비선형 전기부하구성 예측을 위한 최적화 기법 비교 평가

이순, 박정욱 연세대학교

Numerical Optimization Applied to Estimate the Composition of Nonlinear Electric Loads

Soon Lee, Jung-Wook Park Yonsei University

Abstract - 본 논문은 전력시스템 수용가를 구성하는 비선형 부하에 흐르는 왜곡된 파형을 가진 전류의 상대적 비율을 결정하여 비선형 전 기부하구성을 예측하기 위한 연구이다. 본 논문에서는 수용가 전기부하 구성 예측을 위한 해결 절차로써 수용가의 수리적 모델링을 통한 시스 템 방정식을 도출하였고 최적화 이론을 적용하였다. 또한, 본 시스템에 적용한 최적화 알고리즘으로 steepest descent, conjugate gradient, Broydon-Fletcher-Goldfarb-Shanno (BFGS) 기법을 사용하였고, 예측된 결과들의 성능을 나타내는 지표인 수렴 속도와 정확도 비교를 통하여 분산 전력시스템의 전기부하구성 예측을 위해 BFGS 기법을 적용하는 것이 가장 효율적인 방안임을 보였다.

1.서 론

전력시스템에 정현파 전압이 공급될 때, 시스템에 연결된 비선형 부하 는 고조파의 발생을 통해 부하에 흐르는 전류 파형을 왜곡시키는 특성 을 가진다. 이러한 특징은 고조파에 의한 왜곡전력의 발생으로 인해 고 객에게 낮은 품질의 전력을 공급하는 주된 원인이 된다. 또한 부하의 구 성을 예측하기 어렵게 하여 전체 전력시스템을 불안정하게 만들고 시스 템의 신뢰도를 떨어뜨릴 수 있다.

특히 최근에 급속도로 발달하는 반도체의 기술의 영향과 맞물려 현재 전력전자의 스위칭 소자를 포함하는 비선형의 특성을 가지는 부하가 증 가하는 추세에 있으며 전력시스템 수용가에 흐르는 전류의 파형 왜곡이 심해지고 있다. 따라서 본 문제에 대처하기 위한 방안으로 파형의 전고 조파왜곡(THD)에 대한 IEEE 국제 기준이 마련되었고 [1]-[2], 이와 함 께 본 논문을 통해 연구한 수용가 부하구성 비율의 빠르고 정확한 예측 정보를 이용하여 전체 전력시스템의 계통을 분석하고 계획하는데 큰 도 움을 줄 수 있을 것으로 기대한다.

2. 수리적 모델링 및 시스템 방정식 구현

2.1. 시스템 모델링을 위한 데이터 분석

많은 실질적인 환경에서 전기부하의 구성은 알려지지 않는다. 그러한 상황에서, 수용가 전기부하구성은 수용가에 입력되는 전 체 전류와 개별적인 부하들의 전류 파형의 측정을 통해 추론될 수 있다. 그림 1과 같은 분산전력시스템 수용가의 서비스 입력단 에서 전체 전기부하 전류 *i*(*t*)가 측정되고 다음과 같이 가정한다.

$$i(t) = 880.0 \cos(\omega t) + 185.5 \cos(3\omega t - 2^{\circ}) +$$

75.0 cos(
$$5\omega t - 4^{\circ}$$
) + 65.0 cos($7\omega t - 6^{\circ}$). (1)

(1)에서 기본 주파수는 60Hz이다, 그리고 서비스 입력단에서 선간 전압은 480V(피크값)의 정현파이다. 기본적으로 한 주기 *T* 동안 (1)에서의 전체 전기부하 전류 *i*(*t*)의 데이터 견본 수는 16667이다. 이 샘플링 주파수는 기본 주파수뿐만 아니라 고조파 에 관한 Niquist 정리를 만족할 만큼 충분히 크다.

그림 1의 시스템 부하에 정현과 전압이 공급될 때, 수용가에 연결된 전형적인 전기부하 집단과 각 부하에 흐르는 전류 파형 이 표 1에 주어진다. 이 전기부하 집단은 백열등, 형광등, 컴퓨 터, 그리고 모터 구동장치의 부하 유형으로 구성되어 있고, 이는 각각 첨자 *i*, *f*, *c*와 *m* 으로 표시한다.

