

정사각형 밀폐공간 내에 있는 고온부로부터의 자연대류 열전달  
 Natural Convection Heat Transfer from a Hot Body  
 in a Square Enclosure

권 순석\*, 정태현\*\*, 권용일\*\*  
 S. S. Kwon\*, T. H. Chung\*\*, Y. I. Kwon\*\*

Key Words : Square enclosure(정사각형 밀폐공간), Square hot body(정사각형 고온부)

### ABSTRACT

Laminar natural convection heat transfer from a hot body in a square enclosure has been studied for various center positions of a hot square at Grashof number  $Gr = 1.5 \times 10^5$ , Prandtl number  $Pr = 0.71$  and dimensionless thermal conductivity  $k_s/k_f = 14710$ . The natural convection at the center position of a hot square :  $X_c, Y_c = 0.5, 0.2$  shows the most strong and at  $X_c, Y_c = 0.5, 0.7$  the most weak. The total mean Nusselt number at  $X_c, Y_c = 0.5, 0.2$  was 7.4% higher than that at  $X_c, Y_c = 0.2, 0.5$ . The total mean Nusselt number at  $X_c, Y_c = 0.5, 0.7$  was 5.0% lower than that at  $X_c, Y_c = 0.3, 0.5$ .

### 기호설명

F	부력항 계수	Pr	프란틀 수, $v/\alpha$
g	중력가속도 ( $m/sec^2$ )	T	온도 ( $^\circ C$ )
Gr	그라스호프수, $g\beta L^3(T_s - T_o)/v^2$	U	무차원 X방향 속도, $u/(vL)$
h	열전달 계수 ( $W/m^2 \ ^\circ C$ )	V	무차원 Y방향 속도, $v/(vL)$
k	열전도율 ( $W/m^\circ C$ )	X	밀폐공간 무차원 수평방향 좌표, $x/L$
KR	열전도율 비, $k_s/k_f$	X'	고온부 무차원 수평방향 좌표, $x'/L$
L	특성길이 (m)	Y	밀폐공간 무차원 수직방향 좌표, $y/L$
Nu	국소 누셀트 수, $hL/k$	Y'	고온부 무차원 수직방향 좌표, $y'/L$
P	무차원 압력, $(pL^2)/(\rho v^2)$	$\alpha$	열확산 계수 ( $m^2/sec$ )
		$\beta$	체적팽창 계수 ( $^\circ C^{-1}$ )
		$\Gamma$	무차원 확산계수

\* 正會員, 東亞大學校 工科大學 機械工學科

\*\* 正會員, 東亞大學校 大學院 機械工學科

- $v$  : 동점성 계수 ( $m^2/sec$ )  
 $\Phi$  : 무차원 온도,  $(T - T_o)/(T_s - T_o)$   
 $\psi$  : 유동함수,  $\int v dx$   
 $\Psi$  : 무차원 유동함수,  $\psi/uL$

## 첨자

- $c$  : 고온부 중심위치  
 $f$  : 주위 유체  
 $H$  : 고온부 표면  
 $o$  : 저온부 표면  
 $s$  : 고온물체  
 $T$  : 전체  
 $-$  : 평균

## 1. 서론

중력장이나 원심력장 하에서 유체가 가열되거나 냉각되는 경우 강제유동이 허용되지 않을 때에는 자연대류만이 중요한 현상으로 취급된다. 밀폐공간에서의 자연대류 열전달 현상은 원자로 및 전자장비의 냉각장치, 태양열 집열기 등에서 볼 수 있으며 이에 대한 연구가 활발히 진행되고 있다<sup>1)</sup>.

Emery<sup>2)</sup>는 원자로의 냉각장치를 모델로 하나의 수직 차폐막이 존재할 경우에 밀폐공간 내의 열전달 특성을 실험적으로 고찰하였고, Bejan<sup>3)</sup>은 수직 고온면에 수평으로 단열 차폐막이 부착된 경우 차폐막의 길이를 변수로 하여 수치해석하였다.

