

Branch-Line 하이브리드 3dB 結合器를 利用한 마이크로波 傳送線路 周波數 辨別器에 關한 研究

(A Study on the Microwave Transmission Line Frequency Discriminator Using Branch-Line Hybrid 3dB Coupler)

曹 洪 九*, 李 忠 雄**

(Hong Goo Cho and Choong Woong Lee)

要 約

Branch-line 하이브리드 3dB 結合器에 $\lambda/2$ -短絡線路 스타브와 $\lambda/4$ -開放線路 스타브를 連結하여 人
力임피던스 整合을 시키면서 스타브의 定在波를 이용하는 새로운 形態의 마이크로波帶 線路 周波數 辨別
器의 理論을 提示하고 그것을 C-band에서 實現하였다.

實驗的으로 中心周波數 4.94GHz에서 辨別帶域幅이 400MHz까지 線形性이 좋으며 return loss > 15dB
로서 사용할 수 있는 임피던스 整合特性을 가지는 辨別器를 얻을 수 있음을 確認하였다.

Abstract

A new microwave transmission line frequency discriminator in MIC is described, which is composed of a branch-line hybrid 3dB coupler, a $\lambda/2$ -short stub and a $\lambda/4$ -open stub.

It is experimentally verified that the discriminator is linear in a 400 MHz bandwidth at center frequency 4.94 GHz and has return loss more than 15dB in that range.

I. 序 論

마이크로波帶 以上에서의 FM 復調回路로서는 超多重電話 혹은 텔레비전 信號 等을 直接 FM 復調 하는 것으로는 거의 實用化되어 있지 않고 主로 AFC用 辨別器, FM 雜音測定 等의 간단한 周波數 辨別器로 使用되고 있으나 通信시스템에서 局部發振器와 中間周波數 部分을 줄일 수 있는 마이크로波 信號의 直接 變復調方式^[1]이 試圖되고 있으므로 마이크로波帶의 FM

復調回路에 대한 關心이 많아질 것으로 像想된다.

마이크로波 周波數 辨別器로서는 導波管 振器를 主로 이용해 왔으나 現在는 마이크로波 回路의 대부분이 MIC化 하고 있음에 따라 마이크로스트립으로 많이 實現되고 있다.

90° 3dB-bridge를 이용하여 마이크로스트립으로 1.38GHz에서 50MHz의 辨別帶域幅을 갖는 FM 直接 辨別器가 實現되었으나 2個의 3dB-bridge와 2個의 LPF를 사용하므로 辨別帶域幅이 4% 以下의 狹帶域 이면서도 構造가 복雜하고 回路가 차지하는 面積이 크다.^[1]

1964年 C. W. Lee에 의해서 VHF帶에서 廣帶域의 線路 周波數 辨別器^[2]가 紹介되었으며 이 理論에서 提시된 브리지回路를 1979年에 S-band에서 마이크로스트립으로 近似的으로 具現하여 廣帶域周波數 辨別器를

*正會員, 國民大學校 電子工學科

(Dept. of Electron. Eng., Kook Min Univ.)

**正會員, 서울大學校 電子工學科

(Dept. of Electron. Eng., Seoul National Univ.)

接受日字 : 1985年 5月 28日

實現하므로서 마이크로波帶에서 MIC化에 적합한線路周波數辨別器가可能함을 보였다.^[3]

本論文에서는 브리지回路을 사용하지 않고 branch-line 하이브리드 3dB結合器에開放線路스터브와短絡線路스터브를연결하여入力임피던스를整合시키면서스터브에생기는定在波를이용하므로서8%程度의辨別帶域幅을가지는간단한線路周波數辨別器를實現하는理論을提示하고마이크로스트립으로C-band에서길이가 $\lambda/4$ 인開放線路스터브와 $\lambda/2$ 인short線路스터브를연결시켜서周波數辨別器를具現하여그特性을調査한다.

