자기베어링 시스템의 제어기를 위한 Notch filter 설계 Notch Filter design for Magnetic Bearing system controller *유승열¹, 이욱륜², 배용채²,[#]노명규³

*S. Y. Yoo¹, W. R. Lee², Y. C. Bae², [#]M. D. Noh(mnoh@cnu.ac.kr)³ ¹ 충남대학교 BK21 메카트로닉스사업단, ²전력연구원, ³충남대학교 메카트로닉스공학과

Key words : Notch filter design, Magnetic bearing system

1. 서론

자기베어링(Magnetic bearing) 시스템은 기존의 저널 베 어링, 볼 베어링 등의 단점들을 보완하기 위한 대체수단을 지난 30 여년 동안 많은 연구가 진행되었다. 자기베어링 시스템은 비접촉을 지향하기 때문에 소음과 윤활 등의 문 제가 발생하지 않는 친환경적인 장치이고, 마찰이 없기 때 문에 고속의 회전을 가능하게 해준다[1]. 이러한 자기베어 링 시스템은 공작기계분야, 터보기계분야, 항공우주산업 등 여러 분야에 적용이 가능하다. 자기베어링 시스템은 기본 적으로 회전축 계를 부상시켜 지지하는데 회전체의 동역학 적 특성에 따라서 시스템의 특성이 변하기 때문에, 적당한 제어기 설계가 필요하다. 본 논문에서는 자기베어링 시스 템 중 하나인 플라이휠 시스템을 이용하여 회전체를 포함 한 시스템의 동역학적 모델을 유도하고 시스템의 제어 안 정성을 확보하기 위한 Notch filter 설계에 대하여 기술하였 다. 설계된 Notch filter 는 비례-미분 제어기(Proportional-Derivative controller)와 함께 적용되었으며, 검증된 시스템 모델을 이용한 시뮬레이션을 통해 성능을 검증하였다.

2. 시스템

Fig.1 은 플라이휠 에너지 저장장치의 개략도이다. 회전 체의 중앙에는 섬유강화 복합재료로 만들어진 플라이휠이 장착되어 있다. 회전체의 반경방향 움직임은 상부와 하부 에 위치한 능동형 자기베어링에 의해 지지되며 회전체의 반경방향 위치는 두 쌍의 센서에 의해 측정된다. 축의 중 앙에 위치한 고속 전동/발전기는 축을 운전속도까지 가속 시키거나 방전시 발전기로 작동하여 운동에너지를 전기에 너지로 변환하는 역할을 한다. 플라이휠 시스템은 18,000rpm 의 속도에서 5kWh 의 사용 가능한 에너지 저장



Fig. 1. A schematic view of two types of flywheel energy storage systems

용량을 가지도록 설계되었고 플라이휠을 포함하는 회전체 의 질량은 400kg, 극관성 질량모멘트와 횡관성 질량모멘트 는 각각 13.6 kg-m²과 27.2 kg-m²이며, 각 베어링의 부하용 량은 약 1300N으로 설계되었다.

3. 동역학적 모델

본 논문에서는 다른 회전체 모델로서 유한요소법[2]을 이용한 유연체 회전체의 모델을 구하였다. 회전체를 각각 균일한 기하학적 형상과 재료 물성치를 가지는 여러 개의 요소로 나누고, 하나의 요소에 대해 Rayleigh 의 빔 이론 혹 은 Timoshenko 의 빔 이론을 적용하여 요소의 좌우 끝 단의 변위 벡터에 대한 동역학식을 구하여 요소간에 경계조건을 적용하면 다음과 같은 회전체 전체의 운동방정식을 구할 수 있다.

M	$0 = \mathbf{\ddot{w}}_x$	$\Omega \mathbf{G} [\dot{\mathbf{w}}_x]$	
0	$\mathbf{M} \rfloor \begin{bmatrix} \mathbf{\ddot{w}}_y \end{bmatrix}^{+} \begin{bmatrix} -\Omega \mathbf{G} \end{bmatrix}$	$0 \mathbf{\dot{w}}_{y}$	(1)
$+\begin{bmatrix} \mathbf{K}\\ 0 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 0 \\ \mathbf{K} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{w}_x \\ \mathbf{w}_y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{F}_x \\ \mathbf{F}_y \end{bmatrix}$		(1)

식 (1)에서 전역 질량(M), 자이로스코프(G), 강성(K) 행 렬은 각 요소 행렬들의 합으로 이루어진다. w_x, w_y 는 각 요소의 반경방향 절점변위, Ω 는 회전속도를 나타낸다. 자 이로스코프효과 때문에 회전체의 동역학적 특성은 회전속 도에 종속적으로 변하게 되며, 회전체에 작용하는 베어링 힘이나 외란 등은 $\mathbf{F}_x, \mathbf{F}_y$ 를 통해 반영되었다.

일반적으로 유한요소법을 이용한 유연체 모델링은 크기 가 매우 크기 때문에 제어기 설계에 있어서 단점으로 작용 한다. 더욱이 모델이 포함하고 있는 고차의 모드들은 회전 체의 동역학적 특성에는 영향을 미치지 않기 때문에 관심 있는 주파수 영역에서의 특성만을 포함하도록 modal truncation[3]을 이용하여 모델을 축소할 수 있으며 다음과 같이 유도된다.

$$\begin{bmatrix} \ddot{\xi}_m \\ \ddot{\psi}_m \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \mathbf{0} & \Omega \Phi_m^t \mathbf{G} \Phi_m \\ -\Omega \Phi_m^t \mathbf{G} \Phi_m & \mathbf{0} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \dot{\xi}_m \\ \dot{\psi}_m \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \Lambda^2 & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \Lambda^2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \xi_m \\ \psi_m \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \Phi_m^t \mathbf{F}_x \\ \Phi_m^t \mathbf{F}_y \end{bmatrix}$$
(2)

능동형 자기베어링 제어를 위해 회전체가 미소변위를 가진다고 가정하면 바이어스 선형화 방법[4]을 이용하여 자 기베어링의 선형 모델을 얻을 수 있다.

