

재가공과 검사를 고려한 통합 생산-재고 모형  
An integrated production-inventory model  
with rework and inspection in serial  
production system

김 성 태\*  
김 재 련\*\*

### ABSTRACT

In this paper, a model is presented which incorporates the possibility of quality control at each of the production stages.

We consider the TYPE I error and the TYPE II error in inspection procedures. In addition to alternative quality control configurations, the model integrates the carrying costs of in-process and finished inventory, quality of production process, reprocessing including fixed and variable cost. Our policy determines the value of optimal lot-size and reprocessing batch size in reducing the total costs.

A numerical example illustrates the model framework and highlights the role of the decision variables.

### I. 序 論

#### I. I 연구의 목적

최근 국내외적으로 많은 영향으로 인해 모든 산

업분야에서 제품의 품질향상에 대한 노력을 기울여 오고 있지만, 아무리 고품질의 제품을 생산하는 공정에서도 불량품은 발생하고 있다. 일반적으로 불량품을 발견하고 제거하기 위해 시생산공정과정중 곳곳에 검사공정을 두고 있다. 이

\* 한양대학교 대학원

\*\* 한양대학교 산업공학과 교수

러한 검사공정에서 발견된 불량품들은 대부분 재가공 되어진다. 따라서 생산관리자는 생산공정에 한번에 투입할 로트크기와, 어느 생산공정이 끝난 후에 검사를 해야 할 것인가를 결정해야 하며, 재가공 공정은 일반적으로 부품들을 모아서 일괄적으로 처리하게 되므로 어느정도 모였을 때 재가공작업을 해야 하는가를 결정해야 한다.

본 연구에서는 생산공정의 품질과 비용, 검사공정의 위치, 최적로트크기, 최적 재가공작업 배취크기, 재공품재고비용, 검사공정에 따른 생산자 위험율과 소비자 위험율등의 여러가지 변수를 고려한 통합생산-재고모형을 설계하고 이때 총비용을 최소로하는 최적로트크기와 재가공작업 배취크기를 결정하고자 한다.

## 1.2 기존의 연구

재가공과 검사를 고려한 기존의 연구들을 살펴보면 다음과 같다.

Gupta와 Chakraborty[1]는 불량품으로 기각할 수 있는 것은 오직 최종공정에서만 결정될 수 있으며, 이러한 불량품은 최초의 공정으로 되돌아가서 재가공을 하는 경우에 최적 로트크기와 최적 재가공 배취크기에 대한 결정방법을 제시하였다. 그러나 이 연구에서는 재공품의 재고에 대한 부분은 고려하지 않았다.

Szendrovitz[2]는 재공품의 재고를 고려한 2단계 생산시스템의 최적로트 크기를 구하는 문제에 대한 연구를 하였는데 Gupta와 Chakraborty의 연구와 마찬가지로 불량품은 오직 최종공정에서만 발견할 수 있다고 가정하였다.

한편 검사공정을 고려한 연구로는 Ballou와 Pazer[3]가 직렬 생산시스템에서의 검사정책을 발표하였으나 재가공을 고려하지 않았다.

White[4]는 직렬 생산시스템에서 검사공정을 할당하는 문제에 대해 전수검사 아니면 무검사가 최적이라는 것을 보여주었다.

Tayi와 Ballou[5]의 연구에서는 재가공과 검사를 모두 고려하였으나 검사를 할 경우 항상

완전한 검사가 된다고 가정하였다.

## 2. 모형의 설정 및 용어설명

본 연구에서는 Tayi와 Ballou의 모델을 확장하여 검사가 불완전할 수도 있으며, 각 생산공정후에 어느 곳에도 검사공정이 있을수 있는 경우에 대해 기존의 연구에 부분적으로 고려되었던 여러가지 변수들, 즉 작업준비비용, 재공품재고와 완제품 재고의 유지비용, 생산공정의 품질수준, 변동비용과 고정비용을 고려한 재가공등을 고려한 통합 생산-재고 모형을 제시한다.

### 2.1 가정

(1) 제품은 배취로 생산되며 각 단계별로 이동된다.

각 단계에서 각 배취들을 처리하는데 배취당 준비비용이 발생하며, 제품 개별적으로는 낱개로 분리될 수 있다.

