

起動停止計劃을 고려한 揚水發電所의 週間 運用에 관한 研究

論文
36~5~2

A Study On the Weekly Operation Planning of pumped Hydrostorage plant Considering Unit Commitment

宋吉永* · 洪尚垠** · 金榮泰***

(Kil-Yeong Song · Sang-Eun Hong · Yeong-Tae Kim)

Abstract

This paper presents a dynamic programming successive approximation algorithm for scheduling pumped storage hydro plants and shows how this method can be coordinated with the commitment of the thermal units of the system.

The general object of operation of pumped hydrostorage plants is the minimization of the overall production cost and the maximization of generation reserves.

The basic procedure used to obtain a combined pumped storage-unit commitment schedule is to execute the pumped storage scheduler and unit commitment scheduler iteratively.

A combined DPSA algorithm has been presented to coordinate the scheduling of the pumped storage with the scheduling of the thermal units.

1. 머리말

最近 우리나라의 전력계통에서는 原子力, 石炭火力 등 基底負荷用 電源設備가 전원구성에서 차지하는 비율이 크게 증가하고 있어서 週末은 물론 平日의 심야 輕負荷時에도 가동설비의 剩餘分이 發生하여 紙電運用上 많은 지장을 초래하고 있다. 특히 앞으로는 연료사용에 制約를 받는 LNG火力發電設備의 등장으로 紙電運用은 더욱더 硬直化될 전망이다.

이에 따라 揚水發電所를 剩餘對應운전하여 경부하시 剩餘設備의 가동율을 높여야 하는 경우가 많아질 추세이며, 이와같이 잉여설비의 가동에 의하여 저장된 전력은 重負荷時 揚水發電運轉으로 사용

되어야 한다. 그러나 揚水運用에서 揚水와 揚水發電時間帶의 발전기별 출력배분 및 揚水時 가동댓수의 配分을 적절히 하지 못하게 되면 커다란 經濟的損失을 초래하게 된다.

揚水發電所의 運用計劃을 수립할 경우 화력기의 운용특성을 고려하여야함은 필수적이며, 또한 고찰기간도 系統負荷가 지나고 있는 강한 週間周期性때문에 週間으로 설정하여야 한다.

이와 같은 양수발전소의 운용계획문제를 풀기위한 방법으로 먼저 增分費用法^{1), 2), 3)} (Marginal Cost Method) 과 線型計劃法^{4), 5)} (L. P Method) 이 개발되었다. 이들 방법은 매우 효용성이 있는 방법이기는 하지만 揚水 또는 揚水發電量이 연속적이거나 費用函數가 볼록성(convexity)를 지닐 경우에 한해 최적해를 구할 수 있다. 그에 반해 動的計劃法^{6), 7), 8)} (D. P Method)은 線型性, 볼록성(Convexity)에 관계없이 주어진 모델의 모든 특성을 고려하여 해를 얻을 수 있다는 장점이 있다. 그러나 이 방법도 制御變數의 수가 많아지면 計算量이 指數的으로 증가하게

*正會員：高麗大工大 電氣工學科 教授 · 博

**正會員：韓電技術研究院 先任研究員

***正會員：中經實業전문교수

接受日字：1986年 12月 5日

1次修正：1987年 2月 3日

$$E^*(k+1) = E^*(k) + P_U(k) \quad (19)$$

$$NP(k+1) = NP(k) + N(k) \quad (20)$$

단, 기동시 $N(k) \geq 0$

정지시 $N(k) \leq 0$

목적함수는 앞에서 보인 바와 같이 다음 식으로 나타낼 수 있다.

$$F^*(\dot{E}, NP, NT) = \min_{P_U(k), N(k)} \sum_{k=1}^{NT} [F_g(\dot{E}(k), NP(k), D(k), P_U(k), N(k))] \quad (21)$$

단, $\dot{E}(k)$, $P_U(k)$ 는 벡터량.

3. 2 축차근사법의 적용.

動的計劃法의 적용시에 있어 계산량 및 기억용량을 줄이기 위한 일련의 방법들이 개발되어왔다.

