

# 超電導 에너지 貯藏裝置를 利用한 電力系統 安定度 向上

論 文

34~6~1

## Power System Stabilization Using SMES

趙炳旭\* · 朴鍾根\*\*  
(Boung-Wook Cho · Jong Keun Park)

### Abstract

Superconducting Magnetic Energy Storage (SMES) system can be used for power system stabilization by absorbing or discharging active and reactive power through thyristor-controlled converters.

In this paper, we have proposed a control algorithm that the active and reactive powers of SMES are simultaneously controlled to increase power system dynamic stability. The proposed method was applied to one machine-infinite and three machines and three load model systems. And it has been shown that the proposed algorithm is more effective in power system stabilization than the conventional one that only the active power of SMES is controlled.

Eigenvalue sensitivity analysis method is introduced to estimate the optimal location of SMES in the sense of the power system oscillation mode.

### 1. 序論

최근, 電力 貯藏 方法으로서 優秀한 超電導에너지 貯藏裝置 (Superconducting Magnetic Energy Storage System)가 주목되고 있다.

SMES는 電力系統과 超電導코일 사이에 싸이리스터 變換裝置를 이용한 制御方式을 통하여 有効電力과 無効電力を 빠른 應答速度로 吸收 또는 放出이 가능하다. 이 성질을 이용하여 電力系統 安定化에 이용이 가능하게 되었다.<sup>1), 3)</sup>

SMES의 安定化 方式으로서, 종래 有効電力만을 制御하여 無効電力量을 從屬的으로 정하여 왔으나, 최근 有効電力뿐만 아니라, 無効電力까지 制御하여 더욱 좋은 安定化 向上效果를 얻는 方式에 대하여 관심이 깊어지고 있다.<sup>2), 8)</sup>

본 논문에서는 安定度 解析 시뮬레이션을 1機無限大 모델系統에 적용해 본結果 動態 및 過渡 安定度

實驗結果<sup>1)</sup>와 잘 일치함을 확인하였다. 또한, 有効電力과 無効電力を 동시에 制御하는 경우 安定度 向上效果를 時間 領域에 대한 시뮬레이션과 固有值 感度解析을 통하여 고찰하였다.

多機系統의 예로서 3機3負荷 系統에 適用하여 動搖 모드 解析 및 SMES 설치 位置에 따른 安定度 向上效果를 검토하였다.

### 2. SMES의 構成 原理 및 有效·無效電力制御 特性

#### 2.1 SMES의 構成 및 原理<sup>1), 2), 5)</sup>

SMES 變換系統의 구성을 그림 1과 같이 싸이리스터 · 더블·브리지 회로 (Thyristor double bridge circuit)로 구성되고 貯藏裝置에서 발생되는 有効電力量은

$$P = I_d \cdot V_{d0} \cos(\alpha + \frac{u}{2}) \quad (2.1)$$

로 된다.

(여기서  $I_d$ : 超電導 코일에 흐르는 電流,

\*正會員: 現代 엔지니어링(株) 근무

\*\*正會員: 서울大 工大 電氣工學科 助教授 · 工博  
接受日字: 1985年 1月 18日

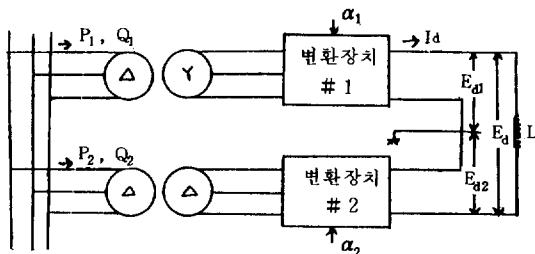


그림 1. SMES 의 기본 구성도  
Fig. 1. Basic structure of SMES.

