DAEHAN HWAHAK HWOEJEE (Journal of the Korean Chemical Society) Vol. 25, No. 2, 1881 Printed in the Republic of Korea

> 팔면체 (M(III)A₃B₃) 형태 착물의 쌍극자모멘트에 대한 π 결합의 영향 (M(III)=Ti(III), V(III), Cr(III), Fe(III) 및 Ni(II); A=O 또는 N; B=N, S 또는 Cl) 安商雲¹·林義緒·李起鶴* 전북대학교 이과대학 화학과 (1980. 8. 14 접수)

The Effect of π Bonds on the Dipole Moments for Octahedral $(M(III)A_3B_3)$ Type Complexes (M(III)=Ti(III), V(III), Cr(III), Co(III) and Ni(II); A=O or N; B=N, Cl or S)

Sangwoon Ahn[†], Eu Suh Park and Kee Hag Lee*

Department of Chemistry, Jeonbug National University, Jeonju, 520, Korea (Received Aug. 14, 1980)

요 약. 괄면체 [M(III)A₃B₃]형태 착물의 쌍극자모멘트에 π결합 분자궤도함수의 기여분을 계산하 는 방법을 발전시켰다. [M(III)=Ti(III), V(III), Cr(III), Fe(III), 또는 Co(III); A=O 또는 N; B=N, S 또는 Cl]

쌍극자모멘트에 대한 π결합 분자궤도함수의 기여분은 σ결합 분자궤도함수의 기여분보다 작지만 비 편재화 π전자를 가지고 있는 킬레이트 착물에 까지도 무시할 수 없음이 발견되었다. 계산한 쌍 극자모멘트가 σ결합 형성 만을 가정했을 때 보다 실험치에 가까웠다.

ABSTRACT. A method for calculation of the contribution of π bonding molecular orbitals to the dipole moments for octahedral [M(III)A₃B₃] type complexes has been developed [M(III) = Ti(III), V(III), Cr(III), Fe(III) or Co(III); A=O or N; B=N, S or Cl].

The contribution of π bonding molecular orbitals to the dipole moments is found to be smaller than that of σ bonding molecular orbitals but this contribution may not be negligible even for chelate complexes in which delocalization of π electrons is assumed.

The calculated dipole moments $(u=u_{\sigma}+u_{\pi})$ are closer to the experimental values than those for the case where only σ bonds are assumed to be formed.

1. 서 폰

금속이온의 원자궤도함수와 같은 변환성질을 갖는 리간드의 궤도함수가 일차결합하여 σ결 합 분자궤도함수 만이 형성한다고 가정하고 이 들 σ결합 분자궤도함수를 사용하여 전이원소 착물의 쌍극자모멘트를 계산하는 방법이 발전

*Department of Chemistry Education, Kyunsang National University, Jinju 620, Korea 되었다^{1~4}. 이 방법에서 π결합 분자궤도함수는 비편재화 되어 있으며 금속이온을 중심으로 리 간드의 대칭인 배열때문에 쌍극자모멘트에 대한 π결합 분자궤도함수의 기여분은 서로 상쇄된다 고 가정하였다. 그러나 전이원소착물의 전자 스펙트럼^{5~17}을 비롯하여 ESR^{18~21} 및 NMR 스펙 트럼 그리고 상자기성 등에 대한 실험 결과^{22~30} 는 전이원소착물에 있어서 π결합 분자궤도함 수를 고려해 중이 필요하다는 증거를 제시해 주 고있다^{31~22}. 따라서, 본 연구는 괄면체[M(III)-A₃B₃]형태 착물에 있어서 금속이온과 리간드 사 이의 π결함을 고려해 주었을 때 쌍극자모멘트를 계산하는 방법을 발전시키는 데 그 목적이 있다.

금속과 리간드 사이의 ¤결합 분자궤도함수의 형성을 고려해 주었을 때 전이원소착물에 대한 쌍극자모멘트를 계산하기 위하여

(1) 전이원소착물에 있어서 금속이온 주위에 리간드가 대칭으로 배열하고 있으므로 쌍국자모 맨트의 핵 기여분은 전이원소착물의 쌍국자모멘 트에 기여하지 않으며,

(2) 금속이온과 직접 결합한 리간드 원자의 single basis set (2p) 원자궤도함수가 전이원소 착물의 분자궤도함수 형성에 크게 참여하고,

(3) 금속이온의 원자가궤도함수가 전이원소 차물의 σ결합 및 π결합 형성에 참여하는 크기 는 같다고 가정하였다.