이들 중 일반적으로 유용성이 있다고 평가되는 방법은 Bellman과 Dreyfus의 축차근사법⁹⁾ 및 Larson과 Korsak의 축차근사법¹⁰⁾이다. 이중前者의 방법은 상태공간에서 격자점을 넓게 설정하여 (Coarse Grid)解를 求한 다음 그 解의 근처에서 격자점을 좁게 하여(Fine Grid)보다 정확한 解를 접근시키는 방법이다. 後者の 방법은 다수개의 세어변수를 갖는 원래의 문제를 단지 하나의 변수를 갖는 문제로 변환하여 연속적으로 반복계산 하므로서 계산량을 줄이고자 하는 방법이다. 그러나 이들兩 방법 모두 세어변수 및 격자점의 數가 많아지면 많은 계산량이 생긴다.

本 연구에서는 이와 같은 단점을 극복하기 위하여 새로운 연속근사법을 제시하였으며, 이 방법은 앞서의 2 가지 방법의 개념들을 조합시킨 것이다.

이때 세어변수 $P_U(k)$, $N(k)$ 및 상태변수 $E(k)$, $NP(k)$ 를 각각 U 및 X 로 일반화하여 설명하면 다음과 같다.

① 세어변수의 모든 초기값 $U_i^{(0)}$ 로부터 $U_i^{(1)}$ 에 대한 허용범위 $U_i^{(0)}$ 를 정한다.

② 모든 $U_j^{(0)}$ (단, $j \neq i$)를 고정하고 다음식으로부터 초기 목적함수값을 구한다.

$$F^{(0)}(X, k+1) = f\{X, U_i^{(0)}(X, k+1)\} + F^{(0)}\{g(X, U_i^{(0)}(X, k+1), k\} \quad (22)$$

단, $k = 1, 2, \dots, N-1$

③ $U_j^{(0)}$ 를 결정하기 위하여 다음 $U_j^{(0)}$ 에 대하여 위와 같은 과정을 반복한다.

④ $U_i^{(0)}$ 의 범위내에서 다음식을 풀어 $U_i^{(1)}$ 과 $U_i^{(0)}$ 에 대한 $F^{(1)}(X, k+1)$ 을 정한다.

$$F^{(1)}(X, k+1) = f\{X, U_i^{(0)}(X, k+1)\} + F^{(1)}\{g(X, U_i^{(1)}(X, k+1), k\} \quad (23)$$

단, $k = 1, 2, \dots, N-1$

⑤ 이와같이 $U_i^{(1)}$ 이 정해지면 $U_i^{(1)}$ 에 대한 허용범위 $U_i^{(1)}$ 을 결정한다.

⑥ 이상과 같은 과정을 되풀이 하여 $F^{(iter-1)}$ 와 $F^{(iter)}$ 의 값을 구해 다음조건을 충족시키면 계산을 종료한다.

$$\frac{F^{(iter)} - F^{(iter-1)}}{F^{(iter)}} < \Delta F \quad (24)$$

4. 起動停止計劃과의 協調運用

양수발전소 운용에 기동정지계획을 협조시키는 기본적인 절차는 이들兩者를 반복하는 것이다. 그림2는 이와같은 절차에 대해 나타낸 것이다. 그들 각각의 절차는 最適화準備段階과 最適화段階의 두 가지로 대별할 수 있다.

