

韓國軍事運營分析學會誌
第 9 卷, 第 2 號, 1983.12

週44時間 勤務制 休日割當計劃

(A Days-off Scheduling in
44 Working Hours per Week)

김 총 영*

要 約

현재 美國은 일 8시간을勤務하면서週當連단세勤務, 連이틀休務하는勤務制度를 통상使用하고 있어서 이制度에 대한最適休日割當方法이研究되어 왔다. 그러나 韓國은 일 8시간을勤務하면서週當連단세半勤務, 하루半休務制度를 통상使用하고 있다. 本研究는勤務業務(service)에 있어서韓國의休務制度에適用될 수 있는休務割當方法을討議한다. LP技法 및 數式의 도움이 없는간단한計算方法이最適休務割當을위하여使用된다. 이들方法은勞動所要를充足하면서雇傭人の遊休勞動期間을最小로 하는最適休務割當方法임을討議한다.

1. 序論

人力運用日程計劃(Manpower Scheduling)이란一定期間內에發生하는業務量을充足하도록雇傭人數를割當하는節次를뜻한다.一般的으로 손님이기다리는동안처리해야하는勤務業務(service)는一定期間內오는손님의數와 손님要求에따른業務量이多樣함에 따라一定水準의全時間勤務制雇傭人(full time employee)으로이業務量의變化를吸收하는데는어려움이있다. 현재美國은週40時間勤務制이고 한국은週44勤務制이며이시간에미달하는勤務를部分時間勤務制(part time)라고하며이시간을초과하면超過時間勤務制(over time)이라稱한다.部分時間勤務制는雇傭人을獲得하고教育訓練하는데어려움이있고超過時間勤務制는雇傭人에게超過手當을支拂해야된다. 예로 미국 경우勞動法에의거超過手

當은正常勤務時費用보다1.5배支拂해야된다. 한국도勤務基準法46條에美國과동일하게超過時間勤務時正常보다1.5배支拂해야된다고명시하고있다.

따라서勞動費用을節約하는最適方法은全時間勤務制雇傭人으로勞動所要를充足시키면서雇傭人の勤務中勞動要求가없어노는시간즉勞動遊休時間(idle time)을最小로한다면勞動費用을最小化하면서勞動力活用을最大로할수있다.

따라서人力運用日程計劃은一定期間에발생하는勞動所要變化를雇傭人の勤務時間を적절히割當함으로써勞動所要를充足시키고勞動費用을節減하는技法이다.

一般的으로人力運用日程計劃은세가지로區分된다. 즉休日割當計劃,勤務交代割當計劃그리고기타로分類할수있다.休日割當計劃은주로勞動要求量이1週日間一定形態로變할때休日을適切히割當함으로써1

* 國防大學院

日勞動 所要量을 充足시키고 雇傭人數를 最小化하는 技法이다. 勤務交代割當計劃은 주로 労動 所要量이 1日間 一定 形態로 變化할 때 雇傭人の 勤務交代時間은 適切히 割當 함으로써 기간중 발생하는 要望 業務를 充足시키고 雇傭人數를 最小화하는 技法이다.

여기서는 이미 研究된 休日割當技法을 紹介하고 週 44時間勤務制인 우리나라에서 適用할 수 있는 週當 連續하루半을 셀 수 있는 休務割當方法을 紹介하고자 한다.

2. 休日割當技法

Monroe (1970)는 週 40時間勤務制에 있어서 다음 假定하에 最適 休日을 割當할 수 있는 等式을 考案하였다. 즉

1. 모든 雇用人은 全時間勤務制 雇傭人이다.
2. 모든 雇傭人은 連 5日勤務다음 連 2日休務이다.
3. 모든 雇傭人은 하루 8時間 勤務한다.
4. 勤務 交代는 定해져 있다.

上記 假定에 의한 Monroe의 等式은 다음과 같다.

