초고전압 극 저주파 송전선하에서 발생하는 전기자기장의 분석적 해석

<u>이재중</u>*, 정용식** 서울대학교*, 광운대학교**

Analytic Solutions of Electric and Magnetic Fields under Power Transmission Line at Extremely Low Frequency

Jae-Joong Lee*, Young-seek Chung** Seoul National University*, Kwangwoon University**

Abstract - 송전선로 아래에서의 전기장과 자기장의 계산은 2013년 밀양 송전탑 사건에서 볼 수 있듯이 매우 중요한 문제로 대두되고 있다. 공간을 전과해 나가는 전자파의 특성과는 다르게 5~60Hz의 매우 낮은 주파수(ELF: Extremely Low Frequency)로 송전을 하는 송전선로에서 는 발생원으로부터 거리에 따라 반비례하여 그 크기가 작아지는 정전기 장 및 정자기장을 발생시킨다. 하지만 수백 kV의 높은 송전전압 때문에 주변에서의 전기장 자기장의 값이 매우 크게 되고 이로 인한 논란이 많 기 때문에 정확한 정량적 해석이 불가피한 실정이다. 본 논문에서는 수 박 kV로 송전되는 송전선로에서 발생 하는 전기장과 자기장을 해석적 으로 계산하고 지면으로 부터 특정한 높이에 따라 전기장 자기장이 어 떻게 변화 하는지에 대한 결과를 분석 하였다. 송전 선하에 전기장 및 자기장의 분포는 MATLAB을 통해서 계산 되었다.

1. 서 론

송전선로는 송전 손실을 줄이기 위해 고전압을 이용하여 송전한다. 더 욱이 1980년대 이후 급격한 경제성장에 따라 전력 수요량이 기하급수적 으로 늘어나고 있는 추세이다. 이 수요에 대한 공급을 맞추기 위해 효율 이 좋은 원자력 발전을 많이 이용 하는데, 원자력 에너지의 특성 상 바 닷가 근처에 건설이 되어 내륙으로 송전을 하게 된다. 이에 따른 초고압 송전선로의 건설은 불가피한 실정이며, 세계 보건기구(WHO) 등 많은 기구에서 전기 자기장의 노출량에 따른 인체의 영향에 대한 보고서 등 저주파수 전기장 및 자기장에 대한 영향과 이에 대한 가이드라인을 제 시하고 있다[1][2]. 60Hz로 전달되는 극 저주파는 전기장과 자기장을 발 생하며 파동성 보다는 정적인 특징이 큰 주파수이다. 그렇기 때문에 초 고압 송전선로 근처에서는 이 정적인 주파수들의 영향이 보다 크고 두 드러지게 나타난다. 특히 최근 송전전압이 점점 상승하는 추세이며 국내 에는 765kV, 중국에서는 1000kV까지 송전 전압이 상승한 상황이다.

많은 가공 송전선로는 단일 전선을 이용하여 송전을 하지 않으며 상 (phase)을 잘 맞추어 전력 손실이 최대한 적게 일어나도록 하고 있다. 따라서 본 논문에서 해석하는 송전선로는 3상 전송선로(3-phase transmission line)를 대상으로 하며 전송선이 직선선로라고 가정한다. 실제 송전선로는 전송선로의 무게 때문에 아래로 처지는 이도(Dip)현상 이 발생하게 되는데 본 논문에서는 이러한 이도 현상을 반영하기 위해 기준 단면에 대해서 해석을 진행 하고 이도가 커질수록 지표면과의 거 리가 가까워지는 점을 이용하여 이도 현상을 반영하였다.

2. 본 론

2.1 Formulation

전송선은 송전탑에 설치가 되며 여러 개의 송전선로가 전송 손실을 최소화하기 위해 다양한 형태로 배치되어 있다[3]. 여러 가지 배열 중 수평 방향으로 평행하게 배열 된 3개의 전송선로에 대해서 해석을 한다. 3개의 전송선로는 각각 120도의 위상차를 갖고, 기준 좌표계에서 각각 L만큼 떨어진 만큼 거리에 위치한다. 이 성질을 이용하여 단일 선로 해 석을 한 결과에 중첩의 원리(Superposition Theorem)와 상대 위치를 대 입해서 전송선로 효과를 계산 해 낼 수 있다. 또한 지구는 보통 무한 커 패시터라고 가정하기 때문에 송전선하의 지표는 접지(Ground)라고 가정 하였으며 그에 대한 영상효과 역시 적용해서 계산 하였다[4]. 그림 1에 서는 해석 하고자 하는 송전선로의 단면도와 그에 대한 영상효과를 보 여주고 있다.