II. Branch-Line 하이브리드 3dB結合器

Branch-line 하이브리드 3dB結合器에그림1과같이port1에source임피던스가 Z_0 인2Volt의電源이連結되고port2와port3에는임의의負荷임피던스 Z_L 로終端되고port4는reference임피던스 Z_0 로終端된境遇를생각하면對稱의4-port回路網이되므로從來의解析方法을이용하여그림2와같은even과odd勵起의重疊으로생각할수있다.

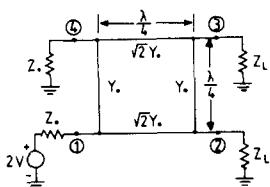


그림1. 終端된 branch-line 하이브리드結合器
Fig. 1. Terminated branch-line hybrid coupler.

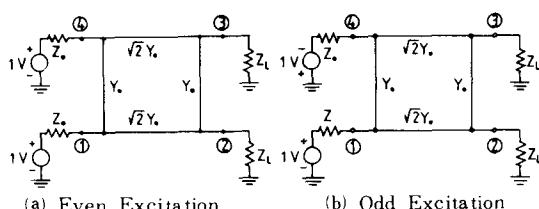


그림2. Branch-line 하이브리드結合器의 even-odd勵起모델
Fig. 2. Even-odd excitation models for the branch-line hybrid coupler.

따라서4-port回路網을그림3과같은2-port回路網으로간단히하여解析할수있으며이때의 V_{1e} , V_{1o} , I_{1e} , I_{1o} , V_{2e} , V_{2o} , I_{2e} 와 I_{2o} 사이의관계식은

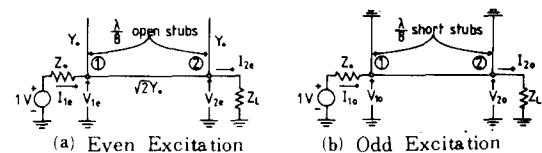


그림3. Even-odd勵起모델의2-port等價回路
Fig. 3. Equivalent 2-port circuits for even-odd excitation models.

ABCD매트릭스를이용하여구할수있다.

Port1에병렬로연결된스터브와port1과2사이의傳送線路그리고port2에병렬로연결된스터브의ABCD매트릭스를차례대로곱하여정리한V와I의관계식은

$$\begin{aligned} V_{1g} &= \pm \frac{1}{\sqrt{2}} V_{2g} + j \frac{1}{\sqrt{2}} I_{2g}, \\ I_{1g} &= j \frac{Y_0}{\sqrt{2}} V_{2g} \mp \frac{1}{\sqrt{2}} I_{2g} \end{aligned}$$

가된다.

또한port2는負荷임피던스 Z_L 로終端되고port1은內部임피던스 Z_0 인1volt電源이連結되어있으므로端子電压,電流사이에는 $V_{2e} = I_{2e} Z_L$, $V_{2o} = I_{2o} Z_L$, $V_{1e} + I_{1e} Z_0 = 1$, $V_{1o} + I_{1o} Z_0 = 1$ 인관계식이성립해야하므로even과odd勵起모델에서의電压,電流를 Z_L 과 Z_0 의합으로구할수있으므로그림1의4-port回路網에서各port의電压,電流는

$$\begin{aligned} (a) V_1 &= V_{1e} + V_{1o} = 1 \\ (b) V_2 &= V_{2e} + V_{2o} = -j \frac{\sqrt{2} Z_L}{Z_L + Z_0} \\ (c) V_3 &= V_{2e} - V_{2o} = - \frac{\sqrt{2} Z_L}{Z_L + Z_0} \end{aligned}$$

$$(d) V_4 = V_{1e} - V_{1o} = j \frac{Z_L - Z_0}{Z_L + Z_0} \quad (1)$$

$$(e) I_1 = I_{1e} + I_{1o} = \frac{1}{Z_0}$$

$$(f) I_2 = I_{2e} + I_{2o} = -j \frac{\sqrt{2}}{Z_L + Z_0}$$

$$(g) I_3 = I_{2e} - I_{2o} = - \frac{\sqrt{2}}{Z_L + Z_0}$$

$$(h) I_4 = I_{1e} - I_{1o} = -j \frac{Z_L - Z_0}{Z_0 (Z_L + Z_0)}$$

가된다.

