

Microprogrammed 디지털 시스템의 制御 記憶 容量의 最小化 (Minimization of the Capacity of Control Memory in Microprogrammed Digital Systems)

趙 榮 一*, 林 寅 七*

(Young Il Cho and In Chil Lim)

要 約

Microprogrammed 디지털 시스템에서 再프로그램을 위한 可變性을 考慮한 制御記憶裝置의 비트 幅을 最小化시키는 새로운 알고리즘을 提示한다. 本 알고리즘은 비트 幅을 最小화시킴과 同時に weight가 높은 MOP에 고유영역을 부여함으로써 비트 最小化 過程時에 隨伴되는 可變性의 損失을 補償할 수 있다. 또 本 알고리즘을 프로그램하여 從來의 研究結果와 此較 檢討하여 비트 감소와 가변성이 개선된 것을 증명하였다.

Abstract

This paper suggests a new algorithm which minimizes the bit dimension of control memory considering the flexibility for reprogramming in the microprogrammed digital systems.

The algorithm can not only minimize the bit dimension but also compensate the loss of flexibility by giving a highest MOP the unique field in the process of bit minimization. Also, programming the algorithm, that result and previous works are compared and reviewed. Then the bit reduction and the improvement of flexibility are proved.

I. 序 論

現在 마이크로프로그램을 使用한 디지털 시스템의 비트 幅(bit dimension)을 줄이는 問題는 마이크로프로그램 디지털 시스템의 說計者가 直面하는 主要한 問題가 되어왔다. 즉 마이크로프로그램을 使用한 制御部를 說計할 때 만약 電力(power), 溫度條件(thermal requirement), 폰수, 기판크기(board size), 背後面(back plane) 등과 같은 事情으로 크기가 작은 制御記憶裝置를 選擇한다면 制御部의 horizontal format에 의한 마이크로프로그램이 選擇한 制御記憶容量을 超過하는 境遇가 發生한다. 이와 같은 問題를 解決하기 위

하여 마이크로프로그램의 비트 幅을 減少시키는 方法이 提案되어 왔다.^[1-10] 이에 關한 研究는 Schwartz^[1]가 처음으로 비트 幅을 最小화시키는 方法을 提示하였으며, 이를 바탕으로 Grasselli와 Montanari^[2]가 스윗칭 理論의 implicant type covering 問題를 利用하여 Schwartz의 方法을 改善시켰다. 그러나 cover 알고리즘에 의한 最小化는 再프로그램을 위한 可變性이 制限되는 問題는 解結하지 못하였다. 또한 Alice Parker^[3]는 각 micro-operation(MOP)에 weight을 주어 可變性을 考慮한 autonomy 알고리즘을 提示하였으나 Grasselli와 Montanari의 境遇처럼 最小의 비트 減少를 얻지는 못하였다. 또 Ayakannu Mathiala^[4]는 符號化된 format에서 共通 비트를 찾음으로써 비트 數를 減少시키는 方法을 提案하였으나 實際 마이크로프로그램을 使用한 디지털 시스템에 適用시킬 수 있는 境遇는 드

*正會員, 漢陽大學校 工科大學 電子工學科

(Dept. of Electronics Eng., Hanyang Univ.)

接受日字：1984年 1月 12日

문方法이다.

本論文에서는 最小의 비트幅을 얻는同時に 마이크로워드를修正하거나追加시키는再프로그램을 위한可變性을考慮한 새로운 알고리즘을 提案한다. 또이 알고리즘을 프로그램하여從來의研究課果와比較検討하여最小의비트幅을 얻는동시에可變性이개선됨을確認한다.

II. 비트最小化問題 및 MOP'S間의關係

Horizontal microprogrammed 디지털 시스템에서制御記憶裝置의 각 워드(microinstruction)는 MOP을制御하기 위해서 N비트와 1개以上의 MOP로構成된다. B가 MOP를 나타내기 위해必要的한비트數를標示한다면비트減少化的問題는 $B \leq N$ 인 B의값을減少시키는問題가된다. 그러나 앞서의研究^{[5][6]}에서B를減少시킴에따라마이크로프로그램의最大長点이라할수있는可變性的損失을가져왔고,可變性을考慮한Alice Parker의연구^[7]는最大의비트減少를얻지못하였다. 따라서本論文에서는可變性을考慮해주면서最大의비트減少를얻는알고리즘을提示한다.