중앙의 선로는 y=0 평면에 위치하고 있으며, 양쪽에 각각의 선로는 중 앙으로부터 L만큼 떨어져 있는 거리에 위치한다. 또한 이 세 개의 선로 는 지표면으로부터 d만큼 떨어져 있는 높이에 위치한다.



〈그림 1〉 송전선로의 단면도 와 그 영상효과

이때 하나의 송전선로에 의하여 생긴 전류밀도는 수식 (1) 과 같이 정의 할 수 있다.

$$\mathbf{J}(\mathbf{r}) = e^{j\gamma x} \delta(y) \delta(z-d) \hat{x}$$
⁽¹⁾

수식 (1)의 전류 밀도를 기반으로 맥스웰 방정식을 만족 시키는 전기장 과 자기장의 적분 방정식 관계를 풀게 되면 x=0인 평면에서의 전기장과 자기장의 각각 x,y,z 성분을 구할 수 있게 된다[5]. 이때 각각의 방정식 은 다음과 같다.

$$E_{x}(r)|_{x=0} = \frac{j\omega\mu_{0}l}{\pi k_{1}^{2}} \left[k_{0}d\sum_{i=1}^{3} e^{(i-2)\frac{2}{3}\pi} \frac{(z+d)^{2} - (y+(i-2)L)^{2}}{((z+d)^{2} + (y+(i-2)L)^{2})^{2}} \right]_{(2)}$$

$$E_{y}(r)|_{x=0} = \frac{j\omega\mu_{0}l}{2\pi k_{0}} \left[\sum_{i=1}^{3} e^{(i-2)\frac{2}{3}\pi} \left(y - (i-2)L \right) + \left(\frac{1}{(z-d)^{2} + (y+(i-2)L)^{2}} - \frac{1-2k_{0}^{2}/k_{1}^{2}}{(z+d)^{2} + (y+(i-2)L)^{2}} \right] \right]$$

$$E_{z}(r)|_{x=0} = \frac{\omega\mu_{0}l}{2\pi k_{0}} \left[\sum_{i=1}^{3} e^{(i-2)\frac{2}{3}\pi} \left\{ \frac{z-d}{(z-d)^{2} + (y+(i-2)L)^{2}} - \frac{z+d}{(z+d)^{2} + (y+(i-2)L)^{2}} \right\} \right]$$

$$(3)$$

$$B_{x}(r)|_{x=0} = -\frac{2j\mu lk_{0}}{\pi k_{1}^{2}} \left[\sum_{i=1}^{3} e^{(i-2)\frac{2}{3}\pi} \frac{\left(y + (i-2)L\right)\left(z+d\right)}{\left(\left(z+d\right)^{2} + \left(y + (i-2)L\right)^{2}\right)^{2}} \right]$$
(5)
$$B_{y}(r)|_{x=0} = \frac{\mu_{0}l}{2\pi} \left[\sum_{i=1}^{3} e^{(i-2)\frac{2}{3}\pi} \left\{ \frac{\left\{\frac{4(z+d)k_{0}d}{k_{1}^{2}\left(\left(z+d\right)^{2} + \left(y + (i-2)L\right)^{2}\right)^{2}\right\}} + \left\{\frac{1-\frac{2\left[\left(z+d\right)^{2} - \left(y + (i-2)L\right)^{2}\right]}{\left(z+d\right)^{2} + \left(y + (i-2)L\right)^{2}}\right\}} \right] \right]$$
(6)
$$B_{z}(r)|_{x=0} = \frac{\mu_{0}l}{2\pi} \left[\sum_{i=1}^{3} e^{(i-2)\frac{2}{3}\pi} \left\{ \frac{\left(\frac{y + (i-2)L}{\left(z-d\right)^{2} + \left(y + (i-2)L\right)^{2}}\right)} - \frac{z-d}{\left(z-d\right)^{2} + \left(y + (i-2)L\right)^{2}} - \frac{\left(y + (i-2)L\right)\left(1-2k_{0}^{2} / k_{1}^{2}\right)}{\left(z+d\right)^{2} + \left(y + (i-2)L\right)^{2}} + \frac{4\left(y + (i-2)L\right)\left(1-2k_{0}^{2} / k_{1}^{2}\right)}{k_{1}^{2}\left(\left(z+d\right)^{2} + \left(y + (i-2)L\right)^{2}\right)^{2}} + \frac{4\left(y + (i-2)L\right)\left(k_{0}d\right)}{k_{1}^{2}\left(\left(z+d\right)^{2} + \left(y + (i-2)L\right)^{2}\right)^{2}} \right] \right]$$
(7)

위의 식 (2)-(7)이 x = 0 평면에서의 y와 z에 대한 각각의 전기장과 자 기장의 수식이 되며, z를 변경 시키는 것이 지표면과의 거리를 변화 시 키는 것이기 때문에 송전탑에서부터 가장 이도가 큰 지점까지 변하는 전기장과 자기장을 z를 증가시켜 가면서 계산한 결과로 볼 수 있다. 765kV 송전선로는 최대 10m까지의 이도가 발생하는 걸로 알려져 있다.