Bajorek과 Lloyd<sup>4)</sup>는 상, 하 단열벽에 차폐막이 부착된 경우 Mach-Zehnder 간섭계를 이용하여 실험적으로 전열특성을 고찰하였으며 Exeter 등<sup>5), 6)</sup>은 밀폐공간내에 작은 돌기 발열체가 있는 경우 유한차분 방식으로 열전달 및 유동구조를 수치 해석하였고, 또한 구리로 가열된 발열체가 물 속에 잠겨 있을 때의 자연대류 열전달을 실험적으로 보고 하였으며, House 등<sup>7)</sup>은 정사각형 밀폐공간 내부에 고체가 존재하는 경우 고체부분의 열전도율과 크기의 변화로 전열 특성을 고찰하였다. Lee<sup>8)</sup>는 내부 발열체의 종횡비가 4와 1/4인 고립된 발열물체를 가지는 정사각형 밀

폐공간 내에서의 자연대류 열전달 및 유동특성에 관하여 내부 발열체의 중심위치를 밀폐공간의 1/2위치까지 수평과 수직으로 이동하여 연구하였다. 공학적인 관점에서 폐쇄공간 내에 전자장비가 존재하는 경우에 전자장비의 위치에 따른 냉각은 다른 현상을 나타내게 된다.

본 연구에서는 정사각형 밀폐공간 내부에 존재하는 고온부로부터의 자연대류 열전달 특성을 수치해석으로 고찰하였다. 밀폐공간의 좌, 우, 상, 하면은 저온부이며, 공간내부에 존재하는 고온 물체는 전체 밀폐공간 면적의 1/25을 차지하고 정사각형이므로 형상비가 1이며 일부는 전도체로 무차원 열전도율을 14710으로 가정하였으며, 고온부의 중심 위치  $X_c, Y_c$ 를 수평으로  $X_c, Y_c = 0.2 \sim 0.5, 0.5$  그리고 수직으로  $X_c, Y_c = 0.5, 0.2 \sim 0.8$  까지 이동시켜 변수로 취하였다.

## 2. 지배방정식 및 수치해석방법

연구대상으로 취한 밀폐공간과 고온부의 기하학적 형상은 Fig. 1과 같다. 밀폐공간의 4면은 저온,  $T_o$ 이며 내부의 고체는 고온,  $T_s$ 이다. 또한 밀폐공간의 내부유체는 공기이며 모든 물성치는 300K를 기준온도로 하였다.

본 연구에서의 유체는 2차원 층류유동이고 Boussinesq 근사에 적용되며 복사열전달 및 점

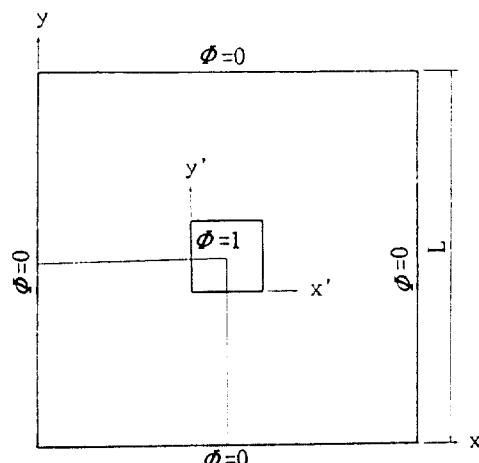


Fig. 1 Schematic diagram of a square enclosure with a hot square.



그리고 위, 아래로 이동하면서 유동장과 온도장을 고찰하기 위하여 유선, 등온선 그리고 속도분포를 구하였다.