(1)에서 나타난 전체 전류 *i*(*t*)를 표 1에서 주어진 전형적인 부 하 집단을 이용하여 나타내면 (2)와 같이 표현할 수 있다.

$$\dot{i}(t) = k_1 \dot{i}_i(t) + k_2 \dot{i}_f(t) + k_3 \dot{i}_c(t) + k_4 \dot{i}_m(t)$$
⁽²⁾

여기서 계수 k_1 , k_2 , k_3 , k_4 는 결정되어야 하는 미지의 계수이 다. 각 계수는 전체 부하전류에 대한 해당 부하에 흐르는 전류의 실질적 구성 비율을 나타낸다. 따라서 본 연구의 최종 목적은 이 계수들을 효율적이고 정확하게 구하는 것이다.



<그림 1> 간략화한 분산전력시스템 수용가 모형

<표 1> 정규화한 전형적인 수용가 부하의 전류 파형

전기부하	부하전류 파형 (정규화)				
백열등	$i_i(t) = 1.0\cos\left(wt\right)$				
형광등	$i_f(t) = 1.0\cos(wt - 3^o) + 0.48\cos(3wt - 5^o) + 0.35\cos(5wt - 3^o) + 0.28\cos(7wt - 2^o)$				
컴퓨터	$\begin{split} i_c(t) &= 1.0\cos\left(wt\right) + 0.28\cos\left(3wt - 1^o\right) + \\ & 0.05\cos\left(5wt - 8^o\right) + 0.03\cos\left(7wt - 10^o\right) \end{split}$				
모터 구동장치	$\begin{split} i_m(t) = & 1.0\cos{(wt)} + 0.15\cos{(5wt-8^o)} + \\ & 0.11\cos{(7wt-10^o)} \end{split}$				

2.2. 시스템 방정식 구현

(2)의 계수를 예측하기 위한 문제는 (3)과 같이 목적함수 J를 정의하고 목적함수의 값을 최소화하면서 해결할 수 있다.

$$\mathbf{J} = \int_{t=0}^{t=T} \left[i(t) - \left\{ k_1 i_i(t) + k_2 i_f(t) + k_3 i_c(t) + k_4 i_m(t) \right\} \right]^2 dt$$
(3)

(3)에서의 연속시간 목적함수 **J**는 컴퓨터 시뮬레이션을 위해 (4)에서 이산시간 함수로써 다시 수식화될 수 있다. 여기서 *N*은 기본 주과수의 한 주기 *T* 동안 얻어지는 샘플의 수이다.

$$\mathbf{J} = \sum_{n=0}^{N-1} \left[i(n) - \left\{ k_1 i_i(n) + k_2 i_f(n) + k_3 i_c(n) + k_4 i_m(n) \right\} \right]^2$$
(4)

목적함수가 최소값을 갖는 경우에, 각 계수들과 관계된 함수 J의 미분 값은 정확히 0이 될 것이다. 이 계산은 4개의 미지수, 즉 구하고자 하는 4개의 계수에 해당하는 4개의 방정식이 발생 한다. 이 4개의 방정식의 해는 계수 벡터 k=[k₁, k₂, k₃, k₄]로 나 타낼 수 있다. 그러므로 (4)에서 목적함수 J를 계수 벡터 k에 관 련하여 미분을 취하면 (5)와 같이 표현된다.

$$\frac{\partial \mathbf{J}}{\partial k_{1}} = 2\sum_{n=0}^{N-1} [i(n) - \{k_{1}i_{i}(n) + k_{2}i_{f}(n) + k_{3}i_{c}(n) + k_{4}i_{m}(n)\}] \times \{-i_{i}(n)\} = 0$$

$$\frac{\partial \mathbf{J}}{\partial k_{2}} = 2\sum_{n=0}^{N-1} [i(n) - \{k_{1}i_{i}(n) + k_{2}i_{f}(n) + k_{3}i_{c}(n) + k_{4}i_{m}(n)\}] \times \{-i_{f}(n)\} = 0$$

$$\frac{\partial \mathbf{J}}{\partial k_{3}} = 2\sum_{n=0}^{N-1} [i(n) - \{k_{1}i_{i}(n) + k_{2}i_{f}(n) + k_{3}i_{c}(n) + k_{4}i_{m}(n)\}] \times \{-i_{c}(n)\} = 0$$

$$\frac{\partial \mathbf{J}}{\partial k_{4}} = 2\sum_{n=0}^{N-1} [i(n) - \{k_{1}i_{i}(n) + k_{2}i_{f}(n) + k_{3}i_{c}(n) + k_{4}i_{m}(n)\}] \times \{-i_{m}(n)\} = 0$$
(5)