월 화 수 목 금 토 일

$$\begin{aligned} X_1 &= Y_1 \\ X_1 + X_2 &= Y_2 \\ X_2 + X_3 &= Y_3 \\ X_3 + X_4 &= Y_4 \quad (1-1) \\ X_4 + X_5 &= Y_5 \\ X_5 + X_6 &= Y_6 \\ X_6 + X_7 &= Y_7 \end{aligned}$$

단,

$X, Y \geq 0$, 그리고 정수.

$X_1 = 월$, 화요일에 休일 갖는 고용인수.

$X_2 = 화$, 수요일에 休일 갖는 고용인수.

:

:

$Y_1 = 월요일에 休일 가져야 할 요망 고용인수.$

$Y_2 =$ 화요일에 休일 가져야 할 요망 고용인수.

:

:

Tibrewala, Philippe, 그리고 Browne (1972)는 Monroe 等式을 Linear programming (LP) 으로 발전시켰다. 설명을 용이하게 하기 위하여 이 방법을 TPB 技法이라고 하고 이들이 발전시킨 LP를 TPBLP라고稱하자. TPBLP를 설명하기 전에 다음 變數를 定義하자;

W : 總雇傭人數

X_i : i 번째과 ($i+1$) 번째일에 休日이 割當되는 雇傭人數

y_i : i 번째일에 休日이 割當되어야 할 要望 雇傭人數

r_i : i 번째일에 일을 해야 할 雇傭人數.

그러면 總雇傭人數 (W)에서 그날에 休日 갖는 雇傭人數 (y_i)를 빼면 그날에 일을 해야 할 雇傭人數 (r_i)가 된다.

이것을 等式으로 表示하면 다음과 같다.

$$W - y_i = r_i \quad i = 1, 7 \quad (1-2)$$

그리고 總雇傭人數 (W)는 1週日中 連이를 休日을 갖는 雇傭人數의 總合과 같다. 즉

$$W = X_1 + X_2 + X_3 + X_4 + X_5 + X_6 + X_7 \quad (1-3)$$

結果的으로 等式 (1-1), (1-2)와, (1-3)으로부터 다음과 같은 TPBLP를 抽出할 수 있다. ((1-4) 參照)

下記 技法은 週 40時間勤務制 즉 週 5日勤務 連이를 休務制度에 適用되는 技法이다. 현재 우리나라에는 週 44時間勤務制 즉 5日半勤務 하루半 休務制度를 常用하고 있다. 다음은 週 44時間勤務制에 適用되는 連하루半 休務割當方法을 討議하고자 한다.

$$\begin{aligned}
W &= X_1 + X_2 + X_3 + X_4 + X_5 + X_6 + X_7 \\
X_2 + X_3 + X_4 + X_5 + X_6 &\geq r_1 \\
X_3 + X_4 + X_5 + X_6 + X_7 &\geq r_2 \\
X_1 + X_4 + X_5 + X_6 + X_7 &\geq r_3 \\
X_1 + X_2 + X_5 + X_6 + X_7 &\geq r_4 \\
X_1 + X_2 + X_3 + X_7 &\geq r_5 \\
X_1 + X_2 + X_3 + X_4 + X_7 &\geq r_6 \\
X_1 + X_2 + X_3 + X_4 + X_5 &\geq r_7 \\
X_i &\geq 0, \quad i=1, 7, \text{ 그리고 정수.}
\end{aligned}$$

(1-4)

3. 數式構成

지금까지 紹介한 Monroe 等式이나, TPBLP는 雇傭人이 週當 連이를 休務한다는 假定下에 技法을 発展시켰다는데 主眼을 둔다면 우리나라에서는 週當 連하루半을 休務하므로 4時間을 한時間이라 본다면 週當 14期間이 있으며 雇傭人은 週當 連 11期間은 일하고 連 3期間을 休務하는 것으로 볼 수 있다. 따라서 連 3期間休務를 割當하기 위하여 等式(1-5)가 成立된다. (다음 페이지의 (1-5)式 參照)

等式(1-5)를 LP로 轉換하기 위해 다음 變數를 定義하자;

W : 總雇傭人數

r_i : i 번째 期間동안 勤務가 要望되는 雇傭人數.