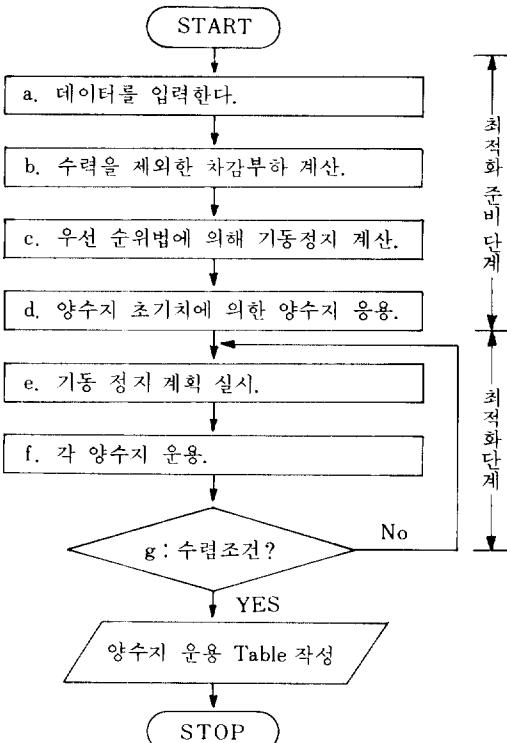


그림2. 양수-기동정지 협조 운용의 개요

Fig.2. The pumped storage-unit commit logic diagram.

5. 事例研究

5.1 適用モデル 및 計算條件

제안한 알고리즘의 효율성을 입증하기 위하여 우리나라 系統의 하절기 1週間負荷 패턴을 모델로 검토하였다.

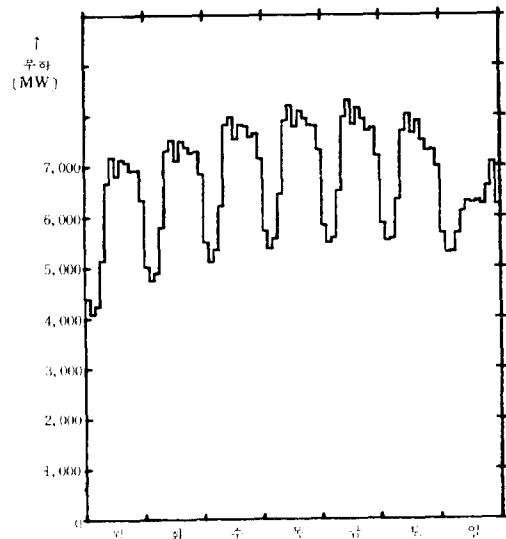


그림 3. 모델계통의 주간부하

Fig.3. The weekly load curve of model system.

그림 3은 일주일간의 각 시간대별 부하를 보인 것이다. 표 1은 화력기의 입력 데이터이며 기준 케이스로서 표 2에 보인 바와 같은 運轉條件下에서

① 揚水運用과 起動停止計劃을 함께 고려한 協調運用을 기준케이스 I로 정하고 이것과,

② 揚水發電所 運用을 전혀 고려하지 않은 火力機만의 운용(케이스 I - 1)

③ 優先順位法에 의해 화력기 병렬댓수만을 먼저 결정한 경우의 양수발전소운용(케이스 I - 2)을 차

표 2. 양수발전소 운용조건

Table2 . Operating condition of pumped hydro storage plant.

양수 발전기 용량	1,000[MW]
양수지 최대 저수량	6,000[MWH]
양수지 초기 소위수	2,000[MWH]
양수지 목표 수위	2,000[MWH]
양수 종합 효율	70 [%]

례로 비교하였다.

이밖에 多機의 揚水發電所를 1機로 등가화 했을 경우와 각 양수발전소별로 나누어서 운용하였을 경우(케이스 II)와 순동에비력의 확보조건을 변화시켰을 경우(케이스 III)의 양수지 운용 패턴 및 總發電費用의 변화에 대해서도 검토하였다.

5.2 計算結果

표 3은 기준케이스를 중심으로 실시한 계산 결과를 비교한 것이며 그림 4, 5는 케이스 I 및 케이스 I - 2에 대한 揚水池運用 패턴을 보인 것이다.

먼저 그림 4는 기본케이스의 경우로서 앞서 2, 3, 4 절에서 정식화 했던 揚水發電所와 起動停止計劃을 협조시켰을 경우의 協調運用에 대한 결과이다. 여기서는 거의 매일 양수 및 양수발전을 거듭해

표 3. 계산 결과(기준 케이스 I 을 중심으로)

Table3 . Out put results I.

