# 미세 밀링 가공시 절삭력 측정을 통한 공구휨의 추정 Estimation of tool deflection using measurement of cutting force in micromilling

이민규, \*허세곤, <sup>#</sup>민병권, 이상조

M. K. Lee, \*S. G. Heo, <sup>#</sup>B.-K. Min(bkmin@yonsei.ac.kr), S. J. Lee 연세대학교 기계공학부

Key words : Micromilling, tool deflection, cutting force

# 1. 서론

미세 밀링 공정은 1 mm 이하 영역의 복잡한 3 차원 형 상을 재료의 제약없이 빠른 속도로 가공할 수 있다.<sup>1</sup> 그러 나 미세 밀링 공정의 공구 직경이 수십에서 수백 마이크로 미터로 작아짐에 따라, 미세 밀링 공정에서 공구휨이 중요 한 문제로 부각되었다.

공구휨 현상에 대한 기존 연구를 살펴보면, Dow<sup>2</sup> 와 Rao<sup>3</sup>는 절삭력 모델을 이용하여 그루브와 곡선 가공시 발 생하는 공구휨을 추정하고 공구경로를 보정하는 방법을 제 시하였다. Saffar 는 FEM 시뮬레이션을 이용하여 절삭력과 공구휨을 해석하고 실험결과와 비교하였다.<sup>4</sup> 그러나 기존 연구들은 절삭력이 변화할 때의 공구휨을 예측할 수 없다.

본 연구에서는 측정된 절삭력과 공구휨 모델을 이용하 여 축방향 가공오차를 예측하였다. 모델의 정확성을 검증 하기 위하여 예측한 값을 실험결과와 비교하였다.

## 2. 축방향 공구휨 모델

미세 밀링 공정 중의 공구휨은 횡방향 가공오차뿐만 아 니라 축방향 가공오차도 발생시킨다. Fig. 1 은 공구휨에 의해 발생한 축방향 가공오차를 보여주는 개략도이다. 공 구는 피드 반대방향으로 절삭력을 받으며, 절삭력을 받는 방향으로 휨이 발생한다. 공구휨에 의해 절삭날의 한쪽 높 이가 절삭깊이(Depth of cut) 보다 깊어지면서 축방향 가공 오차, 즉 과절삭(Overcut)이 발생하게 된다.



Fig. 1 Schematic diagram of axial tool deflection



Fig. 2 Schematic diagram of cantilever beam model

공구휨에 의한 축방향 가공오차를 예측하기 위하여 Fig. 2 에 표현된 빔 모델을 이용하였다. 빔 모델에서 평엔드밀 의 복잡한 날 형상은 원기둥으로 단순화하였고, 절삭력은 절삭깊이의 중간 위치에서 집중하중으로 작용한다고 가정 하였다. Fig. 2 에서 가공오차는 d, 날 길이는 L, 공구 직경 은 D 로 표시된다. 가공오차는 공구의 중립면을 기준으로 빔 처짐 기울기 각도와 공구 반지름을 이용하여 식 (1)과 같이 계산된다.

$$d = \frac{D}{2}\sin(\frac{Fa^2}{2EI}) \tag{1}$$

식 (1)은 공구휨 현상에서 중립면의 Z-축방향 길이 변 화가 고려되지 않을 때 성립한다. 따라서, 실제 가공오차를 예측하기 위해서는 Fig. 2 에 나타난 λ를 고려해야 한다. 빔의 미소길이 *ds*, *dx* 와 처짐량 *dv*를 이용하여 빔의 미 소영역에서 Z-축방향 길이 변화, *dλ*는 식 (2)와 같이 계 산된다.

$$d\lambda = ds - dx = dx \left[ \sqrt{1 + \left(\frac{dv}{dx}\right)^2} - 1 \right]$$
(2)

식 (2)를 테일러 정리와 빔처짐 공식을 이용하여 정리 하고, 날 길이에 대하여 적분하면 빔 전체의 짧아진 길이,  $\lambda 는 식 (3)과 같다.$ 

$$\lambda = \frac{1}{8} \left[ (L-a)(\frac{Fa^2}{EI})^2 + \int_0^a \left( \frac{Fx}{EI} (2a-x)^2 dx \right) \right]$$
(3)

따라서, Z-축방향 가공오차는 식 (1)에서 식 (3)을 뺀 값 이 되며, 식 (4)와 같다. 여기서, C는 모델의 보정계수이다.

$$d = C(\frac{D}{2}\sin(\frac{fa^2}{2EI}) - \frac{(15L - 7a)}{120}(\frac{Fa^2}{EI})^2)$$
(4)

#### 3. 공구의 물성치 측정

미세 밀링 공구의 재료는 텅스텐 카바이드 계열로 구성 되어 있으며, 공구의 표면은 코팅되어 있다. 따라서 공구의 정확한 탄성계수를 계산하기 어렵다. 또한 복잡한 절삭날 의 형태 때문에 공구의 면적 관성모멘트를 정확하게 계산 하기 어렵다. 이러한 문제점을 해결하기 위해서, 공구의 탄 성계수와 면적 관성모멘트 값을 통합하여 EI 로 정의하고, 실험을 통하여 EI 값을 도출하였다.