식(1)의(a)와(e)에서port1으로부터branch-line하이브리드3dB結合器를들여다본入力임피던스 $Z_{in} = Z_0$ 가되어 Z_L 의값에관係없이整合이됨을알수있으며식(1)의(b)와(c), (f)와(g)에서port2와port3에서의電压과電流는각각90°의位相差를가지면서크기는같음을알수있고(d)와(h)에서port

4의 종단임피던스 Z_0 에 전달되는 전력은 $Z_L = Z_0$ 이면
0이 되어 port 1과 port 4가 isolation되는 것은 이미
잘 알고 있는 사실이며 Z_L 이 0, 無限大 혹은 임의의 리
액턴스 성분만을 가지는 부하라면 입사전력과同一한 크
기의 전력이 종단임피던스 Z_0 에 전달됨을 알 수 있다.

따라서 port 2와 port 3에 중심주파수에서 입력임
피던스가同一한開放線路 스타브와 단絡線路 스타브를
연결하면 입력임피던스整合을 이루면서 각 스타브
에 생기는定在波를 이용하여線路 판별기를構成할
수 있음을 알 수 있다.

III. 線路辨別器의 構成

II章의 解析結果에 따라서例를 들어 中心周波數에서 $Z_L = 0$ 인 경우 $\lambda/4$ -開放線路 스타브와 $\lambda/2$ -단絡線路 스타브를 사용할 수 있고 각 스타브의 종단에서 $\lambda/8$ 되는位置에 다이오드 檢波回路을 연결하기로 한다. 이 때에 port 1에서 檢波다이오드의 position까지位相遲延이 中心周波數에서 같도록 하기 위해 그림 4와 같이 port 2에 $\lambda/2$ -단絡線路 스타브, port 3에 $\lambda/4$ -開放線路 스타브를 연결하여 線路辨別器를構成한다. 여기서 branch-line 하이브리드 3dB 결합기回路를 N_c , port 2와 port 3에 연결된 스타브回路를 N_L , N_c 에 N_L 이 연결된回路網을 N 이라고 한다.

Branch-line 하이브리드 3dB 결합기의 特性은 10%程度의 帶域幅 내에서는 port 2와 port 3에 결합되는 전력이 각각 약 3dB 떨어지며 그 결합오차는 0.25dB 이상 벗어나지 않으므로 두 port에 인가되는 전력의 差異는 3% 이하가 되어 같은 크기의 電圧이 port 2와 port 3에 연결된 스타브에 인가된다고 볼 수 있다.

스타브에 입사되는 電圧波의 振幅을 V 라 하면 단絡線路 스타브와開放線路 스타브에 생기는定在波電圧 V_{sc} 와 V_{oc} 는

$$(a) V_{sc} = -j2V \sin\phi$$

$$(b) V_{oc} = 2V \cos\phi \quad (2)$$

가 되며 檢波다이오드가 自乘檢波를 한다면 다이오드回路에서 스타브에 생기는定在波振幅의 自乘에 비례하는 電圧이 나타나며 두 電圧의 差異가 辨別器의 出力電圧 V_o 로 나타나게 하면

$$V_o = \eta |2V|^2 (\cos^2\phi - \sin^2\phi)$$

$$= \eta |2V|^2 \cos 2\phi \quad (3)$$

가 된다.

여기서 η 는 다이오드回路의定在波電圧에 대한 感
度이며 ϕ 는 스타브의 종단에서 檢波回路 까지 전송線
路의 길이에 대한 電氣角 $\omega\sqrt{LC} \lambda/8$ 에 해당된다.