식 (1)의 변수들을 이용하면 입력 전류 **U** 로부터 발생 하는 힘 **F** 사이의 관계를 나타내는 자기베어링의 선형 모 델은 아래와 같이 표현할 수 있다.

$$\mathbf{K}_{x}\mathbf{W} + \mathbf{K}_{a}\mathbf{u} \tag{3}$$

베어링 강성행렬 \mathbf{K}_x 와 구동기(자기베어링) 게인 행렬 \mathbf{K}_a 이다.

 $\mathbf{F} = -$

4. 제어기 설계

4.1 비례미분 제어기

자기베어링은 개루프 불안정성을 가지기 때문에 안정적 인 부상을 위해서 폐루프 궤환제어가 필요하다. 일반적으 로 비례미분제어기(Proportional-Derivative controller) 가 사용 되며 다음과 같이 표현된다.

$$H_{PD}(s) = K_p + K_d s \tag{4}$$

이러한 PD 제어기는 고주파영역에서 무한대의 게인(실 현불가능)을 가지기 때문에 이를 보완하기 위해 고주파영 역에서 제어기의 대역폭(bandwidth)을 적용시키면 다음과 같이 유도된다.

$$H_{PD}(s) = K_p + \frac{K_d s}{\tau_d s + 1}$$
(5)

여기서 τ_d 는 제어기 대역폭이다.

4.2 Notch filter 설계

일반적으로 필터는 특정 주파수에서 시스템의 기계적 응답이 단위 이득 보다 큰 경우, 그 효과를 줄이기 위해서 제어 시스템에 적용된다. 특정 주파수에서의 기계적 응답 을 줄이는 방법 중 하나로 Notch filter 가 있으며, 설계 방 법에는 standard notch, Chebyshev filter, elliptical filter 등 여러 가지가 있다. 본 논문에서는 일반적인 2 차 notch filter 식을 이용하였으며 아래와 같이 정의된다[5].

$$G_{notch} = \frac{\frac{\alpha^2}{4\pi^2 f^2} s^2 + \frac{2\alpha\xi}{2\pi f} s + 1}{\frac{1}{4\pi^2 f^2} s^2 + \frac{2\times0.05}{2\pi f} s + 1}$$
(6)

이 때, $f \leftarrow$ notch 주과수, α notch 의 폭, ξ notch 의 깊이를 의미한다.

5. 시뮬레이션

3 장에서 유도한 회전체의 축소 유연체 모델과 능동형 자기베어링 모델, 4 장에서 유도한 PD 제어기 모델을 이용 하면 자기베어링에 지지되는 회전체 시스템 모델을 유도할 수 있으며 이를 회전체의 FRF(Frequency Response Function) 을 구하여 회전체 시스템 모델을 검증하였다(Fig.2). 유도된 시스템 모델을 이용하여 시스템의 극점과 영점을 복소평면 에 그려보면, Fig.3 과 같다. Fig. 3 에서 알 수 있듯이 회전체 의 유연모드의 극점이 복소평면의 우평면에 존재하여 시스 템을 불안정하게 만들고 있다. 이러한 불안정 극점들은 PD 제어기를 통한 제어가 어렵기 때문에 앞 장에서 유도한 Notch filter 를 이용하여 시스템을 안정화 하였다. 유연모드 의 주파수는 455Hz 와 600Hz 이므로, 두 주파수를 Notch 주파수로 가지는 두 개의 Notch filter 를 설계하여 PD 제어 기에 적용하였다. Fig. 4는 Notch filter 를 적용하였을 때 시 스템의 극점과 영점을 나타낸다. Fig. 4 에서 알 수 있듯이 Notch filter 의 적용으로 인해 새로운 극점이 추가되었지만, 시스템의 유연모드 극점이 복소평면의 좌평면으로 이동하 여 시스템의 안정성을 확보하였음을 알 수 있다.

6. 결론

본 논문에서는 플라이휠 시스템을 이용하여 축소 유연 체 회전체 모델를 유도하고 실험을 통하여 유도한 시스템 모델을 검증하였다. PD 제어기와 Notch filter 를 설계하여 시 스템의 안정성을 확보하였고, 이를 시뮬레이션을 통하여 확인하였다.

참고문헌

- Schweitzer. G. "Active Magnetic Bearings Chances and Limitations," Proc. 6th Int. IFToMM Conf. on Rotor Dynamics, 2002.
- H. D. Nelson and J. M. McVaugh, "The dynamics of rotorbearing systems using finite elements," ASME Journal of Eng. For Ind., Vol. 98, pp.593-600.



Fig. 2 Model identification results



Fig. 3 Pole-zero map of the system derived using reducedorder flexible rotor model



Fig. 4 Pole-zero map of the system added notch filter with reduced-order flexible rotor model

- D. Childs, "Turbomachinery Rotordynamics," New York : John Wiley & Sons, 1993.
- E. Maslen and D. Meeker, "Fault tolerance of magnetic bearings by generalized bias current linearization," IEEE Trans. Magnetics, Vol.31, pp.2304-2314, 1995.
- G. Schweitzer, E. Maslen, and *et.al.*, "Magnetic Bearings," Springer, New York, 2009.