MOP의集合인마이크로워드 W_a, W_b, \dots, W_t 를다음과같이定義한다.^[8]

$$W_a = \{m_{a_1}, m_{a_2}, \dots, m_{a_n}\},$$

$$W_b = \{m_{b_1}, m_{b_2}, \dots, m_{b_n}\},$$

$$\vdots \quad \vdots \quad \vdots$$

$$W_t = \{m_{t_1}, m_{t_2}, \dots, m_{t_n}\}$$

여기서, m_{ij} 는마이크로워드 i에있는MOP j를나타낸다.

〈定義1〉兩立關係(compatibility relation);任意의두MOP m_i, m_j 와마이크로워드 W_h 에대해서 $m_i \in W_h, m_j \in W_h$ 이면 m_i 와 m_j 間에兩立關係가成立한다고定義한다.

〈定義2〉兩立部類(compatibility class:CC);서로兩立關係가成立하는MOP'S의集合을兩立部類라한다.

〈定義3〉最大兩立部類(maximal compatibility class; MCC);兩立部類 C_i 에어떤MOP의追加로 C_i 의元素間에兩立關係를破壞시킬때 C_i 를最大兩立部類라한다.

〈定義4〉절대최대양립부류(essential MCC)任意의MOP가오직1個의MCC에만속할때그러한MOP을包含하는MCC를절대최대양립부류라定義한다.

III. 可變性을考慮한비트最小화알고리즘

本 알고리즘은兩立部類로構成된集合 $\Delta_i = \{C_{i_1}, C_{i_2}, C_{i_3}, C_{i_4}\}$ 이 다음條件를滿足하는最小解를求하는알고리즘이다.

(條件1) 각MOP은 Δ_i 안에있는적어도하나의兩立部類안에속해야한다.^[9]

(條件2) $B = Bo + \sum_{h=1}^n [\log_2 (\# C_{ih} + 1)]$ 의값이最小가되어야한다.

여기서, B는가능한가장最小의비트數를의미하고 Bo 는固有領域을갖는비트數, $\# C_{ih}$ 는 C_{ih} 가cover하는MOP의갯수, +1은No operation을나타낸다.

可變性을考慮하여주기위해각MOP에weight를다음定義와같이附與한다.

(定義5) 加重函數(weight function);

$W_x = N_x \times B_x$ 로定義한다.

여기서, W_x :MOP x의加重函數

N_x :MOP x가속한각워드의數

B_x :MOP x가속한word에서x를除外한重複되지않는MOP의數

(定理) 높은weight의MOP를除去하여固有의領域을주면可變성이증가한다.

(證明) MOP의weight가높다는것은그러한MOP가많은워드에다른MOP가함께存在함을意味한다(定義4参照). 즉이러한MOP를除去하여固有의領域을附與한다면마이크로프로그램이變形되거나또는새로운워드가追加되더라도각MOP間에conflict할確率이減少되므로可變성을增加시킬수있다.

Q. E. D.

1. 알고리즘 節次

條件1, 2와定義와定理를바탕으로비트幅을最大限으로減少시키면서再프로그램을위한可變性을考慮한알고리즘節次는다음과같다.

(節次1) 각MOP에대해서定義5와같이加重函數를計算한다.

(節次2)加重函數의값이가장큰MOP를ROM모델에서除去하여固有의領域을附與한다.

(節次3) 나머지MOP'S에대하여最大兩立部類를求한다.

(節次4)節次3에서求해진最大兩立部類에의해cover table을作成한다.

• Cover table을作成하는方法

i) 첫번째列에MOP $m_{a_1}, m_{a_2}, \dots, m_{a_n}$ 을나열한다.

ii) $m_i \in C_i, C_i \subseteq MCC$ 關係가 成立하면 나열된 m_i 아래 C_i 을 記入한다. 이때 cover table의 行은 그 行의 MOP를 cover할 수 있는 MCC의 集合이 된다.

(節次4) Cover table에서 essential MCC를 包含하는 모든 行을 除去하여 reduced cover table을 作成한다 (이때 除去되지 않은 行의 MOP'S은 아직 cover되지 않은 狀態이다).

(節次5) 除去되지 않은 行을 cover할 수 있는 MCC集合을 求한다.

(節次6) Essential MCC와 節次5에서 求한 MCC集合에 대해 각 境遇의 solution cover table을 作成한다 (solution cover table을 作成하는 方法은 cover table 作成 方法과 同一).

(節次7) solution cover table에서 essential MCC를 갖는 行만 除去하여 reduced solution cover table을 作成한다.

(節次8) 除去되지 않은 行을 cover하는 MCC集合을 求한다.

(節次9) 節次7의 essential MCC와 節次8에서 求한 MCC集合에 의해 가장 적은 비트 幅을 갖는 符號化 비트를 計算한다.