	화력 발전량 [MWH]	총 발전 비용 [千 원]	비 고
I	580,933	12,656,502	기동 정지 고려
I - 1	575,014	14,441,068	화력만의 운용
I - 2	576,433	14,014,493	우선 순위

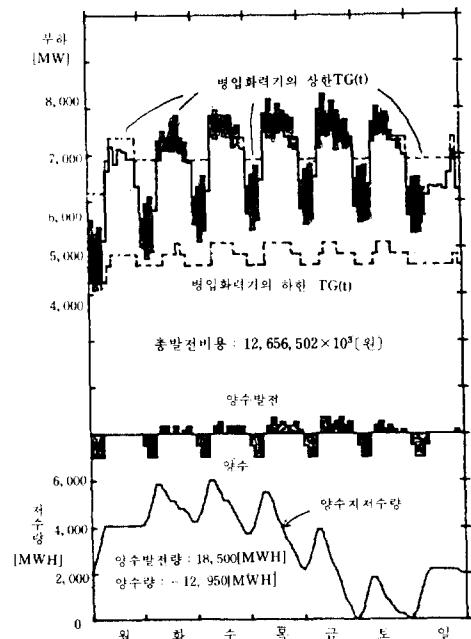


그림 4. 1주일 모델의 계산결과(케이스 I)

Fig.4. Calculation result of weekly model(case I)

서 揚水池의 수위가 빈번하게 변화하고 있음을 알 수 있다.

이는 각 요일의 높은 부하대에 대해서는 양수발전, 낮은 부하대에 대해서는 揚水를 적절히해서 系統에 並入되어 있는 火力機가 빈번하게 起動 또는 停止하지 않게 함으로써 불필요한 起動 및 停止費用을 줄이고 있다. 또 중부하대에서는 양수발전을 하여 尖頭負荷를 담당하기 때문에 效率이 좋은 火力機가 양수발전으로 삼각된 부하를 담당하게 되므로서 양수지의 양수종합효율에 의한 손실을 감안하더라도 이때의 총발전비용은 후술하는 케이스 I - 1, I - 2에 비해 경감되었다.

표 3의 케이스 I - 1은 揚水運用을 전혀 하지 않고 화력만으로 系統負荷를 충족시키는 경우에 대한 것이다. 그 결과 기준케이스 I에 비해 총발전비용이 14% 정도 증가되었다.

이는 비록 揚水時의 損失은 있지만 揚水發電所의運用을 적절히 함으로써 총발전비용을 줄일 수 있기 때문에 揚水發電所와 起動停止計劃 協調運用의 效用性을 입증하는 것이다.

그림 5는 우선순위에 의해 각 시간대별부하에 대

한 火力發電機 並列台數를 결정한 후의 揚水運用을 보인 것인데 이때 각 시간대별 부하는 $TG(t)$ 및 $\bar{TG}(t)$ 의 범위내에 있기 때문에 기준케이스 I과 상이한 揚水池運用 패턴을 나타낸다. 그러나 이 경우에는 시간대별 부하를 고려해서 필요한 만큼의 火力機만을 병렬시켜 揚水와 협조운용하기 때문에 총발전비용은 케이스 I - 1보다 경감되지만 그래도 기준케이스와 비교하면 상당히 높은 편이다. 이러한 결과 양수지의 최적운용은 어디까지나 기동정지계획과 협조시켰을 경우에 이루어진다는 것을 알 수 있다.

다음 표 4는 揚水發電所를 1機로 等價화시켜 운용했을 경우와 개별 운용할 경우의 계산결과를 비

표 4. 계산 결과(등가 운용과 개별운용의 비교)
Table 4. Output results 2

	단위 양수량 [MW]	최대 저수량 [MWH]	총 발전 비용 [千 원]	비 고
I	500 ^(MW) × 2	6,000	12,656,502	등가 운전
II	# 1 # 2	200 ^(MW) × 2 300 ^(MW) × 2	2,400 3,600	12,651,814 개별 운전

