경의 비가 2.5-5.0 범위내에 있는 군말뚝에 있어서 그룹안의 개개 말뚝수가 증가함에 따라 downdrag 하중은 감소한다. 특히 9개

부터 25개의 말뚝수를 갖는 군말뚝에는 현저한 감소가 있으나 25개를 넘어서는 감소가 미미하여 25개의 군말뚝과 거의 같은 거동을 보인다.

3) 말뚝의 중심간격: 직경의 비가 5.0 이하에 있어서는 확실한 downdrag 하중의 감소가 있다. 따라서 군말뚝을 단독말뚝의 집합으로 설계하는 것은 비경제적이다.

## 参考文献

1. Alonso, E.E., Josa, A., and Ledesma, A., "Negative Skin Friction on Piles: a Simplified Analysis and Prediction Procedure", *Geotechnique*, 34(3), 1984, pp. 341-357.
2. Bozozuk, M., and Labrecque, A., "Downdrag Measurements on 270 ft Composite Piles", *ASTM STP 444*, 1969, pp. 15-40.
3. Broms, B.B., "Pile Foundation - Pile groups", *Proc. 6th European Conf. on Soil Mech. and Found. Eng.*, Vienna, Austria, Vol. 2.1, 1976. pp. 103-132.
4. Desai, C.S., Chow, L.L., and Siriwardane, T.H.J., "Analysis and Design For Negative Skin Friction", *Research Report*, Virginia Polytechnic Institute and State University, Blacksburg, Department of Civil Engineering, 1978. p. 45.
5. Garlanger, J.E., "Measurements of Pile Downdrag Beneath a Bridge Abutment", *Transportation Research Record*, 1974. pp. 61-69.
6. Jeong, S.S., "Nonlinear Three Dimensional Analysis of Downdrag on Pile Groups", *Ph.D Dissertation*, Texas A & M University, Texas, 1992.
7. Kuwabara, F., and Poulos, H.G., "Downdrag Forces in Group of Piles", *J. Geotech. Eng.*, ASCE, 115(6), 1989. pp. 806-818.
8. Mindlin, R.D., "Force at a Point in the Interior of a Semi-Infinite Solids", *Physics*, Vol. 7, 1936. pp. 195-202.
9. Okabe, T., "Large Negative Friction and Friction - Free Pile Methods", *Proceedings of 9th International Conference on Soil Mechanics and Foundation Engineering*, Tokyo, Japan, Vol. 1, 1977. pp. 679-682.
10. Randolph, M.F., and Wroth, C.P., "An Analysis of the Vertical Deformation of Pile Groups", *Geotechnique*, 29(4), 1979. pp. 423-439.
11. Terzaghi, K., and Peck, R.B., *Soil Mechanics in Engineering Practice*, John Wiley and Sons, New York, 1948.
12. Terzaghi, K., and Peck, R.B., "Settlement of Point Bearing Pile Foundation; Settlement of Floating Pile Foundation", *Soil Mechanics in Engineering Practice*, 2nd ed., John Wiley & Sons, New York, 1967. pp. 540-555.
13. Zeevaert, L., "Reduction of Point Bearing Capacity of Pile Because of Negative Skin Friction", *Proc. 1st Pan Am. Conf. on Soil Mech. and Found. Eng.*, Mexico, 1959. pp. 1145-1152.

(接受: 1993. 7. 14)