식(3)에서 周波數가 變動함에 따라 中心周波數 부근

에서 線形性이 좋은 辨別特性을 나타낼 수 있다.

周波數의 變動에 따른 辨別器의 入力임피던스의 變化를 구하기 위하여서는, 그림 3의 even 및 odd勵起 모델에서 port 1과 port 2 사이의 전송線路와並列로 연결된 短絡 및開放線路 스타브 중에서 線路의 길이가 가장 짧은 것이 $\lambda/8$ 이며 이것을 기준으로 수식을 展開하는 것이 편리하므로 이 때의 電氣角을 θ 로 두면 $\theta = \pi f/4f_0$ 가 되며 $t = \tan\theta$ 로 두기로 한다.

우선 branch-line 하이브리드 3dB 결합기의 scattering matrix를 구하기 위하여 그림 4에서 port 2, 3, 4가 Z_0 로 종단되고, 内部임피던스가 Z_0 인 電源에서 1 volt의 전압이 port 1에 입사되는 경우를 생각한다. 이 때에 port 1에서의 反射係數와 port 2, 3, 4로 전달되는 각각의 透過係數는 대칭인 4-port回路網의 解析法에 의하여 입력이 각각 1/2 Volt인 even 및 odd 모델의 2-port等價回路에서 ABCD matrix를 구하여 유도할 수 있다.

그림 3에서 port 2에 연결된 Z_L 을 Z_0 로 바꾼 회로에서 入力側인 port 1과 出力側인 port 2 사이의 ABCD matrix는, 回路를 3개 부분 즉 port 1의並列스터브, port 1과 2 사이의 전송線路 그리고 port 2의並列스터브로 나누어 각 부분의 ABCD matrix를 t의 함수로 표시하여 차례대로 곱하여 구하면

$$\begin{bmatrix} A_e & B_e \\ C_e & D_e \end{bmatrix} = \frac{1}{1+t^2} \begin{bmatrix} 1-t^2-\sqrt{2}t^2 & j\sqrt{2}Z_0t \\ j\frac{2t}{Z_0}(1-t^2+\sqrt{2}-\frac{t^2}{\sqrt{2}}) & 1-t^2-\sqrt{2}t^2 \end{bmatrix} \quad (4)$$

$$\begin{bmatrix} A_o & B_o \\ C_o & D_o \end{bmatrix} = \frac{1}{1+t^2} \begin{bmatrix} 1-t^2+\sqrt{2} & j\sqrt{2}Z_0t \\ j\frac{2}{Z_0}(\sqrt{2}t-\frac{1}{\sqrt{2}t}-\frac{1-t^2}{t}) & 1-t^2+\sqrt{2} \end{bmatrix} \quad (5)$$

가 된다.

負荷가整合되었을 때의 入力側의 反射係數 Γ 와 電源側과 負荷가整合되었을 때에 入力側에서 出力側으로의 透過係數 T 는 ABCD matrix와의 관계식(4)에서 구할 수 있으므로 even 및 odd 모델의 2-port等價回路에서 反射係數 및 透過係數는 식(4)와(5)를 이용하여 다음과 같이 구할 수 있다.

$$\Gamma_e = \frac{A_e + B_e/Z_0 - C_e Z_0 - D_e}{A_e + B_e/Z_0 + C_e Z_0 + D_e} \quad (6)$$

$$T_e = \frac{2}{A_e + B_e/Z_0 + C_e Z_0 + D_e} \quad (7)$$

$$\Gamma_o = \frac{A_o + B_o/Z_0 - C_o Z_0 - D_o}{A_o + B_o/Z_0 + C_o Z_0 + D_o} \quad (8)$$

$$T_o = \frac{2}{A_o + B_o/Z_0 + C_o Z_0 + D_o} \quad (9)$$

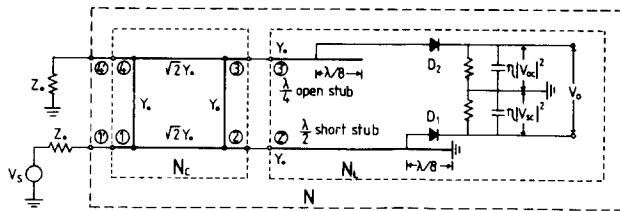


그림 4. 線路周波数辨別器回路

Fig. 4. Circuit of line frequency discriminator.