고온부의 중심위치가  $Y_c=0.5$ 이고  $X_c=0.2, 0.3,$

$0.4$  및  $0.5$ 로 이동하는 경우의 유동함수와 등온선의 분포를 Fig. 2에 나타내었다. 일반적으로 유동함수는 고온부의 주위에서 상승하고 밀폐 공간의 저온벽면을 따라 하강하였다.  $X_c=0.2$ 인

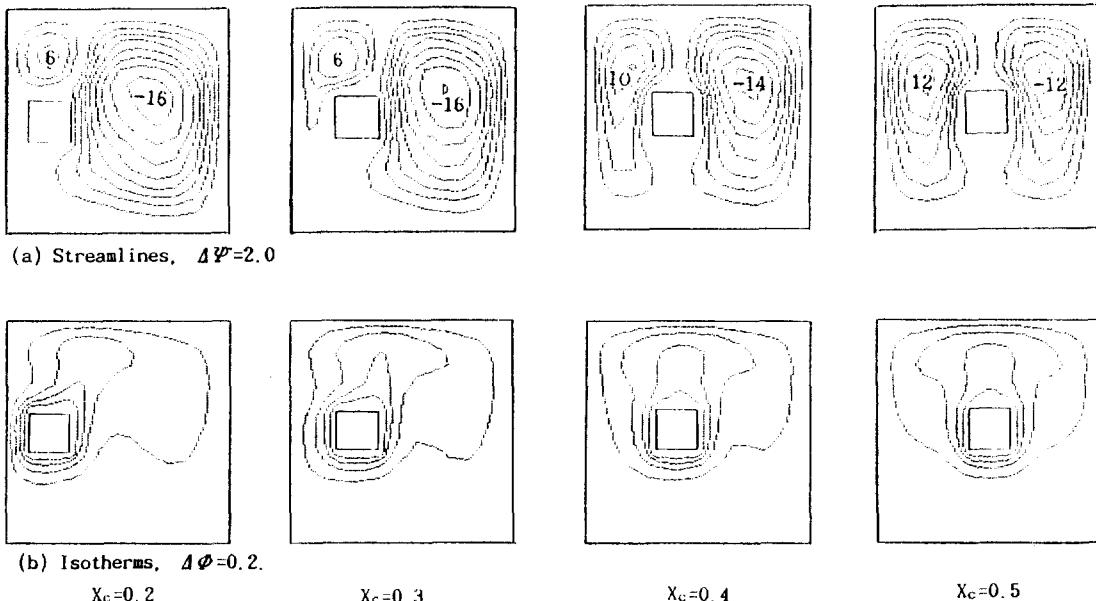


Fig. 2 Streamlines and Isotherms for various central positions at  $Gr=1.5\times 10^5$ ,  $Pr=0.71$ ,  $k_s/k_t=14710$  and  $Y_c=0.5$ .