Fig. 3 은 공구의 물성치 측정을 위한 실험장치의 개략도 를 나타낸다. 공구는 Ø0.2 mm, 2 날 평엔드밀을 사용하였다. 공구를 공구동력계에 접촉시킨 후, 머시닝센터의 X 축 스테 이지를 10 μm 씩 이송시키며 공구에 작용하는 힘을 측정하 였다. X 축 스테이지가 10 μm 씩 이송할 때 마다 공구에 작 용하는 힘은 약 5N 씩 증가하였다. 빔처짐 공식에 공구 직 경, 날 길이, X 축 스테이지 이송량, 절삭력을 각각 대입하 여 계산된 공구의 EI 값은 9.14533 × 10<sup>5</sup> μm<sup>2</sup> 이다.

# 4. 공구휨 실험

공구휨 모델의 정확성을 검증하기 위하여 공구휨 실험 을 수행하였다. Fig. 4 는 공구휨 실험 장치의 개략도이다. 실험 장치는 머시닝센터(Nano-21, Roku-Roku), 공구동력계 (9256C1, kistler)로 구성된다. 수집된 절삭력 신호는 Labview 프로그램을 이용하여 분석하였다. 절삭속도와 절삭깊이를 변화시키며 슬롯 가공을 수행하였다. 실험 조건은 Table 1 과 같다. 실험에서 축방향 가공오차는 머시닝센터에 설정 한 절삭 깊이와 실제 가공된 슬롯의 측정된 깊이를 비교하 여 구해진다.

Fig. 5 (a)는 절삭속도의 변화에 따른 실제 실험결과와 모델을 통해 계산된 축방향 가공오차를 나타내는 그래프이 며, Fig. 5 (b)는 절삭깊이의 증가에 따른 실험과 모델의 결 과를 나타내는 그래프이다. 이를 통해, 절삭속도가 증가하 거나 절삭깊이가 커질수록 절삭력은 증가하며, 그에 따라 축방향 가공오차도 증가하는 것을 알 수 있다. 모델에 적 용된 절삭력은 피드방향과 피드 수직방향 절삭력의 합력의 RMS 값이다. 모델을 통해 계산된 축방향 가공오차에 보정 계수 0.35 를 적용함으로써 실험을 통해 측정된 값과 유사 한 값을 가지게 됨을 알 수 있다.

### 5. 결론

본 연구에서는 정적 빔 모델과 측정된 절삭력을 이용하 여 미세 밀링 공정에서의 공구휨에 의한 축방향 가공오차

Table 1 Experimental condition

Item	Detail
Tool	Φ 0.2mm, 2Flutes end-mill
Workpiece	SKD
Spindle speed	50,000 rpm
Depth of cut (µm)	10, 20, 30, 40 (axial)
Feedrate (mm/min)	20,25, 30, 35, 40, 45, 50, 55, 60



Fig. 3 Schematic diagram of experimental setup



Fig.4 Schematic diagram of experimental setup



(a) Cutting force and overcut according to feedrate



(b) Cutting force and overcut according to depth of cut

Fig. 5 Comparison between the experimental and model results

를 추정할 수 있음을 보였다. 가공오차는 원기둥으로 단순 화된 공구휨 모델에 공구의 물성치, 스펙, 측정된 절삭력을 입력하여 계산된다. 모델의 정확성을 검증하기 위하여 다 양한 절삭력을 가지는 조건에서 가공실험이 실행되었으며, 모델의 결과에 보정계수를 적용함으로써 실험결과와 유사 한 값을 예측할 수 있다는 것을 확인하였다. 본 연구결과 는 추후 지능형 스테이지를 이용하여 미세구조물의 가공오 차를 능동적으로 보정할 수 있는 시스템에 적용될 수 있다.

후기

본 논문은 지식경제부의 전략기술개발사업 "대면적 미세형 상 가공시스템 개발"과제의 지원 하에 수행되었습니다.

# 참고문헌

- J. C. Miao, G. L. Chen, X. M. Lai, "Review of dynamic issues in micro-end-milling," The International Journal of Advanced Manufacturing Technology 31, 897-904, 2007.
- Thomas A. Dow, Edward L. Millier, Kenneth Garrard, "Tool force and deflection compensation for small milling tools." Precision Engineering 28, 31-45, 2004.
- V.S. Rao, P.V.M. Rao, "Tool deflection compensation in peripheral milling of curved geometries." International Journal of Machine Tools & Manufacture 46, 2036-2043, 2006.
- R. Jalili Saffar, M.R. Razfar, O. Zarei, E. Ghassemieh, "Simulation of three-dimension cutting force and tool deflection in the end milling operation based on finite element method." Simulation Modelling Practice and Theory 16, 1677-1688, 2008.