X_i 및 y_i 가 等式(1-5)에서 定義한 것과 동일 하다면,

$$W = \sum_{i=1}^{14} x_i \quad (1-6)$$

$$W - y_i = r_i \quad i = 1, 14 \quad (1-7)$$

結果的으로 週 44時間制에 있어서 休務割當을 하기 위한 LP는 等式(1-6)과 (1-7)에서 부터 다음과 같이 表示할 수 있다.

$$\text{Min } W = \sum_{j=1}^{14} x_j$$

$$\begin{aligned}
\text{s.t.} \quad \sum_{\substack{j=1 \\ j \neq i-2, i-1, i \\ i=1, 14}}^{14} x_j &\geq r_i, \\
\text{만약 } j = -1 \text{ 면 } j &= 13 \\
j = 0 \text{ 면 } j &= 14 \\
x &\geq 0 \text{ 그리고 정수}
\end{aligned}$$

4. 간략한 計算法

여기서는 數式의 도움없이 손으로 간단하게 休務期間을 割當하는 方法을 討議하고자 한다. 이 方法은 數式(1-8)를 根據로 發展시킬 수 있다. 즉 總雇傭人數(W)는 週中 休務하는 雇傭人數의 總合과 같고, i 期間동안 勤務하는 雇傭人數($W - y_i$)는 r_i 보다 크거나 같아야 된다. 그러므로 r_i 가 W 보다 적으면 y_i 는 커지고 따라서 休務해야 할 雇傭人數는 많아져야 된다.

定理1. 만약 $r_k = \text{Min}(r_i)$ 이고 $i = 1, 14$ 면 休務割當을 위한 하나의 最適 解답에는 $y_k \geq 1$ 이 包含되어 있고 x_{k-2}, x_{k-1}, x_k 중 하나의 變載는 1 보다 크거나 같다.

<증명> 만약 $M = \text{Max}(r_i)$, $i = 1, 14$ 라면 다음 不等式가 成立된다.

$$W \geq M > r_k \quad (1-9)$$

等式(1-7)과 (1-9)로부터 다음과 다음 數式가 成立된다. 즉

$$W - r_k > 0$$

$$W - r_k = y_k \geq 1$$

그러므로 最適休務를 割當하기 위해서는 最小 1名의 雇傭人은 k 번째 期間에 休務를 갖어야 하고 k 번째 休務를 包含하는 變數는 x_{k-2}, x_{k-1}, x_k 세가지 變數 밖에 없다.

定理2. (r_i, r_{i+1}, r_{i+2})를 週 14期間中 어떤 連 3期間의 要望 雇傭人數라고 하고 그중 가장 큰 것을 r_{mi} 라고 定義하자. 그리

주 44 시간 근무제에 있어서 휴일 할당방법

월	화	수	목	금	토	일
오전	오후	오전	오후	오전	오후	오전
1	2	3	4	5	6	7
X_1						
$X_1 + X_2$						
$X_1 + X_2 + X_3$						
$X_2 + X_3 + X_4$						
$X_3 + X_4 + X_5$						
$X_4 + X_5 + X_6$						
$X_5 + X_6 + X_7$						
$X_6 + X_7 + X_8$						
$X_7 + X_8 + X_9$						
$X_8 + X_9 + X_{10}$						
$X_9 + X_{10} + X_{11}$						
$X_{10} + X_{11} + X_{12}$						
$X_{11} + X_{12} + X_{13}$						
$X_{12} + X_{13} + X_{14}$						
						$= Y_1$
						$= Y_2$
						$= Y_3$
						$= Y_4$
						$= Y_5$
						$= Y_6$
						$= Y_7$
						$= Y_8$
						$= Y_9$
						$= Y_{10}$
						$= Y_{11}$
						$= Y_{12}$
						$= Y_{13}$
						$= Y_{14}$