(2) 각 단계의 생산공정후에는 검사공정이 있을수 있는데 이때 검사된 제품을 양품(Good : G)과 불량품(Defective ; D)로 구분한다.

(3) 각 검사공정에서의 검사방법은 전수검사 아니면 무검사로 실시되며 검사결과에 따라 생산자 위험률(type I error ;  $\alpha$ )과 소비자 위험률(type II error ;  $\beta$ )이 발생된다.

(4) 각 검사공정에서 불량으로 판정된 제품들은 모아서 첫 생산공정으로 보내 재가공을 실시한다.

(5) 시스템에서 발견되지 않은 불량품이 소비자에게 공급되었을 경우와 양품을 기각품으로 판정하였을 경우 벌칙비용이 발생한다.

(6) 각 검사공정에서 발견된 불량품은 일정한 비용을 투여하면 원재료와 같은 수준으로 되며, 로트의 크기를 채우기 위해 새로운 원재료와 함께하여 첫 공정에 투입되어진다.

(7) 완제품 한 로트가 모두 소비되는 시점에 다른 한 로트의 완제품의 생산이 완료되어진다.

## 2.2 기호 설명

### (1) 비용에 관한 변수

$CS(i)$  : 생산공정  $i$ 단계에서 시간당 준비 비용.

$CI(i)$  : 생산공정  $i$ 단계후의 단위당 검사 비용.

$C(i)$  : 제품1단위의 누적비용.

$C(i) - C(i-1)$  :  $i$ 단계에서의 부가가치.

$C(0)$  : 원재료비용.

$CH$  : 재공품 재고의 유지비용에 대한 연간 보유율.

$CHF$  : 완제품 재고의 유지비용에 대한 연간 보유율.

$CRV$  : 재가공을 위한 단위당 변동비용.

$CP1$  : 불량품이 소비자에게 판매되었을 경우의 단위당 별차비용.

$CP2$  : 양품이 불량품으로 판정되었을 경우의 단위당 별차비용.

### (2) 시간에 관한 변수

$TS(i)$  : 생산공정  $i$ 단계에서의 준비시간.

$TP(i)$  : 생산공정  $i$ 단계에서의 가공시간.

$TI(i)$  : 검사공정  $i$ 단계에서의 검사시간.

$T$  : 일일 작업시간.

### (3) 생산에 관한 변수

$Q(i)$  : 생산공정  $i$ 단계에서 가공된 제품의 수.

$Q(n+1)$  : 생산공정을 마친 제품의 수.

$P(i)$  : 생산공정  $i$ 단계에서 불량품이 될 확률.

$D(i)$  : 생산공정  $i$ 단계후에서 검사공정 유무에 관한 변수.

$D(i)=1$  : 검사공정이 있음.

$D(i)=0$  : 검사공정이 없음.

$\beta(i)$  :  $i$ 단계 검사공정후 불량품을 양품으로 판정할 확률.

$\alpha(i)$  :  $i$ 단계 검사공정후 양품을 불량품으로 판정할 확률.

$R(i)$  :  $i$ 단계에서 기각될 제품의 수.

### (4) 시스템에 관한 변수

$n$  : 생산공정 단계의 수.

$N$  : 재가공을 하기 전까지의 cycle의 수.

$STS$  : 1 cycle동안 준비 시간의 합.

$RT$  : 1 cycle동안 기각될 제품의 수.

$STI$  : 1 cycle동안 검사시간의 합.

$STP$  : 1 cycle동안 가공시간의 합.

$NGU$  : 1 뱃취에 생산될 양품의 수.

$NRT$  :  $N$  cycle후에 누적된 기각품의 수.

$A$  : 시작 로트크기  $Q(1)$ 과 최종생산품  $Q(n+1)$ 과의 비율.

### (5) 기타 변수

$dd$  : 1일당 제품의 수요.

$ND$  : 연간 판매 가능 일수.

$D$  : 연간 수요량. ( $D = ND * dd$ )

$K$  : 변환계수. 년/분

## 3. 모형의 전개

본 연구에서는  $n$ 단계의 생산공정을 갖는 일렬형 생산시스템에서 뱃취로 제품을 생산하는 경우를 모형화 한다. 이 때 각 단계마다 준비비용과 시간이 필요하며 생산공정 후에는 검사공정이 있을 수도 있다.