이제重疊의原理에 의하여 even과 odd모델을 합치면 branch-line 하이브리드 3dB 결합기에서 port 1에서의入射波 $a_1 = 1$, 反射波 $b_1 = 1/2(\Gamma_e + \Gamma_o)$ 이며 나머지 port에서는 $a_2 = a_3 = a_4 = 0$, $b_2 = 1/2(T_e + T_o)$, $b_3 = 1/2(T_e - T_o)$, $b_4 = 1/2(\Gamma_e - \Gamma_o)$ 가 되므로回路의 대칭성과可逆性을 이용하면 그림 4에서 branch-line 하이브리드 3dB 결합기回路網 N_c 의 scattering matrix는 다음과 같이 주어진다.

$$b_1 = S_{11} = S_{22} = S_{33} = S_{44} = 1/2(\Gamma_e + \Gamma_o) \quad (10)$$

$$b_2 = S_{12} = S_{21} = S_{34} = S_{43} = 1/2(T_e + T_o) \quad (11)$$

$$b_3 = S_{13} = S_{31} = S_{24} = S_{42} = 1/2(T_e - T_o) \quad (12)$$

$$b_4 = S_{14} = S_{41} = S_{23} = S_{32} = 1/2(\Gamma_e - \Gamma_o) \quad (13)$$

한편結合器回路 N_c 의 port 2와 port 3에 연결된 스터브回路網 N_L 의 scattering matrix S_L 은

$$S_L = \begin{vmatrix} S_2 & 0 \\ 0 & S_3 \end{vmatrix} \quad (14)$$

와 같은形態로表示되며檢波回路의負荷效果를無視할수있다면 S_2 와 S_3 는 $\lambda/2$ -短絡線路스터브와 $\lambda/4$ -開放線路스터브의入力反射係數이므로 $S_2 = (j \tan 4\theta - 1) / (j \tan 4\theta + 1)$, $S_3 = (-j \cot 2\theta - 1) / (-j \cot 2\theta + 1)$ 가되며 이것을 $t = \tan \theta$ 의함수로정리하면 S_2 와 S_3 는 다음과같이表示된다.

$$S_2 = -1 + \frac{32t^2(1-t^2)^2}{(1+t^2)^4} + j \frac{8((1-t^2)[(1-t^2)^2 - 4t^2]}{(1+t^2)^4} \quad (15)$$

$$S_3 = -1 + \frac{2(1-t^2)^2}{(1+t^2)^2} - j \frac{4t((1-t^2)}{(1+t^2)^2} \quad (16)$$

그러면branch-line 하이브리드 3dB 결합기回路 N_c 에스터브回路 N_L 이連結된 cascade-load回路網 N 의 scattering matrix S' 는整理된公式을 이용하여 다음과같이구할수있다.^[5]

$$\begin{aligned} S' &= \begin{bmatrix} S_{11}' & S_{11}' \\ S_{41}' & S_{44}' \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} S_{11} & S_{14} \\ S_{41} & S_{44} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} S_{12} & S_{13} \\ S_{42} & S_{43} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} S_2 & 0 \\ 0 & S_3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} - \\ &\quad \begin{bmatrix} S_{22} & S_{23} \\ S_{32} & S_{33} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} S_2 & 0 \\ 0 & S_3 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} S_{21} & S_{24} \\ S_{31} & S_{34} \end{bmatrix} \quad (17) \end{aligned}$$

식(10)~(13)을식(17)에대입하여整理하면port

1에서의入力反射係數 S_{11}' 는

$$S_{11}' = b_1 + \frac{b_2^2 S_2 + b_3^2 S_3 - (b_1 b_2^2 - 2b_2 b_3 b_4 + b_1 b_3^2) S_2 S_3}{1 - (S_2 + S_3) b_1 + (b_2^2 - b_3^2) S_2 S_3} \quad (18)$$

가된다.