단,

$$X_i, Y_i \geq 0 \text{ 그리고 정수}$$

$X_i = i, i+1, i+2$ 번째 기간동안 휴무가 할당되는 고용인수

(1-5)

$Y_j = j$ 기간 동안 휴무 해야할 고용인 수

고週 14期間中 모든 가능한週 3期間을選定해서 r_{mi} 를決定하고 이 r_{mi} 중 가장 적은것을 r_m 이라고 한다면 $r_m = \min(r_{mi})$ 이다. 다시 r_m 을包含하는連3期間의要望雇傭人數를 (r_k, r_{k+1}, r_{k+2})하고定義한다면 $m \in k, k+1, k+2$ 이고 다음과 같은數式이成立된다.

$$(r_k, r_{k+1}, r_{k+2}) = \min\{ \max(r_i, r_{i+1}, r_{i+2}) \} \quad (1-10)$$

$$r_m = \min(r_k, r_{k+1}, r_{k+2}) \quad (1-11)$$

$$i = 1, 14.$$

$$m \in k, k+1, k+2.$$

上記定義가成立된다면最適休務割當을하기 위해서는最小1名의雇傭人은 ($k, k+1, k+2$)期間에休務가割當되어야한다.

<증명> 만약 $M = \max(r_i), i=1, 14$ 라면最適休務割當을하기 위해서는LP數式(1-8)에의거 다음不等式이成立된다.

$$W \geq M > r_m \quad (1-12)$$

等式(1-7)과(1-12)로부터 다음不等式이誘導된다.

만약 $r_k = r_m$ 이면 $W \geq M > r_k$ 이므로
 $W - r_k = y_k \geq 1$

만약 $r_k > r_m$ 이면 $W \geq M > r_m > r_k$ 이므로
 $W - r_k = y_k > 1$

結果的으로 $k, k+1, k+2$, 期間동안 休務를 갖는 雇傭人數는 最小 1名 이상이 되어야 한다.

定理 1과 定理 2를 根據로 最適 連하루半休務를 割當하기 위하여 다음과 같은 手動式休務割當方法을 사용 할 수 있다.

段階 1.

1. 가능한 모든 連3期間을 選定해서 連3期間中 最大 要望 雇傭人數 (r_{mi})를 選定해서 그중 最小 要望 雇傭人數 (r_m)를 包含하는 連3期間을 選定한다. 즉

$$(r_k, r_{k+1}, r_{k+2}) = \min_i \max(r_i, r_{i+1}, r_{i+2})$$

$$r_m = \min(r_k, r_{k+1}, r_{k+2})$$

$$i = 1, 14$$

$$m \in k, k+1, k+2.$$

2. r_m 을 包含하는 連3期間의 要望 雇傭人數 (r_k, r_{k+1}, r_{k+2})가 唯一이 아니면 그세要望 雇傭人數의 合이 最小인 連3期間을 選定한다.

3. 만약 그 連3期間의 要望 雇傭人數의 合의 最小가 唯一이 아니면 그 連3期間에 인접한 要望 雇傭人數가 보다큰 그러한 連3期間을 選定한다.

4. 上記 3項 條件이 唯一이 아니면 그중 임의의 連3期間을 選定한다.

段階 2.

段階 1에서 하나의 連3期間을 選定했을때 첫期間이 j 라고 한다면 X_i 에 1을 增加시키고 $i = 1, 14$ 이고 $i \neq j, j+1, j+2$ 인 모든 r_i 에 대해 1을 감소시킨다.

段階 3.

모든 r_i 가 0이 될때까지 段階 1과 그를 反復한다.