본 연구에서 앞의 세 가정을 적용하고 다음식 을 사용하여,

$$\mu = -2e \sum_{i} \sum_{\mu} \sum_{\nu} C_{\mu i} C_{\nu i} \langle \phi_{\mu} | r | \phi_{\nu} \rangle \qquad (1)$$

팔면체 [M(III)A₃B₃] 및 [Ni(II)N₄O₂]형태 착물의 쌍국자모멘트를 계산하였다. [M(III) = Ti(III), V(III), Cr(III), Fe(III) 또는 Co(III), A=O 또는 N 그리고 B=N, S 또는 Cl]



관면체 [M(III)A₂B₃]형태 착물의 쌍국자모멘트의 계산

팔면체 [M(III)A₃B₃]형태 착물의 기하학적인 구조는 *Fig.*1에 나타내었다.

O 대칭을 갖는 괄면체 [M(III)A₃B₃]형태 착 물의 irreducible representation 은 *Table* 1에 나 타내었다.

본 연구에서 Ο 점군에 속하는 irreducible representation 중 금속이온의 valence basis set 가 같은 변환성질을 가지는 리간드의 궤도함수 와 일차 결합하여 σ및 π분자궤도함수가 형성 된다고 가정하였다. 따라서, σ결합분자궤도함 수는 다음이 된다.

$$\phi_{\sigma i}(\text{MO}) = N_{\sigma i} \{ C_M \Gamma_{\sigma i}(M) + (1 - C_M^2)^{\frac{1}{2}} \Gamma_{\sigma i}(l) \}$$
(2)

$$\phi_{si}^{*}(\text{MO}) = N_{si}^{*} \left\{ (1 - C_{M}^{2})^{\frac{1}{2}} \Gamma_{si}(M) - C_{M} \Gamma_{si}(l) \right\}$$
(3)



Fig. 1. The geometric structure of octahedral $(M(III)A_3B_3)$ type complex.

Journal of the Korean Chemical Society

광면채 (M(III)AsB3)형태 착물의 상극자모멘트에 대한 π결합의 영향

Table 1 Orbital transformation scheme for octahedral (M(III)A₃B₃) type complex in O point group.

(a) a Bond	Representation	Metalion Orbitals $\Gamma_{\sigma i}(M)$	Ligand orbitals $\Gamma_{\sigma_1}(1)$						
	<i>a</i> 1	4s	$\frac{1}{\sqrt{6}}(2p_{z}^{1}+2p_{z}^{2}+Cnp_{r}^{3}+Cnp_{z}^{4}+2p_{z}^{5}+Cnp_{z}^{6})$						
<u> </u>	e	3d, 1 1	$\frac{1}{2}(2p_{z}^{1}-2p_{z}^{2}+Cnp_{z}^{3}-Cnp_{z}^{4})$						
_		3d _z 2	$\frac{1}{\sqrt{12}}(2p_z^{5}+2Cnp_z^{6}-2p_z^{1}-2p_z^{2}-2p_z^{3}-2p_z^{4})$						
		4p _x	$\frac{1}{\sqrt{2}}(2p_t^{1}-Cnp_t^{3})$						
	t_1	4p,	$\frac{1}{\sqrt{2}}(2p_x^2-Cnp_t^4)$						
		4p.	$\frac{1}{\sqrt{2}}(2p_2^5-Cnp_2^6)$						
(b) π Bond	Representation	Metalion orbitals $\Gamma_{xi}(M)$	Liqand orbitals $\Gamma_{xi}(1)$						
		4p _z	$\frac{1}{2}(2p_{y}^{2}+2p_{z}^{5}-Cnp_{z}^{4}-Cnp_{y}^{6})$						
	t ₁	4p _y	$\frac{1}{2} (2p_{x}^{1} + 2p_{y}^{5} - Cnp_{y}^{3} - Cnp_{z}^{6})$						
		4pz	$\frac{1}{2}(2p_y^2+2p_z-Cnp_x^3-Cnp_y^4)$						
		3d,12	$\frac{1}{2}(2p_y^1+2p_x^5+Cnp_x^3+Cnp_5^6)$						
	t2	3d _{yz}	$\frac{1}{2}(2p_x^2+2p_y^5+Cnp_y^4+Cnp_z^6)$						
		3d29	$\frac{1}{2}(2p_x^{1}+2p_y^{2}+Cnp_y^{3}+Cnp_z^{6})$						

where $C = \frac{\text{Electronegativity of A}}{\text{Electronegativity of B}}$ and n=2 or 3.