$V_{d0}$  : 쌔이리스터 變換器의 無負荷 最大出力 電圧,  
 $u$  : 變圧器 側의 轉流 리액턴스에 의한 重復角)  
各 變換器를  $\alpha_1$ ,  $\alpha_2$ 로 제어하는 경우, 變換器  
側에 發生되는 電圧 및 有効・無効 電力量은 다음  
과 같다.

$$E_d = E_{d0} \left( \cos(\alpha_1 + \frac{u_1}{2}) + \cos(\alpha_2 + \frac{u_2}{2}) \right) \quad (2. 2)$$

$$P = I_d \cdot E_{d0} (\cos \theta_1 + \cos \theta_2) \quad (2. 3)$$

$$Q = I_d \cdot E_{d0} (\sin \theta_1 + \sin \theta_2) \quad (2. 4)$$

$$(여기서 \theta_1 = \alpha_1 + \frac{u_1}{2}, \theta_2 = \alpha_2 + \frac{u_2}{2})$$

그리고 그림 2에서 圓孤 b, c에 대한 式은 (2. 5), (2. 6)과 같이 표시된다.

$$\{P - \frac{1}{2} \cos \theta_{min}\}^2 + \{Q - \frac{1}{2} \sin \theta_{min}\}^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2 \quad (2. 5)$$

$$\{P - \frac{1}{2} \cos \theta_{max}\}^2 + \{Q - \frac{1}{2} \sin \theta_{max}\}^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2 \quad (2. 6)$$

여기서  $\theta$ 의 범위는  $8^\circ$ 에서  $150^\circ$ 이다.

## 2.2 有效・無効 電力 制御特性

SMES의 有効電力과 無効電力의 制御特性은 그림 2와 같다. 有効電力を 制御하고 無効電力이 從屬의 으로 정해지는 경우 制御特性은 半圓 a로 결정된다. 즉 그림 2에서 有効電力量이  $P_d$ (점 B)로 결정되는 경우 無効電力量은 半圓 a의 點 A로 결정된다. 有効電力뿐만 아니라, 無効電力を 制御하는 경우 無効電力量의 制御 범위는 圓孤 b, c까지 확대된다. 즉, 有効電力量이  $P_d$ (점 B)로 결정되는 경우, 無eff電力量은 半圓 a의 點 A와 圓孤 c의 點 C 사이의 間内部 범위에서 결정된다.

系統에 供給되는 無eff電力量은 SMES와 並列로 설치된 补償콘텐서에 의하여 补償된 양이 된다.<sup>1)-3)</sup>

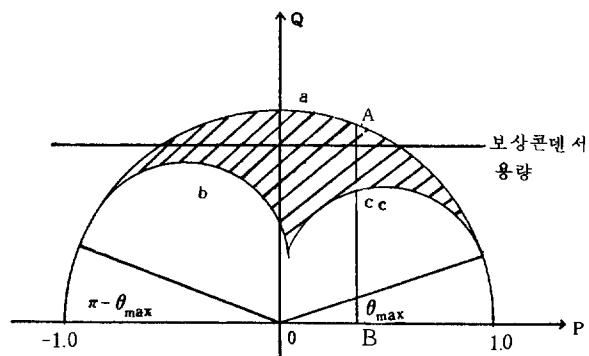


그림 2. SMES의 有効・無効 전력 제어 범위

Fig. 2. Possible controlable region for active and reactive power of SMES.

즉, 系統 供給量 = SMES 發生量 - 补償容量

SMES 變換系統의 구성 및 點弧角에 따른 有効・無効電力量은 부록과 같다.

有効電力 制御의 경우, 入力制御信號는 發電機의 回轉速度偏差  $\Delta \omega$ 를 사용하여 超電導코일 兩端의 直流 電圧  $E_d$ 를 制御하여 式(2.7), (2.8)와 같이 有効電力を 吸收 또는 放出한다.<sup>1)</sup>

$$V_{d\omega} = \Delta \omega \cdot \frac{K_m}{1+ST_m} \cdot \frac{K_a}{1+ST_a} \quad (2. 7)$$

$$P_d = I_{d0} \cdot K_v \cdot V_{d\omega} \quad (2. 8)$$

여기서  $K_m$ ,  $T_m$ 은 速度 檢出器 gain 및 時定數  $K_a$ ,  $T_a$ 는 补償函數의 gain 및 時定數

$K_v$ 는 有効電力 發生 gain

$V_{d\omega}$ 는 發電機 速度 偏差

$I_{d0}$ 는 SMES 코일에 흐르는 初期 電流値

$P_d$ 는 SMES 가 發生하는 有効電力量

無効電力 制御의 入力信號는 設置母線의 電圧偏差  $\Delta V$ 를 사용하여 式(2.9)와 같이 無eff電力量을 制御한다.