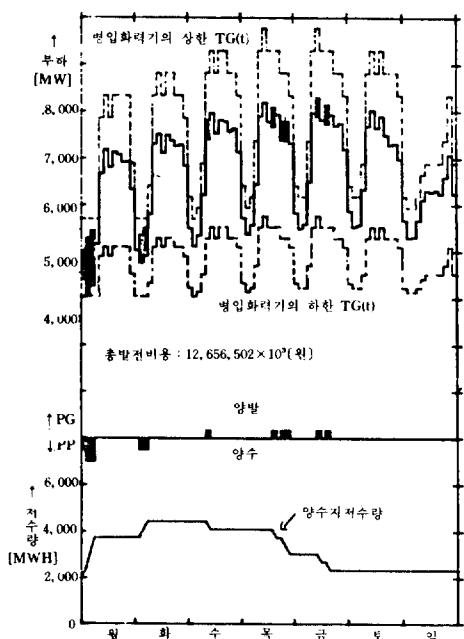
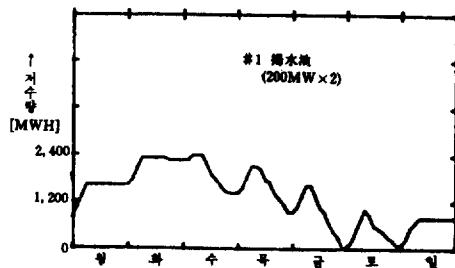
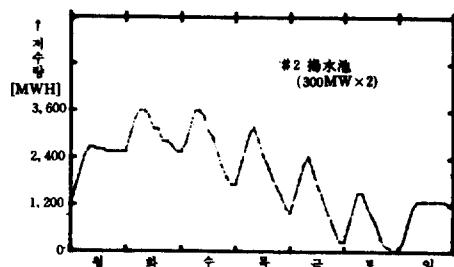


그림 5. 1주일 모델의 계산결과(케이스 I - 2)

Fig.5. Calculation results of weekly model
(case I - 2)



(a) # 1 양수지의 水位曲線



(b) # 2 양수지의 水位曲線

그림 6. 양수지 주간 수위곡선

Fig.6. The weekly rule curve

교한 것이다.

이에 따르면 양수발전소를 個別運用하는 쪽이 각 양수발전소가 취할 수 있는 운용패턴의 조합이 많아진 만큼 연료비경감보다는 운용의 융통성(#1,#2 양수지의 운용곡선 취득가능.)을 기할 수 있었다.

그림 6은 이때의 각 양수지별의 운용곡선을 보인 것이다.

다음 표 5는 기준케이스의 瞬動豫備力 확보량을 600MW에서 1,200MW로 증대 시켰을 경우를 서로 비교한 것이다.

이 결과 瞬動豫備力의 확보량이 많아진 케이스Ⅲ이 케이스Ⅰ보다 總發電費用에서 1.6%정도 증가하고 있다.

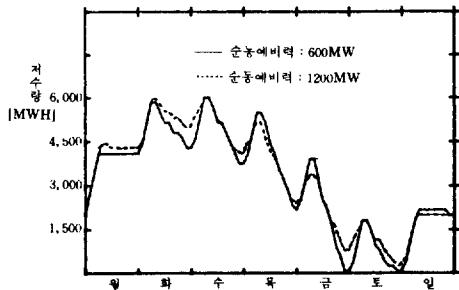


그림 7. 양수지의 주간 수위 곡선(케이스 I, III)
Fig.7. The weekly rule curve(case I, III)

그림 7은 양자의 搪水池水位曲線을 나타낸 것이다. 여기에서도 곧 알 수 있듯이 케이스Ⅲ의 경우가 특히 重負荷時에 양수발전을 적게하여 搩水池水位가 케이스Ⅰ보다 전반적으로 높아지고 있다. 이는 瞬動豫備力의 확보량이 600MW 더 많아졌기 때문에 예기치 않은 事故에 대비해서 搩水池가 보다 많은 餘裕容量을 보유하게끔 제약되기 때문이다.