(節次10) 固有의 領域을 갖는 MOP의 비트 數와 符號化된 비트 數를 合한 總 비트 數가 증가하지 않았다면 節次1~9를 反復한다.

(節次11) 總 비트 數가 증가 하였다면 증가하기 바로前의 固有의 領域과 符號化한 format을 最小의 解로 取한다.

IV. 適用例 및 比較檢討

MOP μ -word	m_1	m_2	m_3	m_4	m_5	m_6	m_7	m_8
1	1	0	1	0	1	0	0	0
2	0	1	0	0	1	0	0	0
3	0	1	0	1	0	0	0	0
4	1	0	1	0	0	0	0	1
5	1	0	0	0	1	0	1	0
6	1	0	0	1	0	1	0	0
7	0	1	0	0	0	0	0	1
8	0	0	0	0	1	1	0	0
9	0	0	0	0	0	1	0	1

그림 1. Dasgupta의 ROM Model^[10]

Fig. 1. Dasgupta's ROM model^[10]

그림 1에서 1열은 microword을 나타내고 1행은 MOP을 나타낸다. Microword에 해당 MOP이 存在하면 “1”로 表示하고 存在하지 않으면 “0”로 表示한다.

加重函數 反復回數	1	2	3	4
W_1	24	—	—	—
W_2	9	9	6	3
W_3	6	4	2	2
W_4	6	4	4	4
W_5	20	16	—	—
W_6	12	9	6	3
W_7	2	0	—	0
W_8	12	9	9	—

그림 2. Dasgupta의 ROM model^[10]에 대한 加重函數의 計算結果

Fig. 2. Computating result of weight function for Dasgupta's ROM model^[10]

本 알고리즘을 원래의 크기가 9×8 인 Dasgupta의 例 (그림 1)에 適用시켜 본다.

먼저 각 MOP에 대한 加重函數값을 求한다 (그림 2의 1行). 각 MOP의 加重函數의 計算結果 W_i 의 値이 24로 가장 높음을 알 수 있다. 따라서 MOP m_1 을

COVER TABLE

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
0	1	1	3	5	2	1	5	0	0
0	2	3	5	0	4	2	6	0	0
0	0	4	6	0	6	3	0	0	0
0	0	0	0	0	0	4	0	0	0
0	0	0	0	0	0	6	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

SOLUTION COVER TABLE

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
0	1	1	5	5	4	1	5	0	0
0	0	4	0	0	0	4	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

$$\begin{aligned} DPF(1, 1) &= 2 \\ DPF(1, 2) &= 3 \\ DPF(1, 3) &= 7 \\ DPF(2, 1) &= 4 \\ DPF(2, 2) &= 5 \\ DPF(2, 3) &= 8 \\ DPF(3, 1) &= 0 \end{aligned}$$

$$MR = 5$$

그림 3. (a) m_1 을 除去한 cover table

(b) (a)에 대한 solution cover table

(c) (b)에 대한 符號化 비트

Fig. 3. (a) The cover table removed m_1 .

(b) The solution cover table for (a).

(c) The encoded bit for (b).

autonomy 알고리즘 (3)과 比較하면 weight가 높은 M-OP m_1, m_4 에 固有領域을 附與하여 可變性이 높으면서 autonomy 알고리즘보다는 비트數 1개를 더 줄일 수 있음을 알 수 있다.

本 알고리즘을 schwartz 例에 適用시켜 본다.

m_8 을 除去한 境遇 나머지 MOP'S에 대한 符號化 비트는 그림 7과 같다.

COVER TABLE											
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	
0	1	2	3	5	7	1	0	4	2	1	
0	0	0	4	6	8	3	0	6	3	2	(a)
0	0	0	0	0	0	5	0	8	5	5	
0	0	0	0	0	0	7	0	0	7	6	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	

SOLUTION COVER TABLE											
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	
0	1	2	3	6	7	1	0	6	2	1	
0	0	0	0	0	0	3	0	0	3	2	
0	0	0	0	0	0	7	0	0	7	6	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	

OF(1, 1)= 1
OF(2, 1)= 2
OF(3, 1)= 3
OF(4, 1)= 4
OF(5, 1)= 5
OF(5, 2)= 7 (c)
OF(5, 3)= 10
OF(6, 1)= 6
OF(6, 2)= 9
OF(6, 3)= 11

MB= 7

$M_B = 8$

그림 7. (a) m_8 을 除去한 cover table

(b) (a)에 대한 solution cover table

(c) (b)에 대한 符號化 비트

Fig. 7. (a) The cover table removed m_8 .

(b) The solution cover table for (a).

(c) The encoded bit for (b).