$$Q_d = \frac{K_{sq}}{1+ST_a} \cdot \Delta V \quad (2. 9)$$

$K_{sq}$ ,  $T_a$ 는 补償函數의 gain 및 時定數

$\Delta V$ 는 設置母線의 電圧偏差

$Q_d$ 는 SMES 供給 無eff電力量

시 레이션에서 사용된 각 常数값들은 表 1과 같다. 그리고 有効電力과 無eff電力量을 同시에 制御하는 경우 有効・無eff電力量의 決定方法은 그림 3과 같다. 그림 3에서  $Q_{max}$ ,  $Q_{min}$ 은 다음과 같다.(부록參照)

$$Q_{max} = (1 - P_d^2)^{1/2} \quad (2. 10)$$

$$Q_{min} = 0.25 + (0.5^2 - (P_d + 0.43)^2)^{1/2}$$

(圓孤 b 上에 있을때)

$$Q_{min} = 0.07 + (0.5^2 - (P_d - 0.5)^2)^{1/2}$$

(圓弧 c 上에 있을때)

표 1. SMES 상수

Table 1. Parameters of SMES.

$K_a$	1
$K_v$	530
$K_u$	1
$T_a$	0.2 [sec]
$T_u$	0.1 "
$K_{sq}$	10
$T_{sq}$	0.2 [sec]
$I_{d0}$	0.2716 [P·U]

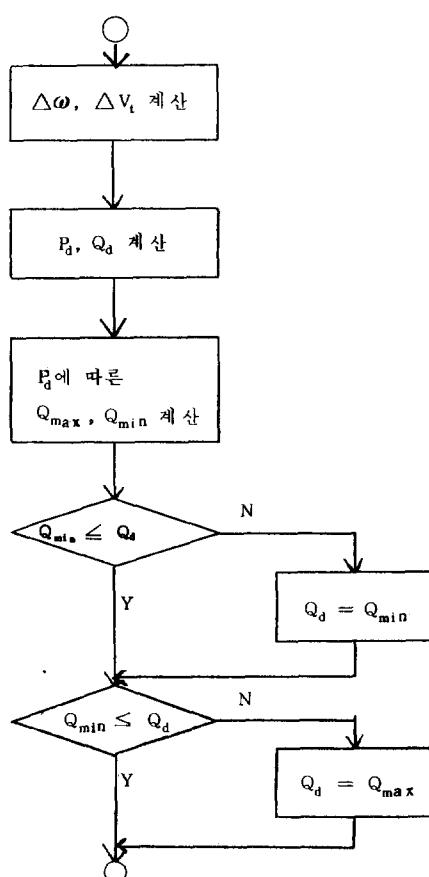


그림 3. 有効・無効 電力 決定 Algorithm

Fig. 3. Algorithm for determining active and reactive power supplied by SMES.

## 3. 모델系統에 대한 解析

## 3.1 1機 無限大 系統

그림 4와 같은 1機 無限大 母線 모델 系統에 대하여 SMES 설치에 따른 動態安定度 및 過渡安定度에 대한 安定度向上效果를 검토하였다.

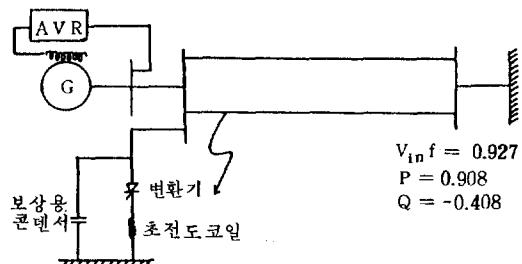
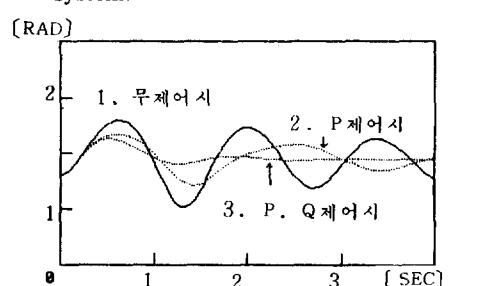


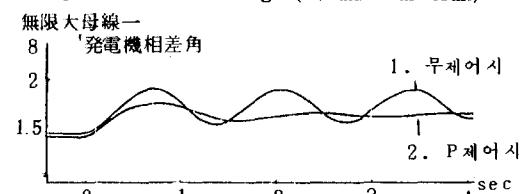
그림 4. 1기 무한대 모션 모델 계통

Fig. 4. Model system of the one machine-infinite bus system.