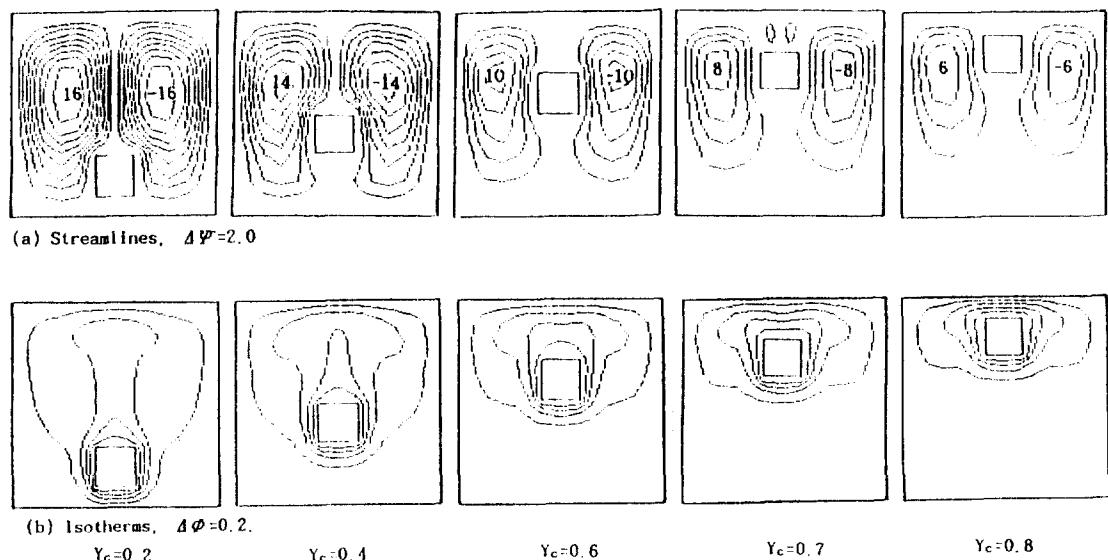


Fig. 3 Streamlines and Isotherms for various central positions at  $Gr=1.5\times 10^5$ ,  $Pr=0.71$ ,  $k_s/k_t=14710$  and  $Y_c=0.5$ .

경우 원쪽의 저온 벽면과 고온부의 간격이 좁아서 유체의 유입이 곤란하여 미약한 유동이 나타났고 오른쪽 공간에서는 고온부와 저온부 벽면과의 간격이 커짐에 따라 유동폭이 커져서 가열된 유체가 활발하게 유동하였으며,  $X_c$ 가 증가함에 따라 유체의 순환거리가 짧아져서 최대 유동함수는 감소하였다. 등온선은 가열된 상승류가 밀폐공간의 윗면에 도달하여 냉각되어지므로 고온부 주변과 밀폐공간의 윗면부분에서 조밀하게 나타났다.  $X_c=0.2$ 인 경우 고온부 원쪽면과 저온부 원쪽면 사이에는 유체유동 폭이 좁아서 상향류만 존재하였다.

고온부의 중심위치가  $X_c=0.5$ 이고  $Y_c=0.2, 0.4, 0.6, 0.7$  및  $0.8$ 로 이동하는 경우의 유선과 등온선의 분포를 Fig. 3에 나타내었다. 유선은  $Y_c$ 가 증가함에 따라 감소되고 상부쪽으로 이동하였으며 유동은 점차 둔화되었다. 등온선은  $Y_c$ 가 증가함에 따라 고온부 아래면의 공간은 고온부의 영향을 받지 않는 영역이 커지고 저온부의 윗면에 조밀하게 분포되었다.  $Y_c=0.2$ 에서는 밀폐공간 내에 자연대류가 가장 활발하고 온도분포가 넓게 나타났다. Fig. 2와 3을 통하여 고온부의 중심위치가 수평과 수직방향으로 이동되었을 때의 온도분포 및 유동의 상태로부터 열전달의 정도를 짐작할 수 있다.

고온부의 중심위치가  $Y_c=0.5$ 인 경우  $Y=0.5$ 에서  $X$  방향 거리에 대한  $V$  속도 분포를 Fig. 4에 나타내었다. 고온부 원쪽공간에서  $X_c=0.2$ 인 경우는 상향류만으로,  $X_c=0.5$ 인 경우는 하향류와 상향류로 나타났으며 고온부의 위치가 밀폐공간의 중앙에 위치하므로 좌, 우로 점대칭을 보였다.

고온부의 중심위치가  $Y_c=0.5$ 인 경우  $Y=0.5$ 에서  $X$  방향 거리에 대한 온도 분포를 Fig. 5에 나타내었다.  $X_c=0.2$ 인 경우 고온부의 좌측은 저온벽면과 인접하여 온도분포가 급격히 감소하였고  $X=0.4$ 에서 0.8까지는 저온벽면을 따라 냉각되면서 하강하는 유체의 유동중심과 고온부 주위에서 가열되어 상승하는 유체 사이의 유속이 외부보다 커져서 밀폐공간의 중앙으로 향하는 유동이 발생하여 온도역전 현상을 나타내었다.