中心周波数에서 $Z_L = \infty$ 혹은 $Z_L = jX$ 인스터브回路網에 대해서도스터브의入力反射係數 S_2 와 S_3 를구한후에식(18)에대입하여port 1에서의入力反射係數을구할수가있으며몇가지경우의整合度를比較하기위하여周波数에따른 S_{11}' 를定波波比와의관계식 $VSWR = 1 + |S_{11}'| / (1 - |S_{11}'|)$ 을이용하여VSWR로換算하여圖示하면그림5와같다.

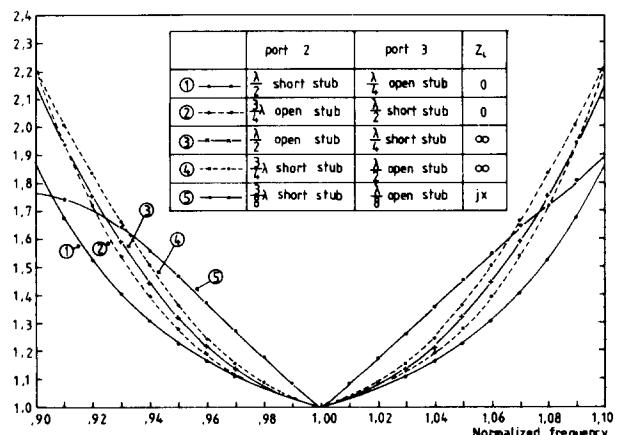


그림 5. VSWR의理論値

Fig. 5. Theoretical values of VSWR.

그림5에서 $Z_L = 0$ 이고port 2에 $\lambda/2$ -短絡線路스터브, port 3에 $\lambda/4$ -開放線路스터브를連結할때가整合特性이가장좋음을알수있다.

IV. 線路辨別器의製作 및 特性實驗

特性임피던스 Z_0 를 50ohm으로한中心周波数 4.94GHz에서의branch-line 하이브리드 3dB 결합기와 $\lambda/2$ -短絡線路스터브및 $\lambda/4$ -開放線路스터브를比誘電率 $\epsilon_r = 2.45$, 誘電体두께 $h = 0.762mm$, 基板上의導體두께 $t = 0.036mm$ 인 copper clad teflon基板으로製作하였다. 이때에각部分의線路의幅및길이를구하기위하여Wheeler가提示한マイクロスト립의特性임피던스 및有効誘電率에관한式을이용하였다.^[6]

여기서辨別器의檢波回路部分이負荷效果로나타나는것을막기위하여檢波ダイオード로사용한 Hewlett Packard의 zero bias schottky detector diode

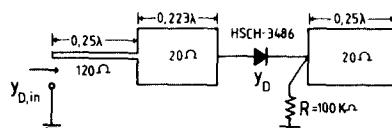


그림 6. 檢波回路

Fig. 6. Detecting circuit.

HSCH-3486의 어드미턴스 데이터를 가지고 Smith chart를 이용하여 그림 6과 같은 檢波回路를 設計하였다.

檢波回路의 正規化 人力어드미턴스 $y_{D,in}$ 이 中心周波数 부근에서 마이크로스트립 스타브의 正規化 特性어드미턴스 1mho에 比하여 충분히 작게 하기 위하여 120ohm인 높은 임피던스의 $\lambda/4$ -變換器 線路와 20 ohm인 낮은 임피던스의 線路를 사용하였으며 20ohm 線路의 길이는 中心周波数에서 人力어드미턴스가 實數가 되도록 정하였다.