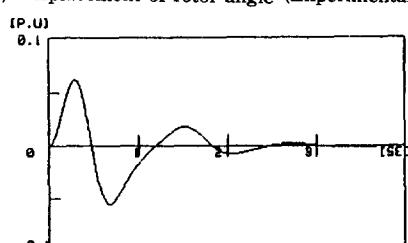
a) 상차각의 변화 (시뮬레이션 결과)

a) Displacement of rotor angle (Simulational result)



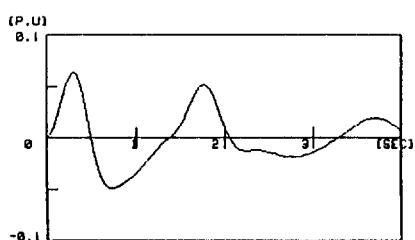
b) 상차각의 변화 (실험 결과)

b) Displacement of rotor angle (Experimental result)

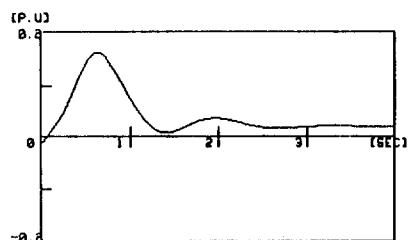


c) SMES의 입력 유효전력 (P 제어 시)

c) Input active power of SMES (P-control)



d) SMES의 입력유효전력 (P, Q 제어시)  
d) Input active power of SMES (P.Q control)



e) SMES의 입력무효전력 (P, Q 제어시)  
e) Input reactive power of SMES (P.Q control)

그림 5. 동태 안정도의 경우

Fig. 5. Case of dynamic stability.

動態安定度는 1回線開放을 想定하였고, 過度安定度는 10 cycle 동안 1線地落事故를 想定하였다. 발전기는 AVR을 포함하여 5차식으로 표현되는 2軸모델(Two-axis model)을 사용하였다.

사용된 系統 및 發電機의 諸定数는 表 2와 같다. 또한 補償콘덴서 容量은 动態安定度의 경우 SMES 용량의 80%로 하여 計算하였고, 過渡安定度의 경우 SMES 용량의 90, 80, 70, 60%의 4 가지 경우로 하여 각각 安定度向上効果를 구하였다. 자세한 발전기와 系統의 條件式들은 부록에 표시하였다.

## 표 2. 發電機 및 系統 定數

Table 2. Parameters of generator and system.

발전기		AVR	
$x_d$	1.49 [P·U]	$T_d$	1 [sec]
$x_d$	0.822 "	$T_d$	0.3 "
$x_{d\prime}$	0.252 "	$K_d$	60
M	$\tau$ [sec]	계통	
$T_m$	1.56 "	$x_t$	0.463 [P·U]
$T_m$	0.08 "	$V_{ref}$	0.927 "

動態安定度의 경우, 위상각  $\delta$ 에 대한 시뮬레이션과 實驗結果는 각각 그림 5a), b)와 같다. 여기

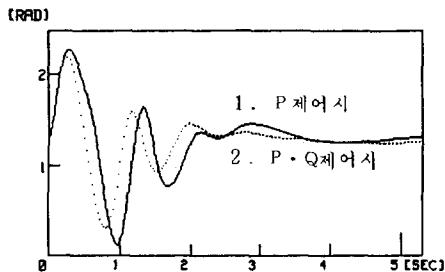
서 實驗結果는 참고문헌 1)을 參照하였다. a)와 b)에서 SMES를 제어하지 않은 경우(曲線 1)와 有効電力만을 制御한 경우(曲線 2)을 보면 시뮬레이션結果와 實驗結果가 잘 일치함을 알 수 있다. 有効・無効電力 同時 制御의 경우 實驗結果가 없어 비교할 수 없으나 시뮬레이션 결과(a)의 曲線 3)로부터 安定度 向上効果를 보면 有効電力만을 制御하는 경우에 비하여 큰 것을 알 수 있다. 이 경우 振動이 2초 이후에 완전히 사라짐을 볼 수 있다.