검사 결과에 따라 제1종 파오(TYPE I ERROR;  $\alpha$ )와 제2종 파오(TYPE II ERROR;  $\beta$ )가 발생된다.  $N$ 싸이클의 제품생산 후에는 그 동안의 누적된 기각품들을 모아서 처음 생산공정부터 재가공에 들어간다. 이 모형을 설명하면 다음 그림1과 같다.

소비자들의 수요는 확정적이며 일양분포한다고 가정하고 로트의 크기는 모두 동일하다고 가정한다. 따라서 이전 로트와 마지막 로트가 모두 팔린 시점에 다음 로트의 생산이 완료된다고 가정하여 이 상황을 다음의 그림으로 설명한다.

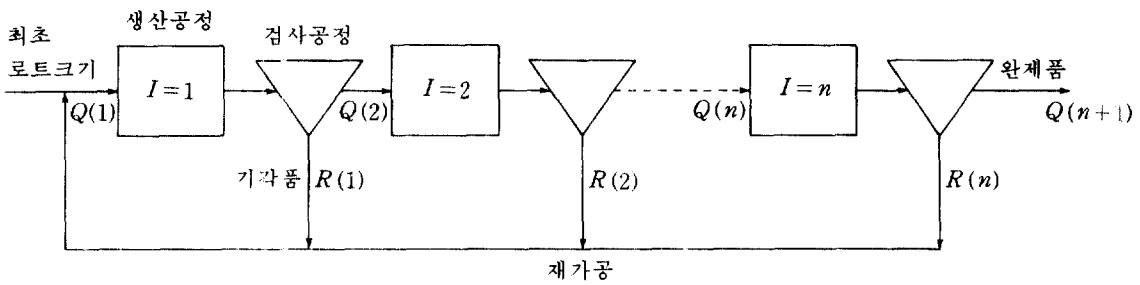
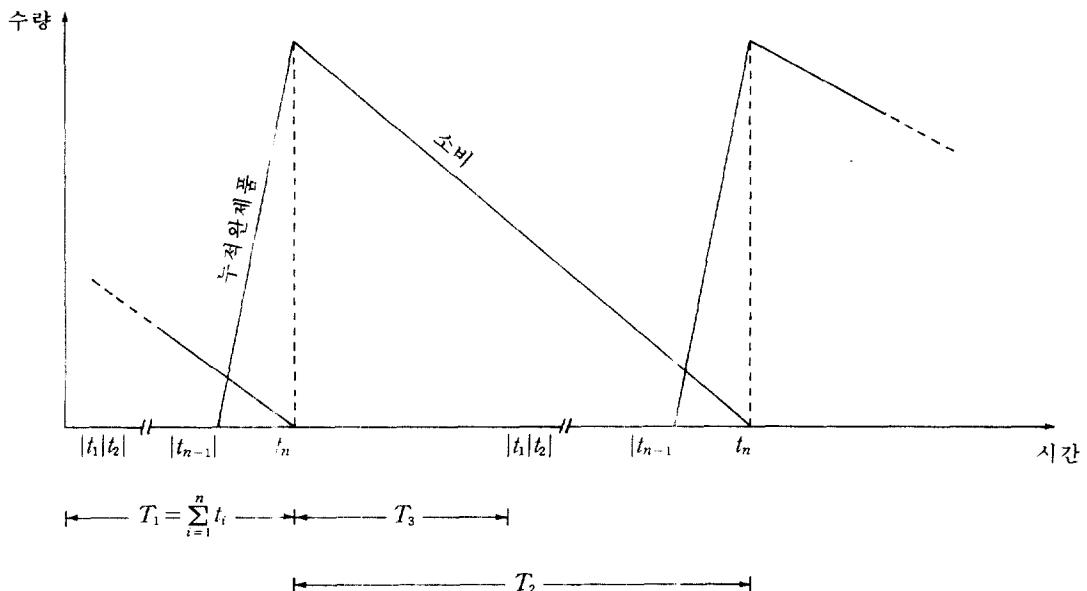