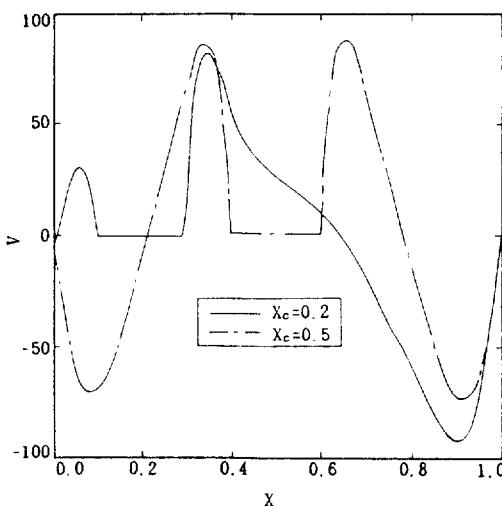


Fig. 4 Vertical velocity distributions at  $Y=0.5$  for  $Gr=1.5\times 10^5$ ,  $Pr=0.71$ ,  $k_e/k_t=14710$  and  $Y_c=0.5$ .

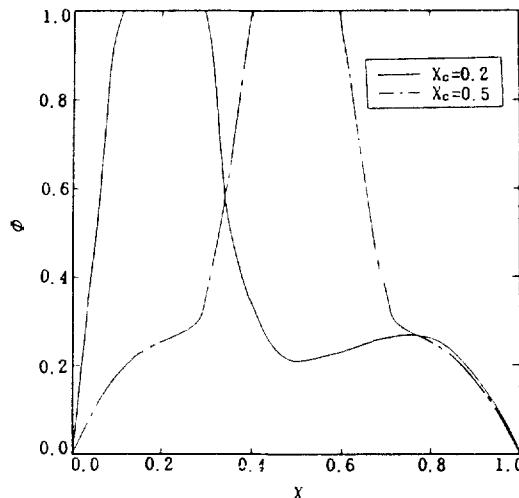


Fig. 5 Vertical velocity distributions at  $Y=0.5$  for  $Gr=1.5\times 10^5$ ,  $Pr=0.71$ ,  $k_e/k_t=14710$  and  $Y_c=0.5$ .

유동장과 온도장의 해석으로부터 열전달 특성을 고찰하기 위하여 국소 Nusselt수와 평균 Nusselt수를 구하였다.

고온부의 중심위치가  $Y_c=0.5$ 이면서  $X_c=0.2, 0.3$  및  $0.5$ 에 대한 고온부 4개면의 국소 Nusselt수 분포를 Fig. 6에 나타내었다. 고온부의 오른쪽면

에서의 국소 Nusselt수 분포는 거의 일정하였고 밀면에서는  $X_c$ 가 증가하면 다소 증가하였으며 윗면과 원쪽면에서는 고온부와 저온부 벽면이 가까운  $X_c=0.2$ 가 가장 높게 나타났다. 각각의 경우 수평면과 수직면의 결합된 모서리 부근에서의 국소 Nusselt수는 유동의 상호작용에 의하여 높은 값을 나타내었다.

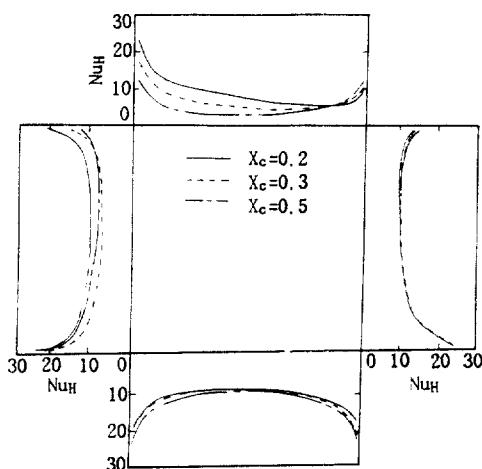


Fig. 6 Local Nusselt number distributions on surfaces of a hot square for  $Gr=1.5 \times 10^5$ ,  $Pr=0.71$ ,  $k_s/k_t=14710$  and  $Y_c=0.5$ .