그림 5의 c), d), e)는 動態安定度의 경우 SMES로 부터 系統에 入力되는 有効電力 및 無効電力量을 구한 것이다. 여기서 c)는 有効電力만을 제어하는 경우이고, d)와 e)는 有効電力과 無効電力を 동시에 제어하는 경우이다. 有効電力 變動量은 발전기 용량의 10% 이내에서 變動하였고 無効電力은 20% 이내에서 變動하였다. 특히, 無効전력이 供給制限範圍內에서 결정되어 無効電力의 供給에 支障이 없었다. 또한, 位相角과 系統電壓이 새로운 값에서 平衡을 이루어 ( $\delta : 74^\circ \rightarrow 78^\circ$ ,  $V : 0.853 \rightarrow 0.885$  (p.u.)) 設置母線의 系統電壓偏差  $\Delta V (V_t - V_{ref})$  가 0.032 (p.u.)로 되어 그림 5 e)에서 2초이후 0.02 (p.u.)의 off-set가 발생하였다.

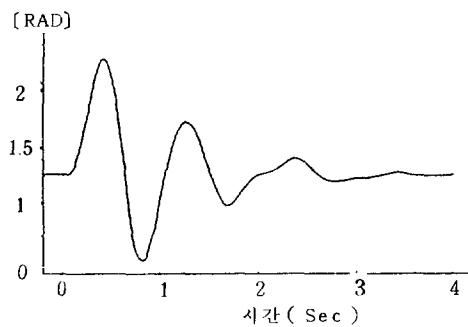
過渡安定度의 경우, 位相角  $\delta$ 에 대한 시뮬레이션과 實驗結果는 그림 6a), b)와 같다. 이 경우에도 有効전력만을 制御하는 경우(1曲線) 實驗結果와 잘一致됨을 알 수 있다. 動態安定度에서와 같이 有効 및 無効電力を 동시에 제어하는 경우(2曲線)의 安定度 向上効果가 더욱 크다. 이 경우 振動이 3波이후 거의 소멸하였다.

그림 6c), d), e)는 過渡安定度의 경우 필요한 SMES의 有効 및 無効電力量을 表示하였다. c) 및 d)에서 필요한 有効電力量이 발전기 容量의 60%에 달하여 過渡安定度 向上을 위해서는 SMES 容量이 커야함을 알 수 있다. 또한, 有効・無効電力を 同時に 制御하는 경우 필요한 無効電力量이 供給 가능한 無効電力範圍(그림 2의 사선부분)를 벗어나게 되어 無効電力量을 制限받지 않고 공급할 수 있는 경우에 비하여 安定度 向上効果가 떨어진다. 그림 6a)~e)는 補償콘덴서 容量을 80%로 하여 구한 결과이다.

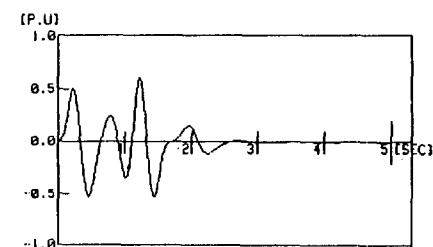
위에서는 SMES의 電力系統 动態 및 過渡安定度 向上効果를 時間領域에서 檢討하였다. 다음에는 電力系統에 미치는 SMES의 动態安定度 向上効果를 固有值 解析方法을 도입하여 分析 검토한다.