Fig. 1 The Illustration for the Integrated model



$t_i$  = 단계  $i$ 에서의 가공시간  $i=1, 2, \dots, n$

$T_1$  = 총 생산 기간

$T_2$  = 소비시간

$T_3$  = 생산 짜이클간의 시간

Fig. 2 The relations of production and consumption cycles

### 3.1 뱃취 수량의 분석

$$Q(2) = Q(1) * P(1) * \beta(1)$$

그림1에서  $Q(2)$ 는 다음과 같은 식 (1)로 표현할 수 있다.

$$+ Q(1)(1-P(1))(1-\alpha(1)) \quad (1)$$

식(1)은 초기로트크기  $Q(1)$ 을 생산공정 1단계를 거치는 동안  $P(1)$ 만큼 불량품으로 될 확률이 있으므로 식(1)에서 앞 항은 불량품인데 다음 공정으로 넘어가는 수량을 나타내며 뒤항은 양품을 양품이라고 판정하여 넘어갈 확률이다. 이와 마찬가지로  $R(1)$ 도 식으로 표현하면 다음 식(2)와 같이 표현할 수 있다.

$$R(1) = Q(1)(1 - P(1)) * \alpha(1) \\ + Q(1)P(1)(1 - \beta(1)) \quad \dots \dots \quad (2)$$

식(1)과 식(2)에서 표현한 다음공정으로 넘어가는 제품의 수량과 기각품의 수량을 일반식으로 표현하면 다음과 같다.

3.1.1 생산공정  $i$  단계에서의 제품의 수량  
생산공정  $i$ 단계에서 작업되어지는 제품의 수량은 크게 3부분으로 다음과 같이 구분할 수 있다.

(1) 양품이 양품으로 판정되어 다음공정으로 넘어가는 제품수

(2) 제1단계에서 불량품을 양품으로 판정하여 계속 다음공정으로 넘어가는 제품수

(3) 양품이 중간단계에서 불량품이 되었는데, 양품으로 판정되어 다음공정으로 넘어가는 제품수

위의 경우를 식으로 표현하면 다음 식 (3)과 같다.

$$Q(i) = Q(1) \prod_{j=1}^{i-1} (1 - P(j))(1 - \alpha(j)) \\ + Q(1)P(1) \prod_{j=1}^{i-1} \beta(j) \\ + Q(1) \sum_{j=1}^{i-2} P(j+1) \left( \prod_{k=j}^{i-2} \beta(k+1) \right. \\ \left. \prod_{k=1}^j (1 - P(k))(1 - \alpha(k)) \right) \quad \dots \dots \quad (3)$$

### 3.1.2 검사공정 $i$ 단계에서의 제품수량

검사공정  $i$ 단계에서의 불량품으로 기각되어지는 제품의 수량은 크게 4부분으로 다음과 같이 구분할 수 있다.

(1) 전 단계까지 양품이 이번 생산공정에서 양품으로 가공되었는데 불량으로 판정한 제품수

(2) 전 단계까지 양품이 이번 생산공정에서 불량품으로 가공되어 불량으로 판정한 제품수

(3) 제1단계에서 불량품으로 가공된 제품이 계속 양품으로 판정되어 오다 불량으로 판정한 제품 수

(4) 양품이 중간단계에서 불량품으로 되었는데 양품으로 판정되어 오다 불량으로 판정한 제품 수

위의 경우를 식으로 표현하면 다음 식(4)와 같다.

$$R(i) = Q(1)(1 - P(i)) \alpha(i) \prod_{j=1}^{i-1} (1 - P(j))(1 - \alpha(j)) \\ + Q(1)P(i)(1 - \beta(i)) \prod_{j=1}^{i-1} (1 - P(j))(1 - \alpha(j)) \\ + Q(1)P(i)(1 - \beta(i)) \prod_{j=1}^{i-1} \beta(j) \\ + Q(1) \sum_{j=1}^{i-2} P(j+1)(1 - \beta(j)) \\ \left( \prod_{k=j}^{i-2} \beta(k+1) \prod_{k=1}^j (1 - P(k))(1 - \alpha(k)) \right) \\ (1 - \alpha(k)) \quad \dots \dots \quad (4)$$

## 3.2 비용분석

앞 절에서 표현한 생산과정 각 단계에서의 제품수량과 기작품의 수량을 기초로한 생산시스템의 비용항을 검토해 보면 다음과 같다.