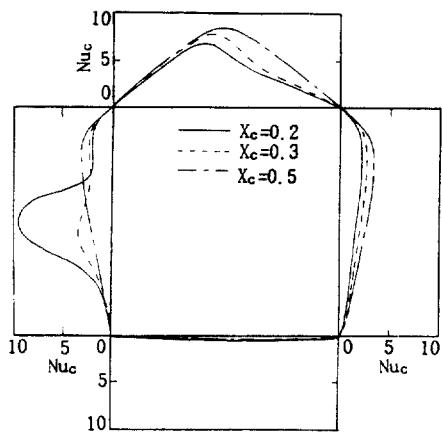


Fig. 7 Local Nusselt number distributions on surfaces of a cold enclosure for  $Gr=1.5 \times 10^5$ ,  $Pr=0.71$ ,  $k_s/k_t=14710$  and  $Y_c=0.5$ .

Fig. 7은 Fig. 6과 같은 조건에서 저온부 4개면에서의 국소 Nusselt수 분포를 나타내었다. 국소 Nusselt수 분포는 밀면의 경우 거의 비슷하였고 오른쪽면과 윗면에서는  $X_c=0.5$ 가 대체로 높게 나타났고 원쪽면에서는 좁은 유로에서 유사 전도현상으로 인하여  $X_c=0.2$ 가 가장 높게 나타났다.

고온부의 중심위치가  $X_c=0.5$ 이면서  $Y_c=0.2$ , 0.5 및 0.7인 경우의 고온부 4개면의 국소 Nusselt수 분포를 Fig. 8에 나타내었다. 국소 Nusselt수 분포는 고온부 밀면의 경우 고온부의 영향을 거의 받지 않는 영역으로 인하여 유사하였고, 좌, 우측에서는  $Y_c$ 가 증가함으로써 저온부 윗면이 부력의 영향을 받아 열적간섭이 발생하여 thermal plume의 폭이 넓어져 열전달이 둔화되었다. 윗면의 경우  $Y_c$ 가 증가하면 순환하지 못하는 정체영역이 plume의 압박으로 줄어들어 열전달이 증가되었고  $Y_c=0.7$ 인 경우에 윗면의 중앙에서 와류가 발생하여 높게 나타났다.

Fig. 9는 Fig. 8과 같은 조건에서 저온부 4개벽면의 국소 Nusselt수 분포를 나타내었다. 국소 Nusselt수 분포는 밀면의 경우 고온부와 저온부 벽면이 가까운  $Y_c=0.2$ 에서 가장 높게 나타났고, 좌, 우측면에서는 각각의 경우에 유사한 경향을 보였으며,  $X_c=0.2$ 와 0.5인 경우 고온부의 위치가 상대적으로 낮기 때문에 윗면의 중앙에서 최대값을 갖는 반면에  $Y_c=0.7$ 인 경우는  $X=0.5$ 에서 가열유체의 유동이 정체되어 2개의 최대값이 대칭으로 나타났다.

$Y_c=0.5$ 에서  $X_c$ 의 변화에 대한 고온부와 저온부의 각 4개면 평균 Nusselt수 분포를 Fig. 10에 나타내었다. 최대값은 고온부와 저온부가 가장 가까운 좌측저온벽면으로의 냉각으로  $X_c=0.2$ 에서 나타났고, 최소값은  $X_c=0.3$ 에서 나타났으므로 냉각시에는  $X_c=0.2$  즉 벽면 가까이에 고온물체를 두는 것이 타당하다.