여기에서 $\Gamma_{\sigma i}(M)$ 및 $\Gamma_{\sigma i}(l)$ 는 O 점군에 속하 는 같은 변환성질을 갖는 금속이온 및 리간드의 irreducible representation 이며 $N_{\sigma i}$ 는 σ 결합 분 자제도함수의 규격화상수이다.

Röhrscheid 등은^{27~29} 금속과 리간드가 *π*결함 을 형성할 경우 전자가 LUMO에 비편재화 되 어 있다고 가정하였으므로 리간드가 킬레이트이 기 때문에 전이원소착물이 킬레이트 고리를 가 길 경우 π결합 분자궤도함수에 있어서 *π*전자 의 비편재화를 고려해 주기위하여 *π*결합 분자 궤도함수를 다음과 같이 나타내었다.

$$\phi_{\pi i}(\text{MO}) = N_{\pi i} \{ C_M \Gamma_{\pi i}(M) + (1 - C_M^2)^{\frac{1}{2}} \\ [\gamma \Gamma_{\pi i}(l) + (1 - \gamma^2)^{\frac{1}{2}} \Gamma_{\pi i}(\text{del})] \}$$
(4)

$$\phi_{\pi i}^{*}(\mathrm{MO}) = N_{\pi i}^{*} \{ (1 - C_{M}^{2})^{2} \Gamma_{\pi i}(M) - C_{M} \\ [\gamma \Gamma_{\pi i}(l) + (1 - \gamma^{2})^{\frac{1}{2}} \Gamma_{\pi i}(\mathrm{del})] \} \qquad (5) \notin$$

여기에서, Γ_{xi} 는 같은 변환성질을 갖는 O 점군 의 irreducible representation 이다. Γ_{xi} (del)는 킬레이트 고리에 π 전자의 비편재화를 고려해 주기위한 리간드의 비편재화 π 결합 분자궤도함 수에 대한 리간드 원자의 single basis set 이외 의 기여분이다. N_{xi} 는 π 결합 분자궤도함수의 규격화상수이고 γ 는 금속이온과 직접 결합한 리간드 원자의 single basis set orbital 이 비편 재화 리간드궤도함수에 참여하는 크기를 나타 내는 계수이며 다음과 같이 정의하였다.

63

(6)

$$\gamma^2 = \frac{1}{n}$$

여기에서 n는 리간드의 킬레이트 고리에 참 여하는 원자의 수이고 킬레이트 고리가 형성되 지 않는 경우 r=1이다.

금속이온의 p 궤도함수가 리간드의 T₁ irreducible representation 과 같은 변환 성질을 가지 기 때문에 p_x 와리간드의 t₁(π) 궤도함수가 일차 결합하여 t₁(π) 분자궤도함수를 형성할 수도 있 지만 금속 이온의 p 궤도함수가 t₁(σ) 분자궤 도함수 형성에 크게 참여하기 때문에 t₁(π) 결 합은 무시할 수 있을 만큼 작게 일어난다고 가 정하였다³⁵. σ 및 π결합을 한 팔면체 [M(III)-A₃B₃]형태 착물의 분자궤도함수에 대한 에너지 준위는 Fig.2에 나타내었다. 이상의 σ 및 π분



자궤도함수에 대한 쌍국자모멘트행열요소는 다음이 된다.

(8)

1

생국자모멘트행열요소의 자세한 식을 부록에 기술하였다.

이상의 근사 분자궤도함수의 행열요소에 대한 식에 Ballhausen 및 Bedon 등의 좌표 변환법^{34,36} 을 적용하여 쌍극자모멘트행열요소를 계산하였 으며 이 값을 방정식 (1)에 대입하여 괄면체 [M(III)A₃B₃]형태 착물의 쌍극자모멘트를 계산 하여 *Table* 2에 나타타내었다.