中心周波数에서 ダイオード의 等價어드미턴스는 $Y_D = 0.046 + j 0.43\text{mho}$ 이며 이 때 檢波回路의 人力어드미턴스는 $y_{D,in} = 0.0012 + j 0\text{mho}$ 가 되어 負荷効果를 無視할 수 있다.

다이오드 다음에 連結된 特性임피던스 20ohm의 $\lambda/4$ -開放線路 스타브는 中心周波数 부근에서는 短絡의 役割을 하나 낮은 信號周波数에 대해서는 커퍼시터 役割을 하며 이 때의 커퍼시터 靜電容量은 $C = \epsilon A/d$ 인 관계식에서 대략 0.46 pF가 구해지므로 따라 集中素子 커퍼시터를 사용하지 않았다.

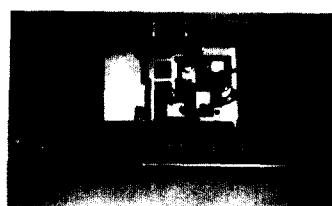
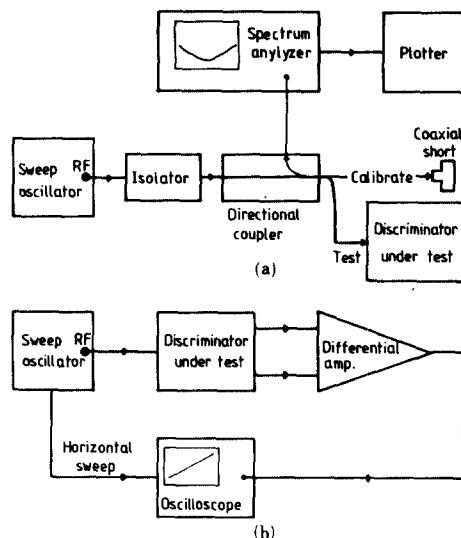


그림 7. Branch-line 하이브리드 3 dB結合器를 利用한 線路 周波數 辨別器

Fig. 7. Line frequency discriminator using branch-line hybrid 3 dB coupler.

실제 製作한 branch-line 하이브리드3dB 結合器 線路辨別器에서 port 4에 連結되는 負荷 저항인 50ohm의 터미네이션을 제외한 辨別回路의 모양은 그림 7과 같으며 그림 8과 같은 測定시스템에 의하여 임피던스 整合 및 周波數 辨別特性을 測定하였다.

그림 8. (a) Return loss 測定시스템
(b) 辨別特性 測定시스템Fig. 8. (a) Return loss measuring system.
(b) Discrimination measuring system.

$f_0 \pm 500\text{MHz}$ 사이의 return loss 特性은 그림 9와 같이 나타났으며 4.94GHz±4%의 帶域幅 内에서는 return loss가 15dB 以上으로서 VSWR < 1.4인 사용 가능한 特性을 얻을 수 있다.

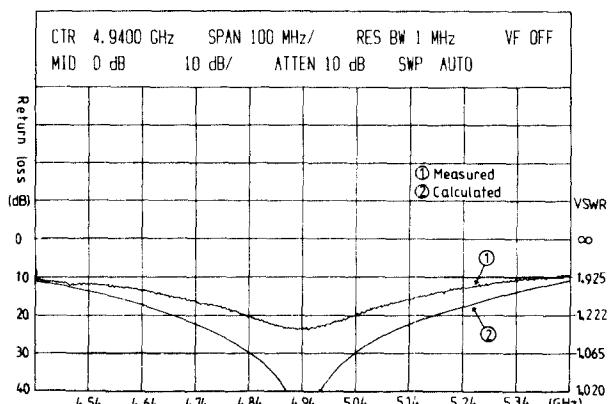


그림 9. Return loss의 측정치와 이론치

Fig. 9. Theoretical and measured values of return loss.