$X_c=0.5$ 에서  $Y_c$ 의 변화에 대한 고온부와 저온부의 각 4개면 평균 Nusselt수 분포를 Fig. 11에 나타내었다. 최대값은  $Y_c=0.2$ 에서 나타났고, 최소값은  $Y_c=0.7$ 에서 나타났는데 이는  $Y_c=0.8$ 인 경우는 유로의 간격이 좁아서 냉각이 잘되었지만  $Y_c=0.7$ 에서는 가열유체의 정체로 인하여 낮

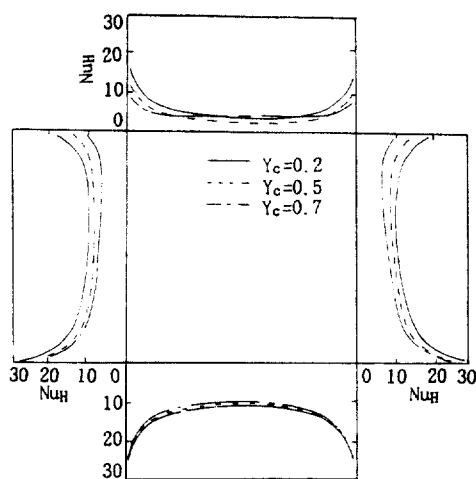


Fig. 8 Local Nusselt number distributions on surfaces of a hot square for  $Gr=1.5 \times 10^5$ ,  $Pr=0.71$ ,  $k_s/k_f=14710$  and  $Y_c=0.5$ .

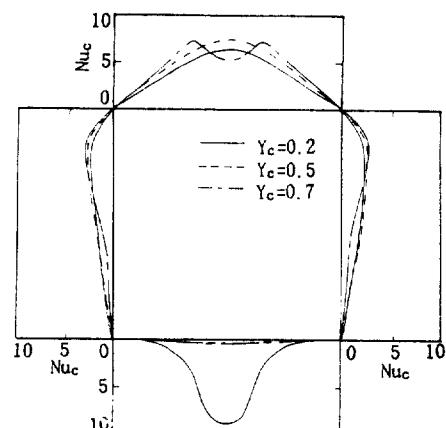


Fig. 9 Local Nusselt number distributions on surfaces of a cold enclosure for  $Gr=1.5 \times 10^5$ ,  $Pr=0.71$ ,  $k_s/k_f=14710$  and  $Y_c=0.5$ .

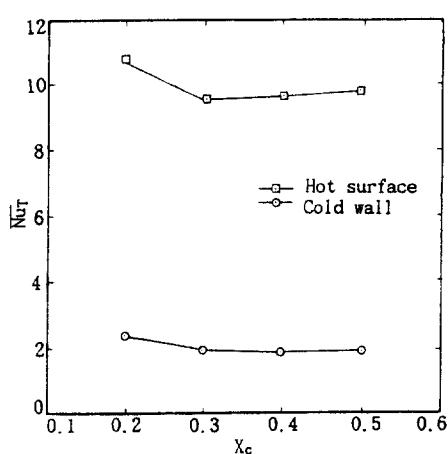


Fig. 10 Total mean Nusselt number distributions on surfaces of a hot square and a cold enclosure for  $Gr=1.5 \times 10^5$ ,  $Pr=0.71$ ,  $k_s/k_f=14710$  and  $Y_c=0.5$ .

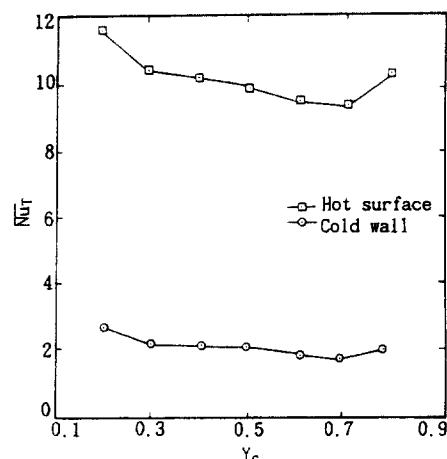


Fig. 11 Total mean Nusselt number distributions on surfaces of a hot square and a cold enclosure for  $Gr=1.5 \times 10^5$ ,  $Pr=0.71$ ,  $k_s/k_f=14710$  and  $Y_c=0.5$ .