上記 3段階 手動式 休務割當方法은 讀者の理解를 돋도록 두가지 例를 例1과 例2에서 보이고 있다. 例1을 보면 割當順位 1에서 $r_m = 9$ 이고 $(r_k, r_{k+1}, r_{k+2}) = (9, 7, 9)$ 이

며 이것은 唯一이다. 그려므로 休務는 이 3期間에 割當되고 X_3 에는 1을 增加시키고 (r_3, r_4, r_5) 를 제외한 모든 r_i 는 1을 減少시킨다. 順位 2에서는 $r_m = 9$ 이고 連3期間은 $(9, 9, 7)$ 과 $(9, 7, 9)$ 들이 있다. 그려므로 이들 3期間의 要望 雇傭人數를 合하여도 25로 同一하고 인접 要望 雇傭人數도 각각 11과 10으로 크므로 임의로 $(9, 7, 9)$ 가 選定되었다. 順位 6에서 $r_m = 7$ 이고 連3期間은 $(6, 7, 6)$ 과 $(7, 6, 7)$ 이 있다. 이들의 合은 각각 19와 20이고 적은수는 19이므로 $(6, 7, 7)$ 이 選定된다. 順位 11에서는 $r_m = 3$ 이고 이를 最大로 하는 連3期間이 多數이다. 따라서 이들과 인접한 要望 雇傭人數가 큰 것이 4이므로 $(k, k+1, k+2) = (10, 11, 12)$ 인 3期間이 選定된다. 結果 總雇傭人數 (W)는 14이다. 그리고 休務割當變數는 다음과 같이 結定된다.

$$\begin{aligned} X_1 &= 1, X_2 = 2, X_3 = 2, X_4 = 3, \\ X_5 &= 0, X_6 = 0, X_7 = 2, X_8 = 1, \\ X_9 &= 1, X_{10} = 1, X_{11} = 0, X_{12} = 0 \\ X_{13} &= 0, X_{14} = 1 \end{aligned}$$

上記例 1은 雇傭人이 勤務期間에는 遊休期間이 없는 最適休務를 割當할 수 있는 경우이다. 이때의 答은 短시 雇傭人數는 1週間 要望 雇傭人數 나누기 11한 값과 같다. 즉

$$\sum_{i=1}^{14} x_i = (\sum_{i=1}^{14} r_i) / 11$$

이다.

그러나 현실적으로 短시 이러한 答을 얻는 것은 불가능하다. 例2는 休務割當時 雇傭人이 遊休期間을 갖는 例를 보여주고 있다. 例2에서 順位 1은 r_m 을 包含하는 連3期間이 唯一이므로 x_1 에 1을 增加시키고 기타 r_i 는 1을 減少시킨다. 順位 3에서는 $r_m = 3$ 이며 3을 包含하는 連3期間이 여럿이 있으므로 合이 가장 적은 $(1, 2, 3)$ 을 選定하였다. 順位 6에서는 雇傭人이 9 번째 期間에 遊休勞動期間을 갖는다.

順位 8에서 休務가 割當되는 雇傭人은 무려

휴 일 활 당 "예 1 "

기간별 고용인 활당순위	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
1	12	10	9	7	9	11	12	11	10	11	12	13	14	13
2	11	9	9	7	9	10	11	10	9	10	11	12	13	12
3	10	8	9	7	9	9	10	9	8	9	10	11	12	11
4	9	8	9	7	8	8	9	8	7	8	9	10	11	10
5	8	7	8	7	8	8	8	7	6	7	8	9	10	9
6	7	6	7	6	7	7	7	7	6	7	7	8	9	8
7	6	6	7	6	6	6	6	6	5	6	6	7	8	7
8	5	5	6	5	5	5	5	5	5	6	6	6	7	6
9	4	4	5	4	4	4	5	5	5	5	5	5	6	5
10	3	3	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	5	4
11	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	4	4
12	2	2	2	2	2	2	2	2	2	3	3	3	3	3
13	1	1	1	1	1	1	2	2	2	2	2	2	2	2
14	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1

휴 일 활 당 "예 2 "