### 3.2.1 년간 준비비용

$$I = (D/Q(n+1)) * (1/60) * \sum_{i=1}^n CS(i) * TS(i) \quad \dots \dots \dots (5)$$

### 3.2.2 년간 재공품재고의 유지비용

(1) 각 단계에서 준비기간 동안 대기비용

$$W(1) = \sum_{i=1}^n Q(i) * TS(i) * C(i-1) \quad \dots \dots \dots (6)$$

(2) 각 단계에서 가공전 대기비용

$$W(2) = 1/2 * \sum_{i=1}^n Q(i) * (Q(i)-1) * TP(i) * C(i-1) \quad \dots \dots \dots (7)$$

(3) 각 단계에서 가공후 대기비용

$$W(3) = 1/2 * \sum_{i=1}^n Q(i) * (Q(i)-1) * TP(i) * C(i) \quad \dots \dots \dots (8)$$

(4) 각 단계에서 검사하는 동안 대기비용

$$W(4) = \sum_{i=1}^n Q(i) * (Q(i)-1) * TI(i) * C(i) * D(i) \quad \dots \dots \dots (9)$$

위의 식(5)~(9)들은 1사이클 동안 재공품재고에 대한 유지비용이므로 년간 재공품재고 유지비용은 다음과 같이 정리할 수 있다.

$$II = (D/Q(n+1)) * CH * K * (W(1)$$

$$+ W(2) + W(3) + W(4)) \quad \dots \dots \dots (10)$$

### 3.2.3 년간 불량품의 재공품재고의 유지비용

(1) 준비기간동안 불량품에 대한 대기비용

1 사이클 동안 대기시간

$$rs = \sum_{j=1}^{n-1} R(j) * \sum_{i=j+1}^n TS(i)$$

2 사이클동안 대기시간

$$2 * rs + RT * STS$$

N 사이클동안 대기시간

$$X(1) = N * rs + ((N-1) * N/2) * RT$$

$$* STS \quad \dots \dots \dots (11)$$

(2) 검사기간동안 불량품에 대한 대기비용

1 사이클동안 대기시간

$$rt = \sum_{j=1}^{n-1} R(j) * \sum_{i=j+1}^n Q(i) * TI(i) * D(i)$$

N 사이클동안 대기시간

$$X(2) = N * rt + ((N-1) * N/2) * RT$$

$$* STI \quad \dots \dots \dots (12)$$

(3) 가공하는 동안 불량품에 대한 대기비용

$$rm = \sum_{j=1}^{n-1} R(j) * \sum_{i=j+1}^n Q(i) * TP(i)$$



첫째, 소비자의 수요를 충족시키기 위해 어느 정도의 로트크기로 제품을 생산해야하며, 생산 중 발생된 불량품을 어느 정도의 수량이 될 때 재가공을 실시할 것인가를 결정하는 문제이다. 즉 최적로트크기  $Q^*(1)$ 를 구하고 재가공까지의 사이클 횟수  $N$ 을 결정하는 것이다.

둘째, 각 단계에서 생산자 위험률 ( $\alpha(i)$ )과 소비자 위험률 ( $\beta(i)$ )이 어떻게 결정되는가에 따라 최종공정을 마친 완제품의 수량이 변화되므로, 수요의 충족을 위하는 면과 벌칙비용면, 즉 고갈비용과 벌칙비용의 Trade-off를 고려한 각 단계에서의 검사정책에 관한 내용이다.

본 연구에서는 두번째 의사 결정에 관한 사항은 각 단계에서  $\alpha(i)$ 와  $\beta(i)$ 가 동일하며 검사할 공정이 정해져 있는 경우에 대해서만 살펴보고, 이때 최적로트크기와 재가공 뱃취크기를 결정하는 문제만 다루기로 한다.