2.2 Calculation Results

위에서 제시한 수식을 통해 전기장과 자기장을 지표면에서 각각 0,2,4,6,8,10,12m 떨어진 곳에서 계산한다. 이는 송전탑 바로 아래에서부 터 이도가 일어날 수 있는 가장 큰 범위 까지 전기장 및 자기장이 어떻 게 변화 하는지를 알아보기 위함이다. 3개의 전송선로는 각각 3m 씩 떨 어져 있으며, 지상으로부터의 거리는 20m로 설정하였다.

그림 3에는 송전탑에서부터 거리에 따라 발생된 전기장과 자기장을 도시하고 있다. 이때 전기장과 자기장은 앞서 제시한 수식들의 x,y,z성 분들의 2-norm을 이용하여 전체 크기를 도시 하였으며, 전기장과 자기 장이 거리가 멀어질수록 전반적으로 감쇠하는 특성을 보여준다. 하지만 지표면과의 거리에 따라서 감쇠하는 속도가 각기 다른 결과가 나타나는 데 이는 기존의 연구결과와 일치한다[5].

또한 본 수식에서 사용되는 파수(wavenumber)는 공기층(region 0)과 지표면(region 1)에서 각기 다르며, 그에 따른 유전율 역시 다른데 이에 대한 정보는 참고문헌 [6]에서 주파수에 따른 복소유전율 값을 참조 하 였다.

3.결론

송전선로에서 발생하는 초고전압 극 저주파 전기자기장은 송전전압 이 높아질수록, 특히 도심 지역이나 인근 학교, 시설물 등을 지나가는 경우에 더욱 민감한 문제로 작용한다. 때문에 이러한 설비 시설에서 발 생하는 전기자기장에 대한 예측은 분쟁을 해결하거나 다른 송전시설을 건설 할 때 중요한 지표가 된다. 본 논문에서는 송전선하에서 발생하는 전기장과 자기장을 분석적으로 계산하여 그 개형을 예측 해 냈고, 그 결 과는 기존의 연구 및 측정 데이터들과 유사한 패턴을 보여주며, 이는 수 식의 계산 결과가 정성적으로 유의미함을 의미한다.



또한 이도에 대한 영향을 별 다른 수식 전개 없이 측정 포인트의 변경 으로 예측 하여 계산 하였다. 앞으로 논문의 수식을 개선하여 이도를 반 영한 수식으로 확장 해 나갈 수 있을 것이며, 송전선하에서 발생하는 전 기자기장에 대한 3차원 해석 연구에 도움이 될 것으로 사료된다.

[감사의 글]

이 논문은 한국전력공사의 재원으로 기초전력연구원의 2014년 선정 기 초연구개발과제의 지원을 받아 수행된 것임. (과제번호 : R14XA02-17)

[참 고 문 헌]

- [1] Health Physics, Vol. 58, No. 1, pp. 113-122
- [2] 황종선, 이달형, 김영조, 이상진, 김재준, "극저주파 전자계에 대한 WHO의 건강영향평가 고찰", 대한전기학회 전기설비전문위원회 춘 계학술대회 논문집, 2009
- [3] George Filippopoulos, Dimitris Tsanakas, "Analytical Calculation of the Magnetic Field Produced by Electric Power Lines", Power Delivery, IEEE Transactions, Vol 20, pp. 1474–1482, 2005
- [4] J.R. Reitz, F. J. Milford, "Foundations of electromagnetic theory", Addison-Wesley, U. S. A., pages 56-76
- [5] Manash Jyoti Baishya, Satyajit Bhuyan, N.K.Kishore, "Calculation of Electric and Magnetic Field under AC Transmission and Distribution Lines in Guwahati City", ADBU-Journal of Engineering Technology, Vol. 1, pp1-5, 2014
- [6] Liu, Ning, "Soil and Site Chracterization Using Electromagnetic Waves", Ph.D. Degree Thesis, 2007