기간별 고용일 활당순위	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
1	5	4	3	4	5	6	8	7	4	5	6	7	8	8
2	5	4	3	3	4	5	7	6	3	4	5	6	7	7
3	4	4	3	3	3	4	6	5	2	3	4	5	6	6
4	3	3	3	3	3	3	5	4	1	2	3	4	5	5
5	2	2	2	2	2	2	4	3	1	2	3	3	4	4
6	2	2	2	1	1	1	3	2	0	1	2	2	3	3
7	1	1	1	1	1	1	2	1	0	0	1	1	2	2
8	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0	0	0	1	1

7期間을 遊休勞動期間으로 갖게 된다. 그러므로 最適解答은 $W=8$ 이고 休務割當變數는 다음과 같다;

$$\begin{aligned} X_1 &= 3, X_2 = 1, X_3 = 1, X_4 = 1, \\ X_5 &= 0, X_6 = 0, X_7 = 0, X_8 = 1, \\ X_9 &= 1, X_{10}=0, X_{11} = 0, X_{12} = 0, \\ X_{13} &= 0, X_{14} = 0. \end{aligned}$$

이 경우에는 雇傭人이 遊休勞動期間을 갖기 때문에 總雇傭數는 週間總要望雇傭人數 나누기 11보다 크다. 즉

$$\sum_{i=1}^{14} x_i > \left(\sum_{i=1}^{14} r_i \right) / 11$$

参考的으로 敷衍한다면 雇傭人の 遊休勞動期間이 過多하다면 一部雇傭人の 部分時間勤務制 또는 超過時間勤務制가 勤務費用面에서 比較検討 되어야 된다.

또 다른 한考慮事項은 連休務가 아닌 非連休務割當이다. 그러나 週當 하루半休務를 갖는 雇用人에게 하루休務하고 또 다른 어느날에 半日을 休務하는 것이 現實의으로 可能하며 實効性이 있는지 與否를 檢討하는 것은 必要하다.

5. 結論

週 44時間勤務制 休務割當計劃은 週 40時間勤務制 休日割當計劃에 대한 技術에서 應用發展 시킬 수 있다. 週 40時間勤務制에 있어서는 單位期間을 日로해서 連이를 休務하는 것으로 假定하여 休日割當方法을 考案하였다. 週

44時間勤務制는 單位期間을 4時間勤務로 본다면 11期間連續勤務 連 3期間 休務로考慮할 수 있으므로 週 40時間勤務制에서 몰수 있는 休日割當方法과 類似한 方法으로 週當 連 3期間休務를 割當하는 技術을 發展시킬 수 있다. 最適休務割當을 발견하기 위해 LP를 기초로 두가지 定理를 정립할 수 있고 이定理를 根據로 數式의 도움이 없이 풀 수 있는 간단한 계산방법(發見的方法)을 考案할 수 있다. 여기에서 記術한 LP 방법이나 간단한 계산방법은 다 最小雇傭人數로서 最大要望勞動所要를 充足할 수 있도록 週當 連하루半休務割當을 하는 技法이다. 단, 休務割當반은 雇傭人の 遊休勞動期間이 많을 경우에는 部分時間勤務制 雇傭人이나 또는 超過時間勤務制 雇傭人 採用問題를 立行하여 研究 分析되어야 勤務費를 最小로 하고 勤務所要를 最大로 充足한 수 있는 最適方案을 發見할 수 있다.

参考文獻

- Monroe, Gail, "Scheduling Manpower for Service Operations," Industrial Engineering, Aug. 1970, pp.11-17.
- Tibrewala, R., Philippe, D., and Browne, T., "Optimal Scheduling of Two Consecutive Idle Periods," Management Science, Vol. 19, No. 1, Sept. 1972, pp.71-75.
- Kim, Chung Young, Manpower Scheduling Involving Both Delayable and Non-Delayable Jobs, Ph. D. Dissertation, Arizona State University, 1983.