재가공 뱃취크기를 결정하기 위해  $N$  사이클 동안 누적된 기각품의 수 ( $NRT$ )는 검사정책이 일정하면 다음과 같은 식(21)로 쓸 수 있다.

$$NRT = N(R(1) + R(2) + \dots + R(n)) \\ = N \sum_{i=1}^n R(i) \quad \dots \dots \dots (21)$$

식(21)을 다른 관점에서 살펴보면, 즉 식(4)에서 알 수 있듯이 각 사이클마다 최초의 로트크기  $Q(1)$ 에 따라 기각품의 수가 종속적이다. 따라서  $N$  사이클 동안 누적된 기각품의 수를 로트크기  $Q(1)$ 의 일정한 비율로 표시할 수 있다.

$$NRT = l \cdot Q(1) \quad \dots \dots \dots (22)$$

식(22)에서  $l$ 을 어떻게 결정하는가에 따라 사이클 횟수  $N$ 이 결정되게 된다. 만약  $l < 1$ 이라면 재가공시 원재료를 더 추가하여  $Q(1)$ 이 되도록 해서 생산하여야 하고,  $l > 1$ 이면  $Q(1)$  만큼씩 나누어 생산하고 여분이 발생하면 원재료를 추가하여 생산도록 차게된다.  $l > 1$ 인 경우

에는 기각품의 재공품 재고의 유지비용 항목을 다음과 같이 추가하여야 한다.

$$X(5) = Q(1) \cdot ((l-1) + (l-2) + \dots \\ + (l - \lfloor l \rfloor) * (STS + STI \\ + STP + X(4)) \quad \dots \dots \dots (23)$$

본 연구에서 구하고자 하는 것은 3절에서 고려한 모든 비용을 고려한 목적식을 최소화하는 최적로트크기  $Q^*(1)$ 과 재가공 뱃취크기를 결정하기 위한 결정변수  $l^*$ 을 구하여야 한다.

$$\text{목적식 } \text{Min } TC = I + II + III + IV + V \\ + VI + VII + VIII \quad \dots \dots \dots (24)$$

위의 목적식은  $Q(1)$ 과  $l$ 에 대한 합수식으로 이루어지므로 최적로트크기와 결정변수는 각각 편미분을 통하여 구할 수 있다.

$$\frac{\partial TC}{\partial Q(1)} = 0, \quad \frac{\partial TC}{\partial l} = 0 \quad \dots \dots \dots (25)$$

목적식의 형태가 일반식으로 이루어져서 식(25)는 계산하기 어려움으로 5단계의 직렬형 생산시스템의 경우를 예로 하여 수치예를 들어 증명하도록 한다.

생산공정단계가 5단계로 구성될 경우 목적식은 다음 식(26)과 같이 표현되며 식에 표현된 상수항들은 부록으로 정리한다.

$$\text{Min } TC = B1 * \frac{1}{Q(1)} + B9 + B10 * Q(1) \\ + B14 * B15 + B14 * B16 * l \\ + B14 * B17 * Q(1) \\ + B18 + B19 + B20 * \frac{l}{Q(1)}$$

$$+ B21 + B22 + B23 * l \quad (26)$$

## 5. 수치예

식 (26)을  $Q(1)$ 과  $l$ 의 형태로 표현하면

$$\begin{aligned} \text{Min } TC = & N1 * \frac{1}{Q(1)} + N2 * Q(1) \\ & + N3 * l + N4 * \frac{1}{l * Q(1)} \\ & + N5 \dots \dots \dots \quad (27) \end{aligned}$$

본 연구에서 다루는 수치예는 Tayi와 Ballou [5]의 논문에서 다룬 수치예를 그대로 적용하며, 생산자 위험확률  $\alpha(i)$ 와 소비자 위험확률  $\beta(i)$ 를 첨가한다. Tayi와 Ballou는 검사가 완벽하다고 가정하였으므로 그들의 논문과 비교를 위해 생산위험확률  $\alpha(i)$ 와 소비자 위험확률  $\beta(i)$ 를 모두 0로 한 경우와 계산의 편리를 위하여 단계마다 생산자 위험확률  $\alpha(i) = 0.01$ 과 소비자 위험확률  $\beta(i) = 0.05$ 로 모두 같다고 할 경우에 대해서 살펴보도록 한다.

로 나타낼 수 있다.