게 나타났다. 또한 평균 Nusselt수는  $Y_c=0.2$ 인 경우가  $X_c=0.2$ 일 때보다 7.4% 높게 나타났고,  $Y_c=0.7$ 인 경우가  $X_c=0.3$ 인 경우보다 5.0% 낮았다.

#### 4. 결 론

정상층류상태에서 정사각형 밀폐공간 내에 1개의 고온부가 존재하고  $Gr = 1.5 \times 10^5$ ,  $Pr = 0.71$ ,  $k_s/k_t = 14710$ 인 경우 고온부 중심의 위치를 이동하여 수치해석한 결과는 다음과 같다.

- 1)  $X_c=0.5$ 인 경우의  $Y_c=0.2$ 에서 밀폐공간 내에 자연대류가 가장 활발하고 온도분포가 고르게 나타났다.
- 2) 평균 Nusselt수는  $Y_c=0.5$ 인 경우  $X_c=0.2$ ,  $X_c=0.5$ 인 경우  $Y_c=0.2$ 일 때 가장 높은 값을 나타내었고  $X_c=0.5$ 인 경우가  $Y_c=0.5$ 인 경우 보다 7.4% 높았다.
- 3) 평균 Nusselt수는  $Y_c=0.5$ 인 경우  $X_c=0.3$ ,  $X_c=0.5$ 인 경우  $Y_c=0.7$ 일 때 가장 낮은 값을 나타내었고  $X_c=0.5$ 인 경우가  $Y_c=0.5$ 인 경우 보다 5.0% 낮았다.
- 4) 고온부의 중심위치를 수평방향보다 수직방향으로 이동시켰을 때가 열전달의 변화는 커졌다.

#### 참 고 문 헌

1. Haugen, R. L., and Dhanak, A. M., 1966, "Momentum Transfer in Turbulent Separated Flow Past a Rectangular Cavity", Trans. of the ASME, J. of Applied Mechanics, September, pp.641-646.

2. Emery, A. F., 1969, "Exploratory Studies of Free-Convection Heat Transfer Through an Enclosed Vertical Liquid Layer with a Vertical Baffle", Trans. of the ASME, J. of Heat Transfer, February, pp.163-165.
3. Bejan, A., 1983, "Natural Convection Heat Transfer in a Porous Layer with Internal Flow Obstructions", Int. J. Heat Mass Transfer, Vol. 25, No.6, pp.815-822.
4. Bajorek, S. M., and Lloyd, J. R., 1982, "Experimental Investigation of Natural Convection in Partitioned Enclosures", Trans. of the ASME, J. of Heat Transfer, Vol.104, pp.527-532.
5. Exeter, M. K., Hay, N., and Webster, J. J., 1982, "Finite Element Solutions for Free Convection Flow Around an L-shaped Debris Tray", Int. J. Heat Mass Transfer, Vol.25, No.7, pp.999-1011.
6. Exeter, M. K., Hay, N., Webster, J. J., and Dullforce, T. A., 1983, "Natural Convection Heat Transfer in a Confined-Flow Geometry", Numerical Science and Engineering, Vol.83, pp. 253-266.
7. House, J. M., Beckermann, C., and Smith, T. F., 1990, "Effect of a Centered Conducting Body on Natural Convection Heat Transfer in an Enclosure", Numerical Heat Transfer, Vol.18, pp.213-225.
8. 이재현, 1984, "고립된 발열물체를 가지는 정사각형 밀폐공간 내에서의 자연대류 열전달 및 유동 특성에 관한 연구", 大韓機械學會論文集, 第8卷 第4號, pp.360-367.