3. 결과 및 고찰

Table 3에 나타난 것 처럼 π전자의 비편재화 를 가정하였을 때 계산한 팔면체 [M(III)A₃B₃] 형태 착물의 쌍극자모멘트가 실험치와 잘 일치 한다. π결합을 고려해 주었을 때 쌍극자모멘트

Fig. 2. Energy level scheme for octahedral $(M(III)-A_3B_3)$ type complex.

<i>Table 2.</i> Ele	ectron (configuration	of	metal	ion	and	bond	length	between	metal	ion	and	ligan	ıd.
---------------------	----------	---------------	----	-------	-----	-----	------	--------	---------	-------	-----	-----	-------	-----

	Elements										
-	Ti(III)	V (III)	Cr(III)	Fe(III)	Co(III)	Ni (II)					
Electron configuration		3d²	3d ³	3d5	3d ⁶	3d ⁸					
М-О	2.05	1.95	1.91	1.90	1.89	1.88					
M-S	2.34	2. 24	2.20	2.19	2.18	1.90					
M-N	2.07	1.97									
M-Cl	2. 31	2.21									

٠

Journal of the Korean Chemical Sociesy

Expl. value μ^* Complexes С µo z μ_{σ} μ_{ss} μ_{π} μ (Ti(III)O₃Cl₃) 0.65920.958 -0.02480.0429 -0.3558 0.6163 $(Ti(III)N_3Cl_3)$ 0.9218 1.3117 2.0989 0.7180 1.2434 3.3425 0.4305 8.7212 $(V(III)O_3S_3)$ 0.7671 4.5880 0.24855.0185 2.6489 0.7985 $(V(III)O_3N_3)$ 2.6068 4.5152 0.4850 0.8401 5.3553 7.7245 $(V(III)N_3Cl_3)$ 0.9218 4.1429 0.59911.0377 5.1806 2.3919 0.2219 0.7029 $(V(III)O_3Cl_3)$ 0.9558 -0.27770.4810 0.1281 8.4966 4.3381 0.8653 3.93~7.07^d $[Cr(III)O_3S_3]$ 0.7671 2.5049 0.4996 5.2034 9.5034 $[Fe(III)O_3S_3]$ 0.7671 2.5993 4.5021 0.5577 0.9660 5.4681 2.46~7.0° $(C_0(III)O_3S_3)$ 0.7671 2.61634.5321 0.60281.0440 5.5761 9.9213 2.05~7.36* $(Ni(II)N_4O_2)$ 0.7985 2.8785 4.9857 0.6541 1.1329 6.1186 9.0751 1.19~10.05

Table 3. The calculated dipole moments for octahedral (M(III)A₃B₃) type complexes (unit : Debye).

#171 1 1 A	1 12 1				eens is eestu	
\mathbf{T} i bo $\Delta \Delta low lotor$	- $ -$	nanto urnen no	nelocalization	DT 🐨 6(8CH	mme iv seeni	an ear i
1 1 1 H L A H H A 1 7		пенья мнен по	ucincaliation			

a ³⁷	ן אַ <u>ד</u> ו	R	R١	ц	ե ³⁷	~ 분 대	R	R'	ų	38ء					
	H,C,C,H	Me	Ph	4.81		"Contron"	Me	Ph	3.27		X-SALe	n-N(R)	R ¹ /2Ni cor	npiexes	E
	ś jö	Ph	P'n	4,29		S0	Ph	θh	3,84		х	R	R,	ц	
	FC/3	Me	CF3	5.40		್ಯ್ಯ	Me	¢۳3	540		н	н	снз Т	8.78	
	-	C₄43S	CF3	7,00			C ₄ H ₃ S	CF3	7.14		ш	н	n-CzHi7	8.09	
	-	Ph	CF3	6.03			Pt	CF3	6.54		5-C	H	n-C yll y	10.05	
		р-МеС6Н4	CF3	6.65			p-MeC ₆ H₄	CF3	7.36		5-CH3	н	n-C ₃ rl7	8.31	
		p-BrC ₆ H4	CF_3	3,59			p-Brî ₆ H4	CF3	3,62		9	C∺g	CeHis	1.34	1
										;	H	∩e+is	C6∺5	1.19	ī

가 금속이온과 리간드 사이의 σ 결합 만을 가정 했을 때의 쌍극자모멘트보다 약간 큰 값을 가 진다. 두 자리 또는 세자리 리간드가 금속이온 과 결합하여 팔면체 킬레이트 착물의 형성되는 경우 π 전자의 비편재화를 가정하지 않았을 때 계산한 쌍극자모멘트 값이 실협치보다 크며 한 자리 리간드의 팔면체 전이원소착물에 대하여 계산한 쌍극자모멘트는 π 전자의 비편재화를 가 정하지 않았을 지락도 타당한 범위의 값으로 생 자된다.