Table 1. Data for the numerical example

공정 단계 (i)	불량 발생률 $P(i)$	TYPE I error $\alpha(i)$	TYPE II error $\beta(i)$	자동준비		공정 시간 $TP(i)$	누적 비용 $C(i)$	검사	
				시간 $TS(i)$	비용 $CS(i)$			시간 $TI(i)$	비용 $CI(i)$
1	0.1 0.3	0.01	0.05	2	120	0.04	1.50	0.01	0.00
2	0.1 0.03	0.01	0.05	5	360	0.06	3.75	0.01	0.00
3	0.1 0.03	0.01	0.05	8	500	0.03	4.75	0.01	0.00
4	0.1 0.03	0.01	0.05	8	500	0.08	5.50	0.01	0.00
5	0.1 0.03	0.01	0.05	4	240	0.05	6.00	0.01	0.00

비용요소 :  $C(0) = 2, 0$ ,  $CH = 0.15$ ,  $CHF = 0.20$ ,  $CRE = 500.0$ ,  $CRV = 0.15$ ,  $CP1 = 8.0$ ,  $CP2 = 12.0$ .

양품의 연간수요  $D = dd * ND = 200 * 250 = 50,000$ .

일일 작업 시간  $T = 480$ (분).

Table 2. Comparision of the result between models

$$P = 0.1$$

$D(i)$	Tayi & Ballou Model		Our Model $\alpha = 0.01$ $\beta = 0.05$	
	$Q^*(1)$	$l^*$	$Q^*(1)$	$l^*$
(0, 0, 0, 0, 0)	3701	-	3701	-
(1, 1, 1, 1, 1)	5725	1.88	5449	1.30
(1, 0, 0, 0, 1)	5554	1.93	4708	1.97
(0, 1, 0, 1, 0)	5472	1.71	4665	1.22

## 6. 결 론

본 연구에서는 직렬형 생산-재고 시스템에서 발생할 수 있는 대부분의 비용들을 모두 고려하여 통합 생산-재고 모형을 설계하였다. 이때 재가공과 검사를 고려할 경우 로트크기를 얼마로 하는 것이 총비용을 최소로 하는가를 결정하였으며 기각품을 재가공하는 시점을 결정하였다.

또한 본 연구에서는 각 검사공정에 생산자 위험화률과 소비자 위험화률을 고려하였을 때, 생산공정의 각 단계로 넘어가는 수량과 기각품의

수량을 일반식으로 표현하였다.

표2의 결과에서 볼수 있듯이 생산자 위험화률과 소비자 위험화률이 고려되면 최적 로트크기가 변화되는 것을 알 수 있다.

본 연구에서 다루어진 제품의 단위와 시간의 개념은 모두 이산형인 경우에 대해서만 다루었으나 현실적으로 많은 경우가 연속형인므로, 이에 대한 연구가 필요하겠다. 또한 소비자 위험화률과 생산자 위험화률을 얼마로 할 것이며, 어느 가공 공정뒤에 검사공정을 설치할 것인가에 대한 최적 검사정책을 결정하는 문제도 앞으로 연구의 대상으로 유보토록한다.

## 参 考 文 献

1. Gupta, T. and Chakraborty, S. 1984, "Looping in a multistage production system," International Journal of Production Research, 22, 299-311.
2. Szendrovits, A. Z. 1983, "Non-integer optimal lot size ratios in two-stage production/inventory systems," International Journal of Production Research, 21, 323-336.
3. Ballou, D. P., and Pazer, H. L. 1982, "The impact of inspector fallibility on the inspection police in serial production system," Management Science, 28, 387-399.
4. White, L. S. 1969, "Shortest route model for the Allocation of inspection effort on a production line," Management Science, 15, 249-259.
5. Tari, G. K. and Ballou, D. P. 1988, "An integrated production-inventory model with reprocessing and inspection," International Journal of Production Research, 26, 1299-1315.
6. Menipaz, E. 1978, "A taxonomy of economically based quality control procedures," International Journal of Production Research, 16, 153-167.
7. Yum, B. J., and McDowell, E. D. 1981, "The optimal allocation of inspection effort in a class of nonserial production systems," AIIE Transactions, 13, 285-293.