$\{m_8\}, \{m_1\}, \{m_2\}, \{m_3\}, \{m_4\}, \{m_5, m_7, m_{10}\}, \{m_6, m_9, m_{11}\}$

總 비트數 = 9

m_1 을 除去한 境遇는 그림 8과 같다.

$\{m_8\}, \{m_1\}, \{m_2\}, \{m_3\}, \{m_4, m_7, m_{10}\}, \{m_5, m_9, m_{11}\}, \{m_6\}$

總 비트數 = 9

m_2 을 除去한 境遇는 그림 9와 같다.

$\{m_8\}, \{m_1\}, \{m_2\}, \{m_3\}, \{m_4, m_7, m_{10}\}, \{m_5, m_9, m_{11}\}, \{m_6\}$

總 비트數 = 9

m_3 을 除去한 境遇는 그림 10과 같다.

m_3 을 除去한 境遇 essential MCC가 存在하지 않으므로 cover table과 solution cover table은 同一하다.

COVER TABLE											
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	
0	1	2	3	5	7	1	0	4	2	1	
0	0	0	4	6	8	3	0	6	3	2	(a)
0	0	0	0	0	0	5	0	8	5	5	
0	0	0	0	0	0	7	0	0	7	6	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	

SOLUTION COVER TABLE											
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	
0	1	2	3	6	7	1	0	6	2	1	
0	0	0	0	0	0	3	0	0	3	2	(b)
0	0	0	0	0	0	7	0	0	7	6	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	

OF(1, 1)= 2
OF(2, 1)= 3
OF(3, 1)= 4
OF(3, 2)= 7
OF(3, 3)= 10
OF(4, 1)= 5
OF(4, 2)= 9
OF(4, 3)= 11
OF(5, 1)= 6

MB= 7

그림 8. (a) m_1 을 除去한 cover table

(b) (a)에 대한 solution cover table

(c) (b)에 대한 符號化 비트

Fig. 8. (a) The cover table removed m_1 .

(b) The solution cover table for (a).

(c) The encoded bit for (b).

COVER TABLE											
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	
0	0	1	2	4	6	2	0	3	1	1	
0	0	0	3	5	7	4	0	5	2	4	(a)
0	0	0	0	0	0	6	0	7	4	5	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	6	6	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	7	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	

SOLUTION COVER TABLE											
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	
0	0	1	2	5	6	2	0	5	1	1	
0	0	0	0	0	0	6	0	0	2	5	(b)
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	6	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	

OF(1, 1)= 3
OF(2, 1)= 4
OF(2, 2)= 7
OF(2, 3)= 10
OF(3, 1)= 5 (c)
OF(3, 2)= 9
OF(3, 3)= 11
OF(4, 1)= 6

MB= 6

그림 9. (a) m_2 를 除去한 cover table

(b) (a)에 대한 solution cover table

(c) (b)에 대한 符號化 비트

Fig. 9. (a) The cover table removed m_2 .

(b) The solution cover table for (a).

(c) The encoded bit for (b).

COVER TABLE											
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	
0	0	0	1	3	5	1	0	2	1	3	
0	0	0	2	4	6	3	0	4	3	4	(a)
0	0	0	0	0	0	5	0	6	5	5	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	6	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	

OP(1, 1)= 4
OP(1, 2)= 7
OP(1, 3)=10
OP(2, 1)= 5
OP(2, 2)= 9
OP(2, 3)=11
OP(3, 1)= 6

MB= 5

그림10. (a) m_5 을 除去한 cover table

(b) (a)에 대한 符號化 비트

Fig. 10. (a) The cover table removed m_5 .

(b) The encoded bit.

$\{m_0\}$, $\{m_1\}$, $\{m_2\}$, $\{m_3\}$, $\{m_4, m_7, m_{10}\}$, $\{m_5, m_9, m_{11}\}$,
 $\{m_6\}$

總 비트數 = 1 9

 m_5 을 除去한 境遇는 그림 11과 같다.

COVER TABLE											
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	
0	0	0	0	1	3	1	0	2	1	1	
0	0	0	0	2	4	3	0	4	3	2	(a)
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	3	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	

OP(1, 1)= 5
OP(1, 2)= 9
OP(1, 3)=11
OP(2, 1)= 6
OP(2, 2)= 7
OP(2, 3)=10

MB= 4

그림11. (a) m_5 을 除去한 cover table

(b) (a)에 대한 符號化 비트

Fig. 11. (a) The cover table removed m_5 .

(b) The encoded bit for (a).

m_5 을 除去한 境遇도 essential MCC가 存在하지 않으므로 cover table과 solution cover table은 同一하다.

