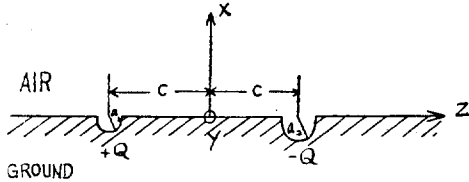


李 晚 榮

一級電氣理論

[問題]



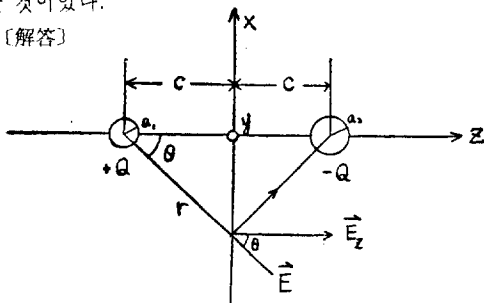
接地電極(Ground Electrodes)間的 地中抵抗(Earth Resistance)을 測定하기 爲하여 上圖와 같이 $2c$ 單位 거리에 各各半徑이 a_1, a_2 의 半球를 땅에 묻고 電極으로 使用하기로하자.

(ㄱ) 均一한 導電率 γ 를 假定한다면 地表面에서 $x-y$ 平面에 沿한 地下의 깊이 h 를 通過하는 兩電極間의 全電流의 값을 求하라.

(ㄴ) 兩極間에 흐르는 全電流가 그 折半값에 達할때의 地下의 깊이 h 의 값을 얼마인가?

[序言] 筆者가 第一次電氣主任技術者考試委員으로 一級電氣理論을 出題했던 것인데 問題自體가 어려웠는지 一級受驗者中全員이 손을대지 못한 것에 對해서 大端遺憾으로 生覺하는 바다. 本問의 出題處를 밝히자면 美 Brooklyn 工大電氣工學科教授 Weber 氏의 著書 "Electromagnetic Fields" Vol. I-Mapping of Fields (1954年版)의 第4章의 問題集中 第1問을 그대로 擇한 것이었다.

[解答]



(ㄱ) 地中에서의 電流分布狀態는 Electrostatic Field Lines와 同一함으로

$$|\vec{E}_z| = 2E \cos\theta = 2\left(\frac{Q}{4\pi\epsilon r^2}\right)\left(\frac{c}{r}\right) = \frac{Qc}{2\pi\epsilon r^3}$$

$$\text{即 } E_z = \frac{Qc}{2\pi\epsilon(x^2+y^2+c^2)^{3/2}}$$

Ohm의 法則을 引用한다면 電流密度는 다음의 式에서 求해질것이다.

$$\vec{J} = \gamma \vec{E}_z = \vec{a}_z \frac{Qc\gamma}{2\pi\epsilon(x^2+y^2+c^2)^{3/2}}$$

\vec{a}_z : z 軸方向의 unit vector.

따라서 地表面으로부터 地下任意的 깊이 h 사이를 한 電極에서 또한 電極으로 흐르는 電流의 量은 위에서 求한 電流密度의 分布를 $x-y$ 平面에 關해서 定積分함으로서 求해질것이다.

$$\vec{I} = \vec{a}_z \int_0^h \int_{-\infty}^{\infty} \frac{Qc\gamma}{2\pi\epsilon(x^2+y^2+c^2)^{3/2}} dy dx$$

$$= \vec{a}_z \frac{Qc\gamma}{\pi\epsilon} \int_0^h \frac{dx}{x^2+c^2}$$

$$\vec{I} = \vec{a}_z \frac{Qc\gamma}{\pi\epsilon} \left[\frac{1}{c} \tan^{-1} \frac{x}{c} \right]_0^h = \vec{a}_z \frac{Q\gamma}{\pi\epsilon} \tan^{-1} \frac{h}{c}$$

따라서 兩極間의 全電流의 量은 $h \rightarrow \infty$ 함으로서 求해질 것이다.

即

$$\vec{I}_i = \vec{a}_z \frac{Q\gamma}{\pi\epsilon} \tan^{-1} \frac{h}{c} \Big|_{h \rightarrow \infty} = \vec{a}_z \frac{Q\gamma}{2\epsilon}$$

(ㄴ) 本問의 뜻은 다음式

$$\frac{1}{2} I_i = \frac{Q\gamma}{\pi\epsilon} \tan^{-1} \frac{h}{c}$$

를 滿足시키는 h 의 값을 求하면된다.

即

$$\frac{Q\gamma}{4\epsilon} = \frac{Q\gamma}{\pi\epsilon} \tan^{-1} \frac{h}{c}$$

$$\tan^{-1} \frac{h}{c} = \frac{\pi}{4}$$

$$\frac{h}{c} = 1$$

$$\therefore h = c$$

h 의 값이 兩極間距離의 1/2에 達할때 全電流의 折半값을 가질것이다. 以上

(西紀1963年2月16日接受)