π결합을 고려해 주었을 때 계산한 괄면책 [M(III)A₃B₃]형태 착물의 쌍극자모멘트가 σ결 합만을 가정했을 때의 쌍국자모멘트의 계산치보 다 실협치에 가까움을 알 수 있으며 팔면체 킬 레이트 착물에 대하여 쌍극자모멘트의 실험치와 계산치를 비교하므로써 비편재화 정도를 추측할 수 있다.

부 록

• 결합 분자궤도함수 쌍극자모멘트행열요소 <∲øi|r|∲øi>는 이미 보고되어 있으며³⁹ 고결 합 분자궤도함수의 쌍극자모멘트 행열요소는 <∲_{xi}|r|∲_{zi}>는 다음이 된다.

$$\begin{split} &\langle \phi_{\pi 2}(t_2) \, | z | \, \phi_{\pi 2}(t_2) \rangle = N_4^2 \{ C_M (1 - C_M^2)^{\frac{1}{2}} \\ &\cdot \gamma [< 3d_{xx} | \, z | \, 2p_x^5 \rangle - C < 3d_{xx} | \, z | \, np_x^6 \rangle] \\ &+ \frac{(1 - C_M^2)}{4} \gamma^2 [R - C^2 R'] \} \\ &< \phi_{\pi 3}(t_2) \, | \, z | \, \phi_{\pi 3}(t_2) \rangle = N_4^2 \{ C_M (1 - C_M^2)^{\frac{1}{2}} \\ &\cdot \gamma [< 3d_{yx} | \, z | \, 2p_y^5 \rangle - C < 3d_{yx} | \, z | \, np_y^6 \rangle] \\ &+ \frac{(1 - C_M^2)}{4} \gamma^2 [R - C^2 R'] \} \\ &< \phi_{\pi 1}(t_2) \, | \, x | \, \phi_{\pi 1}(t_2) \rangle = N_4^2 \{ C_M (1 - C_M^2)^{\frac{1}{2}} \\ &\cdot \gamma [< 3d_{xy} | \, x | \, 2p_x^{-1} \rangle - C < 3d_{xy} | \, x | \, np_x^3 \rangle] \\ &+ \frac{(1 - C_M^2)}{4} \gamma^2 [R - C^2 R'] \} \\ &< \phi_{\pi 2}(t_2) \, | \, x | \, \phi_{\pi 2}(t_2) \rangle = N_4^2 \{ C_M (1 - C_M^2)^{\frac{1}{2}} \\ &\cdot \gamma [< 3d_{xx} | \, x | \, 2p_x^{-1} \rangle - C < 3d_{xy} | \, x | \, np_x^3 \rangle] \\ &+ \frac{(1 - C_M^2)}{4} \gamma^2 [R - C^2 R'] \} \end{split}$$

$$N_{4} = \{C_{M}^{2} + 2C_{M} (1 - C_{M}^{2})^{\frac{1}{2}} \gamma [\langle 3d_{xx} | 2p_{x} \rangle \rangle$$

Vol. 25, No. 2, 1981

安商雲・朴義緖・李起鶴

$$+C < 3d_{xz} |np_{z} >] + \frac{(1-C_{M}^{2})}{2} r^{2}(1+C^{2}) \}^{-\frac{1}{2}}$$

$$N_{4}^{*} = \{(1-C_{M}^{2}) - 2C_{M} (1-C_{M}^{2})^{\frac{1}{2}} r[<3d_{xz} |2p_{x} >$$

$$+C < 3d_{xz} |np_{x} >] + \frac{(1-C_{M}^{2})}{2} r^{2}(1+C^{2}) \}^{-\frac{1}{2}}$$