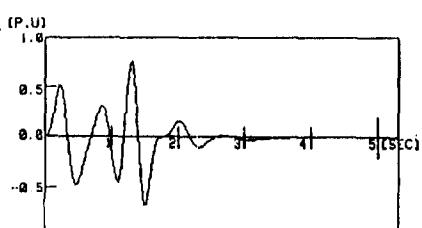
a) 상차각의 변화 (시뮬레이션 결과)  
a) Displacement of rotor angle (Simulational result)



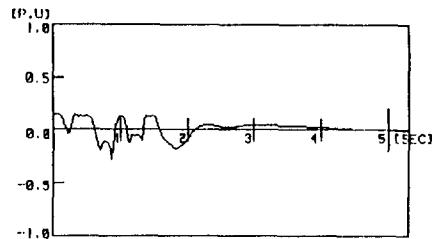
b) 상차각의 변화 (실험 결과)  
b) Displacement of rotor angle (Experimental result)



c) SMES 의 입력 유효전력 (P 제어 시)  
c) Input active power of SMES (P-control)



d) SMES 의 입력 유효전력 (P.Q 제어 시)  
d) Input active power of SMES (P.Q control)



e) SMES 의 입력무효전력 (P.Q 제어 시)  
e) Input reactive power (P.Q control)

그림 6. 과도 안정도의 경우

Fig. 6. Case of transient stability.

固有值 解析을 위하여 필요한 電力 系統의 狀態 方程式은 다음과 같이 發電機, SMES, 系統 方程式 등을 線形化하여 (3.1)과 같이 정리하였다.<sup>6)</sup>

$$\dot{\bar{X}}_1 = A \cdot \bar{X}_1 \quad (3.1)$$

여기서  $\bar{X}_1 = (E_q, E_d, \omega, \delta, E_{fd}, \omega, V_{\Delta\omega}, Q_d)^T$

$E_q, E_d, \omega, \delta$ : 發電機 state

$E_{fd}$ : AVR state

$\omega, V_{\Delta\omega}$ : SMES 的 有効電力 制御部 state

$Q_d$ : SMES 的 無効電力 制御部 state

SMES 的 有効電力 gain  $K_v$  (식 2.8 參照)와 無効電力 gain  $K_{sq}$  (식 2.9 參照)를 變化시켜 動搖모드의 併殖을 구하면 그림 7과 같다. 그림 7에서  $K_v$  와  $K_{sq}$  를 증가시킴에 따라 動搖모드의 實數部에 對應되는 安定度가 向上됨을 알 수 있다.  $K_{sq}$  를 증가시키는 경우, 固有值의 虛數部 값이 조금 감소하였다.

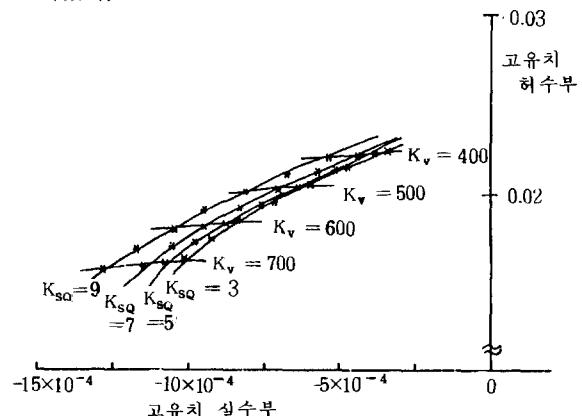


그림 7. SMES gain 변화에 따른 동요모드의 併殖

Fig. 7. Locus of oscillation mode by variation of SMES gain.

### 3.2 多機 系統에의 適用

그림 8과 같은 3機 9 Bus 系統에 대하여 固有值 感度를 구하여 動搖 모드에 대한 SMES의 安定化 向上 効果를 구하였다. 系統을 線形化하여 식(3.2)와 같이 정리한다. <sup>41), 91)</sup>

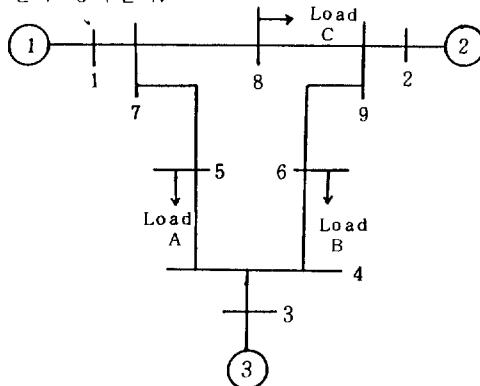


그림 8. 모델 계통 (3 기 계통)

Fig. 8. Model system (3 Bus system).

$$\frac{dx}{dt} = A \cdot X + B \cdot U \quad (3.2)$$

系統의 常数를 변화시킬 경우, 固有值 感度는 식(3.3)과 같이 구해진다. 즉, 系統상수  $r$ 에 대한  $i$  번째 固有值  $\lambda_i$ 의 感度는 <sup>71)</sup>

$$\frac{\partial \lambda_i}{\partial r} = \left\langle \frac{\partial A}{\partial r} W_i, V_i \right\rangle / \langle W_i, V_i \rangle \quad (3.3)$$

로 주어진다.