6. 結 論

이상 搩水發電所의 運用計劃과 起動停止 計劃을

표 5. 瞬動豫備力의 確保量에 따른 比較

Table 5 . The comparison of spinning reserve

케이스	최대 용량 화력기 [MW]	순동 예비력 확보량 확보량 [MW]	총 발전 비용 [千 원]	비 고
I	1,200	600	12,656,502	순동 예비율 50%
III	1,200	1,200	12,855,240	순동 예비율 100%

협조시키는 문제를 混合逐次近似 D.P法으로 定式化하여 풀어 보았다.

개발된 축차근사 D.P법을 이용하여 모델계통에서의 여러가지 케이스를 검토해서 얻어진 결과를 요약하면 다음과 같다.

① 搩水發電所運用과 起動停止計劃을 적절히 協調시킴으로서 보다 정확하고 효율적인 운용계획을 세울 수 있었다.

② 火力機의 多機모델 취급 및 순동예비력 조건을 포함함으로써 보다 융통성 있는 운용방안을 구할 수 있었다.

③ 搩水發電所를 多機모델로 취급함으로써 각 양수발전소별의 운용상황을 파악할 수 있었다. 등의 有用한 결과를 얻을 수 있었다.

한편 本研究에서는 搩水運用에 비중을 두어 起動停止 문제는 간략한 모델로 취급했기 때문에 앞으로 보다 실제적인 운용조건을 고려하여야 할 것이며 또 수력발전소의 운용도 포함한 앤고리즘의 연구가 요망된다.

參 考 文 獻

- 1) G. H. McDaniel 外: "Dispatching Pumped Storage Generation", IEEE Transactions on Power Apparatus and Systems, Vol. PAS-85, PP. 465-471, May 1966.
- 2) K. D. Lee 外: "A Global Optimization Method for Scheduling Thermal Generation, Hydro Grneration and Economy Purchases", IEEE Transaction on Power Apparatus and Systems, Vol. PAS-102, pp. 1986-1993, July 1983.
- 3) L. L. Wang 外: "Time-of-Day System Energy costs with A Pumped-Storage Project", Proceedings of The American Power Conference, Vol. 44 pp. 610-614, 1982.
- 4) C. D. Galloway 外: "An Investigation of Pumped Storage Scheduling", IEEE Transaction on Power Apparatus and Systems, Vol. PAS-85, pp. 459-465, May , 1966.

- 5) 宋吉永 外: “주간수급계획 시스템에 관한 연구－화력양수발전소의 주간운용계획을 중심으로－”, 제17회 전력계통연구회 논문초록, 1984, 11월
- 6) V. P. Lukic 外: “Optimal Operating Policy for Energy Storage”, IEEE Transaction on Power Apparatus and Systems, Vol. PAS-101, pp. 3295-3302, Sep. 1982.
- 7) A. I. Cohen 外: “An Algorithm for Scheduling A Carge Pumped Storage Plant.” IEEE Transaction on Power Apparatus and Systems, Vol. PAS-104, No. 8, pp. 2099-2104, Aug. 1985.
- 8) 宋吉永 外: “揚水發電所의 週間運用計劃에 關한 研究” 전기학회지 논문35-5-4, pp. 21-28, 1985, 5.
- 9) R. E. Bellman 外: “Applied Dynamic Programming”, Princeton University Press, Princeton, N. J., 1962
- 10) R. E. Larson 外: “A Dynamic Programming Successive Approximations Technique with Convergence Proofs Part I”, Automatica, Vol. 6, pp. 245-252, 1970.
- 11) C. K. Pang 外: “Evaluation of Dynamic Programming Based Methods And Multiple Area Representation for Thermal Unit Commitments.”, IEEE Transaction on Power Apparatus and Systems, Vol. PAS-100, pp. 1212-1218, Mar. 1981.
- 12) C. K. Pang 外: “Optimal short-Term Thermal Unit Commitment” IEEE Transaction on Power apparatus and Systems Vol. PAS-95, No. 4, pp. 1336-1346, July / Aug, 1986.
- 13) A. J. Korsak 外: “A Dynamic Proramming Successive Approximations Technique with Convergence Proofs-Part II,” Automatica. Vol 6, pp. 253-260, 1970