$\{m_0\}$, $\{m_1\}$, $\{m_2\}$, $\{m_3\}$, $\{m_4\}$, $\{m_5, m_9, m_{11}\}$, $\{m_6, m_7, m_{10}\}$ (1)

總 비트數 = 9

m_5 을 除去한 경우 總 비트數가 10이므로 바로 前過程의 結果 (1)를 最適의 解로 取한다.

Cover 알고리즘 :

$\{m_1\}$, $\{m_2\}$, $\{m_3\}$, $\{m_4, m_7, m_{10}\}$, $\{m_5, m_9\}$, $\{m_6, m_9, m_{11}\}$

總 비트數 = 9

Autonomy 알고리즘 :

$\{m_1\}$, $\{m_2\}$, $\{m_3\}$, $\{m_4\}$, $\{m_6\}$, $\{m_7, m_9, m_{10}/m_6, m_6, m_{11}\}$

總 비트數 = 9 (비트 選擇領域 = 1)

Schwartz ROM model에 대해서 本 알고리즘의 結果와 cover 알고리즘, autonomy 알고리즘과 비교하면 비트 減少면에는 3개 알고리즘이 同一한 結果를 가져왔으나 cover 알고리즈다는 可變性이 개선되었음을 알 수 있다.

N. 結論

本論文에서는 비트 幅을 最大限으로 減少시키면서 비트 減少에 依한 可變性의 損失을 最大限으로 防止할 수 있는 새로운 알고리즘을 提示하였다.

앞서의 예에서 나타난 바와 같이 cover 알고리즘의 短點인 可變性의 損失을 補償하고 또한 autonomy 알고리즈다는 비트 數가 減少된 結果를 나타냈다.

1) Schwartz의 ROM 모델과

2) Dasguta의 ROM model에 대해 本論文에서 提案한 알고리즘에 適用시켜 cover 알고리즘 및 autonomy 알고리즘과를 比較한 結果 1)에 대해서는 3個의 알고리즘이 비트 減少面에서 同一한 結果를 가져왔으나 cover 알고리즈다는 可變性이 改善되었다. 2)에 대해서는 autonomy 알고리즘 보다는 비트 幅이 더욱 減少되었으나 cover 알고리즈다는 可變性이 改善되었고 또한 符號器의 數를 減少시켰다. 따라서 本 알고리즘은 實在 마이크로프로그램 디지털 시스템에 適用시키면 앞서의 cover 알고리즘과 autonomy 알고리즘보다 비트 數가 더욱 減少될 것이豫想되며 또한 可變性의 改善이 確實視된다.

参考文献

- [1] T. Agerwala, "Microprogram optimization: A survey," *IEEE Trans. Computers*, vol. C-25, pp.962-973, Oct. 1976.
- [2] S.R. Das, D.K. Banerji, and A. Chattpadhyay, "On control memory minimization in microprogrammed digital computers," *IEEE Trans. Computers*, vol. C-22, pp.845-848, Sep. 1973.
- [3] Jean-Loup Baer and Barbara Koyama, "On the minimization of the width of the control memory of microprogrammed processors," *IEEE Trans. Computers*, vol. C-28, pp.310-316, Apr. 1979.
- [4] M. Andrews, *Principles of Firmware Engineering in Microprogram Control*. Ch.4, Computer Science Press, 1980.
- [5] S.J. Schwartz, "An algorithm for minimi-

- zing read-only memories for machine control," *Proc. IEEE 9th Annual Symp. Switching and Automata Theory*, pp. 28-33, 1968.
- [6] A. Grasselli, and U. Montanari, "On the minimization of read-only memories in microprogrammed digital computers," *IEEE Trans. Computers*, pp.1111-1114, Nov. 1970.
- [7] Andrew W. Nagle, Richard Cloutier and Alice C. Parker, "Synthesis of hardware for the control of digital systems," *IEEE Trans. CAD of I.C. and Systems*, vol. CAD-1, pp.201-212, Oct. 1982.
- [8] Ayakannu Mathialagan and Nripendra N. Biswas, "Bit steering in the minimization of control memory in microprogrammed digital computers," *IEEE Trans. Computers*, vol. C-30, pp.144-147, Feb. 1981.
- [9] Totabri Jayasri and Dhruba Basu, "An approach to organizing microinstructions which minimizes the width of control store words," *IEEE Trans. Computers*, pp.514-521, May 1976.
- [10] Jorge Francisco Martinez-Carballedo and V. Michael Powers, "General microprogram width reduction using generator sets," *IEEE Microprogramming Conf.*, pp.144-153, 1981.