여기에서  $W_i, V_i$ 는 固有值  $\lambda_i$ 에 대응하는  $A$  와  $A^T$ 의 固有ベクト리이고  $\langle , \rangle$ 는 두벡터의 内積을 표시한다.

固有值의 感度를 구하는 과정을 설명하면

i) 각 設置 候補點에 모두 SMES를 설치한다. 이 경우 有効電力 gain  $K_v$  및 無効電力 gain  $K_{sq}$  를 0으로 하여  $A$  및 固有值  $\lambda_i$ 에 대한 固有ベクト리  $W_i, V_i$ 를 구한다.

ii) 각 設置 候補點에 대하여 有効電力과 無効電力 gain  $K_v$  와  $K_{sq}$ 를 각각 代入하여  $A$ 를 구한다.

iii) 각 候補點에 대하여 i), ii)에서 구해진 조건들과 식(3.3)를 이용하여 固有值 感度를 구한다.

모델 계통에 있어서 발전기 1과 2는 Two-axis 모델을 사용하였고 발전기 3은 Classical 모델로 시뮬레이션하였다. <sup>41)</sup>

모델 系統에 대한 제 1 動搖모드와 제 2 動搖모드의 固有值 感度 및 固有值은 表 3과 같다. 여기서 제 1 動搖모드와 제 2 動搖모드는 편의상 動搖모드의 實數部 크기에 따라 정하였다. 表 3에서 제 1 動搖모

드의 경우, 發電機 1에 설치할 경우 固有值 感度가  $-0.02$ 로 가장 커졌다. 또한 SMES를 發電機 端에 설치하여 固有值을 구해본 결과 발전기 1에 설치한 경우가 제 1 動搖모드의 實數部값이 가장 커 固有值 感度 解析 結果와 일치됨을 알 수 있다. 제 2 動搖모드의 경우 發電機 2에 설치하는 경우 固有值 感度가  $-0.013$ 으로 가장 커졌다. 따라서 安定度에 가장 큰 영향을 미치는 固有值에 대하여 感度를 解析하여 SMES의 最適 設置點 選定이 가능하다.

### 표 3. SMES설치에 따른 효과

Table 3. The effect by installation of SMES

설치 위치	제 1 모 - 드		제 2 모 - 드	
	고유치 감도	고 유 치	고유치 감도	고 유 치
무제이		$-0.22 \pm j2\pi \times 1.42$		$-1.031 \pm j2\pi \times 2.1$
1	$-0.02$	$-0.61 \pm j2\pi \times 1.41$	$-7.23 E - 5$	$-1.032 \pm j2\pi \times 2.1$
2	$-6.53 E - 3$	$-0.41 \pm j2\pi \times 1.42$	$-1.29 E - 2$	$-1.63 \pm j2\pi \times 2.09$
3	$-3.04 E - 4$	$-0.23 \pm j2\pi \times 1.42$	$-1.18 E - 4$	$-1.034 \pm j2\pi \times 2.1$

### 4. 結 論

SMES 설치에 의하여 系統의 動態 및 過渡 安定度 向上에 도움을 주는 것이 確認되었다. 또한 시뮬레이션 결과 實驗結果와 일치하였고, 有効電力만을 制御하는 경우에 비하여 有効電力 · 無効電力を 同時에 제어하는 경우가 安定度 向上에 더욱 効果가 있음이 시뮬레이션을 통하여 확인되었다.