그림 8 (b)에 의하여 帶域幅 400MHz 까지 辨別器의 人力을 1.0mW로 일정하게 인가하여 周波數 辨別特性을 測定하였으며 그림10과 같은 辨別器의 動特性을 얻

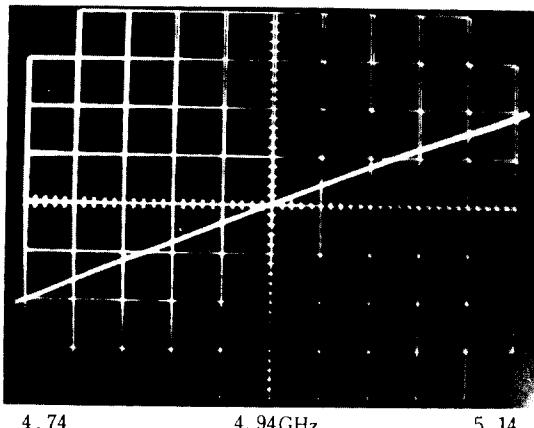


그림10. 周波数 辨別特性(入力 power : 1.0mw, 시스템 손실 : 0.16mw X축 : 40MHz/div, Y축 : 10mv/div)

Fig. 10. Characteristic of frequency discrimination.

었다. 여기서 線路 周波数 辨別器의 전체 시스템 손실은 0.16mW 이었다.

V. 結論

Branch-line 하이브리드 3dB 結合器에 $\lambda/2$ -短絡線路 스타브와 $\lambda/4$ -開放線路 스타브를 連結하여 임피던스 整合을 시키면서 스타브에 생기는 定在波를 이용하여 마이크로파帶線路 周波数 辨別器의 具現이 可能함을 알았다.

本論文에서 設計 製作한 辨別器의 帶域幅은 中心周波数 4.94GHz에서 400MHz를 얻었으며 return loss > 15 dB인 整合特性을 가진다. 이것은 Zhuang Kuan-Jie ⁽¹⁾가 2개의 하이브리드 브릿지와 2개의 LPF를 사

용하여 1.38GHz에서 얻은 50MHz의 帶域幅에 비하면
此帶域幅이 약 2배가 넓으며 構造가 간단하여 製作이
容易하다.

T-junction effect를 고려하여 하이브리드 結合器를
設計하고 此誘電率이 높은 基板을 선택하여 製作한다면
入力整合特性을 보다 더 理論值에 가까이 개선할
수 있을 것으로 기대한다.

参考文献

- [1] Zhuang Kuan-Jie and Lin Fu-Hua, "Direct microwave modulation and demodulation," *IEEE MTT-S Digests*, pp. 547-549, 1983.
- [2] Choong Woong Lee, "An analysis of a super wide-band FM line discriminator," *Proc. IEEE*, vol. 52, no 9, pp. 1034-1038, Sep. 1964.
- [3] 張益洙, 朴麒洙, "마이크로스트립 線路 廣帶域
바이크로파 周波數 辨別器에 관한 研究", 대한
전자공학회誌, 第16卷 第3号, pp. 49-56, 7月
1979年.
- [4] J. Reed and G.J. Wheeler, "A method of
analysis of symmetrical four-port net-
works," *IRE Trans. Microwave Theory
Tech.*, vol. MTT-4, no. 4, pp. 246-252,
Oct. 1956.
- [5] Tri T. Ha, *Solid-State Microwave Amplifier
Design*. Wiley New York, pp. 15-16, 1981.
- [6] Harold A. Wheeler, "Transmission-line
properties of a strip on a dielectric sheet
on a plane," *IEEE Trans. Microwave
Theory Tech.*, vol. MTT-25, no. 8, pp.
631-647, Aug. 1977.