REFERENCES

- 1. S. Ahn, Prog. Chem. Ind., 17, 392 (1977).
- 2. S. Ahh, J. Korean Chem. Soc., 22, 295 (1978).
- 3. S. Ahn, J. Korean Chem. Soc., 23, 1 (1979).
- 4. S. Ahn, J. Korean Chem. Soc., 23, 59 (1979).
- H. D. Bedon, S. M. Horner and S. Y. Tyee, Jr., Inorg. Chem., 3, 617 (1964).
- M. Wolfsberg and L. Heimholz, J. Chem. Phys., 20, 837 (1952).
- 7. L. E. Orgel, J. Chem. Phys., 23, 1819 (1955).
- 8. L. E. Orgel, J. Chem. Phys., 23, 1824 (1955).
- R. L. Belford, M. Calvin and G. Belford, J. Chem. Phys., 26, 1165 (1957).
- 10. T. M. Dunn, J. Chem. Soc., 623 (1959).
- D. W. Barnun, J. Inorg. Nucl. Chem., 21, 221 (1961).
- T. S. Piper and R. L. Carlin, *Inorg. Chem.*, 2, 260 (1963).
- G. W. A. Fowles and R. A. Hoodless., J. Chem. Soc., 33, (1963).
- R. C. Fay and T. S. Piper, J. Amer. Chem. Soc., 84, 2303 (1962).
- R. J. H. Clark and M. L. Greenfield, J. Chem. Soc., A 409 (1967).
- A. F. Schreiner and T. L. Brown, J. Amer. Chem. Soc., 90, 3366 (1968).
- K. G. Caulton and R. F. Fenske. Inorg. Chem., 7, 1273 (1968).
- 18. J. Owen, Faraday Soc., 19, 127 (1955).
- A. M. Maki and B. R. McGarvey, J. Chem. Phys., 29, 31 (1958).
- D. Kivelson and R. Keiman, J. Chem. Phys., 35, 149 (1961).

- R. D. Willett, O. L. Liles, Jr. and C. Michelson, Inorg. Chem., 6, 1885 (1967).
- S. Sugano and R. G. Shulman, *Phys. Rev.*, 130, 506 (1963).
- K. knox, R. G. Shuiman and S. Sugano, Phys. Rev., 130, 512 (1963).
- R. G. Shulman and S. Sugano, Phys. Rev., 130, 517 (1963).
- S. Sugano and Y. Tanabe, J. Phys. Soc., Japan, 20, 1155(1965).
- D. R. Eaton, J. Amer. Chem. Soc., 87, 3097 (1965).
- 27. F. Rohrscheid, R. E. Ernst and R. H. Holm, Inorg. Chem., 6, 1315 (1967).
- F. Röhrscheid, R. E. Ernst and R. H. Holm, Inorg. Chem., 6, 1607 (1967).
- F. Röhrscheid, R. E. Ernst and R. H. Holm, J. Amer. Chem. Soc., 89, 6472 (1967).
- J. A. McCloskey, A. M. Lawson, K. Tsuboyama, P. M. Krueger and R. N. Stillwell, J. Amer. Chem. Soc., 90, 4184 (1968).
- H. B. Gray, Transition Metal Chem, 4, 239 (1965).
- H. B. Gray and N. A. Beach. J. Amer. Chem. Soc., 85, 2972 (1963).
- 33. S. Ahn, J. Korean Chem. Soc., 22, 229 (1978).
- H. D. Bedon, S. M. Horner and S. Y. Tyree Jr., *Inorg. Chem.*, 3, 647 (1964).
- B. N. Figgis, "Introduction to ligand fields", P. 191, Interscience. 1966.
- C. J. Ballhausen and H. B. Gray, "Molecular Orbital Theory", P. 106, McGraw-Hill, 1964.
- M. Das, S. E. Livingstone, S. W. Filipczuk, J. W. Hayes and D. V. Radford, J. C. S. Dalton, 1410 (1974).
- L. Sacconni, P. Nannelli and U. Campigli, *Inorg. Chem.*, 4, 818 (1975).
- 39. S. Ahn and J. S. Ko, J. Korean Chem. Soc., in press.
- S. E. Livingstone and J. E. Oluka, Aust. J. Chem., 29, 1913 (1976).