動搖抑制를 위하여 SMES가 공급해야 될 有効電力의 規模는 動態安定度의 경우 發電機 容量의 10% 이내에서 결정되었으나 過渡安定度의 경우 60%에 달하였다. 그리고, 有効電力과 無効電력을 동시에 제어하는 경우 無効電力 需要量이 供給制限範囲를 많이 벗어나게 되어 過渡安定度에 대한 安定度 向上 効果가 有効電력만의 制御에 비하여 그리 크지 못하였다. 이 경우 补償コンデン서의 容量을 적절히 제어하여 無効電力의 제어범위를 넓히면 安定度 向上 効果가 더욱 커질 것으로 예상된다.

그리고, 多機系統에 있어서 SMES 설치 位置에 따른 固有值와 固有值 感度를 解析하여 SMES 설치에 따른 安定度 向上 効果를 확인하였다.

### 参考文献

- 1) 電力中央研究所 研究 報告, “超電導エネルギー貯蔵による電力系統の安定化(その1)”, 1982

2) 宮内聲外, “超電導エネルギー貯蔵装置の有効無効電力制御による電力系統の安定化”, pp. 21~30, PF-83-41, 1983

3) M. Hayashi, “Energy Storage by Magnetic Field of Coil”, pp. 159~172, SPEY10, 1983

4) Anderson, Fouad, “Power System Control and Stability”, The Iowa State University Press, 1977

5) E. Kimbark, “Direct Current Transmission, Vol. 1” pp. 71~92, John Wiley & Sons, 1971

6) 藤原良一外, “静止形無効電力制御装置による電力系統の安定化制御”, pp. 101~108, 電力学会, 1981

7) J. E. Van Ness, “Sensitivities of Large, Multiple-Loop Control Systems”, pp. 308~315, IEEE Transaction on Automatic Control, 1965

8) 三谷 康範外, “超電導エネルギー貯蔵装置による連系系統の安定化制御”, pp. 11~20, PE-83-40, 1983

9) 鄭 教範, 朴 鍾根, “動態安定度 解析 프로그램 開発”, pp. 143~146, 전기학회 하계 학술대회, 1984

#### 〈부록 : 發電機 및 系統의 條件式〉<sup>4), 6)</sup>

발전기는 파-크의 式<sup>4)</sup>에 의해서 자세히 표현될 수 있으나 本 論文에서는 制動 卷線의 次過渡 現象을 無視한 (6.1)式으로 표현되는 모델을 사용하였다.

$$\tau'_{q0} \dot{E}_d = -E_d - (x_q - x'_q) I_d$$

$$\tau'_{dq} \dot{E}_q = E_{FD} - E$$

$$E = E_q - (x_q - x'_q) I_d \quad (6.1)$$

여기서

$\tau'_{dq}$ : 과도 직축 개회로 시정수

$\tau'_{q0}$ : 과도 횡축 개회로 시정수

$x_d$ : 정태 직축 리액턴스

$x_q$ : 정태 횡축 리액턴스

$x_d'$ : 과도 직축 리액턴스

$x_q'$ : 과도 횡축 리액턴스

發電機의 運動 方程式은

$$\dot{\delta} = \omega - 1$$

$$\tau_j \dot{\omega} = P_m - D \cdot \omega - P_e \quad (6.2)$$

여기서

$\tau_j$ : 관성 정수

D: 제동 정수

AUR의 動特性은 다음과 같은 간략화 한 식으로 표현하였다.

$$G_{AVR}(S) = \frac{K_a(1 + T_d S)}{1 + T_a S} \quad (6.3)$$

여기서

$K_a$ : AVR gain

$T_a$  및  $T_d$ : AVR 시정수

SMES 設置點에서 電力 條件은 다음과 같이 표현된다.

$$P + P_d = (V_T V_\infty \sin \delta_T) / X_L$$

$$Q - X_e i^2 + Q_d = (V_T^2 - V_T V_\infty \cos \delta_T) / X_L$$

$$(6.4)$$

여기서,

$V_T$  및  $\delta_T$ : SMES 設置點의 電圧과 位相角

$P_d$  및  $Q_d$ : SMES에서 공급되는 유효전력과 무효전력

$X_L$ : SMES 설치점과 無限大 母線 사이의 선로 임피던스

$X_e$ : 발전기와 SMES 端사이의 선로 임피던스