$$\begin{bmatrix} \sum_{\substack{n=0\\N-1}}^{N-1} i_i(n) \cdot i_i(n) & \sum_{\substack{n=0\\N-1}}^{N-1} i_f(n) \cdot i_i(n) & \sum_{\substack{n=0\\N-1}}^{N-1} i_c(n) \cdot i_i(n) \\ \sum_{\substack{n=0\\N-1}}^{N-1} i_i(n) \cdot i_f(n) & \sum_{\substack{n=0\\N-1}}^{N-1} i_f(n) \cdot i_f(n) & \sum_{\substack{n=0\\N-1}}^{N-1} i_f(n) \cdot i_c(n) & \sum_{\substack{n=0\\N-1}}^{N-1} i_f(n) \cdot i_m(n) & \sum_{\substack{n=0\\N-1}}^{N-1} i_f(n) \cdot i_m(n) & \sum_{\substack{n=0\\N-1}}^{N-1} i_f(n) \cdot i_m(n) & \sum_{\substack{n=0\\N-1}}^{N-1} i_c(n) \cdot i_m(n) & \sum_{\substack{n=0\\N-1}}^{N-1} i_f(n) \cdot i_m(n) & \sum_{\substack{n=0\\N-1}^{N-1} i_f(n) \cdot i_m(n) & \sum_{\substack{n=0\\N-1}^{N-1} i_f(n) & \sum_{\substack{n=$$

(5)의 방정식을 정리하면 (6)에서와 같이 Ax=b의 선형시스템 방정식의 형태로 배열된다. 결과적으로, 계수 벡터 k를 나타내는 방정식의 해 x는 직접 또는 반복 알고리즘을 통해 구할 수 있 다. 위 시스템 방정식의 해를 구하기 위해 다음에서 반복 알고리 즘인 최적화 이론의 적용을 언급하고 그 결과를 분석하겠다.

3. 최적화 알고리즘의 적용과 비교 평가

(6)의 해 x는 x=A⁻¹b와 같이 직접적인 방법으로 쉽게 계산될 수 있다. 하지만 많은 전기적 부하 집합이나 큰 스케일의 멀티 버스 시스템을 가진 큰 규모의 전력시스템에서, (6)의 시스템 행 렬 A는 직접 역을 취하기에 한계를 가진 큰 행렬이 된다. 이런 실질적인 경우를 위해 최적화 알고리즘과 같이 역행렬 연산이 필요 없는 반복기법을 사용한다.

3.1. 최적화 알고리즘의 적용

다중 입력과 출력을 가지는 선형/비선형 시스템의 해를 구하 기 위한 공학적 예측 문제를 분석하는데 있어 최적화 이론이 다 양하게 적용되고 있다. 최적화 알고리즘 중에 가장 널리 사용되 고 있는 steepest descent 기법은 간단한 구조를 가지고 있어 구 현이 용이하다는 장점이 있다. 하지만 일차 도함수를 이용해 해 를 찾아가는 과정에 반복회수가 많아 수렴속도가 늦어진다는 단 점을 가진다. 그러므로 steepest descent 기법은 예측방향성을 보정하는 매개변수를 첨가하여 반복회수를 줄이고 수렴속도를 획기적으로 증가시켜 성능을 향상한 conjugate gradient 기법으 로 수정되었다. conjugate gradient 기법의 가장 큰 장점은 예측 방향성이 Newton 기법을 통한 이차 도함수로부터 측정되는 목 적함수의 Hessian 행렬과 켤레화되어 이차 수렴성(quadratic convergence)의 특징을 가진다는 것이다. 이 conjugate gradient 기법을 통한 steepest descent 기법의 성능 향상은 해를 구하기 위한 방향성을 업데이트하는 반복과정에서 이전단계의 과정을 포괄하는 반복을 수행하기 때문에 가능하다. Quasi-Newton 알 고리즘의 하나인 Broydon-Fletcher-Goldfarb-Shanno(BFGS) 기 법도 역시 이차 수렴성의 특징을 가진다. 이 기법은 예측 값이 거의 수렴 값에 근접하면 그 값이 구하고자 하는 해에 접근하게 되는 우수한 수렴성을 가지는 Newton 기법과 같이 동작한다. conjugate gradient 기법과 비교해서 BFGS 기법은 이전 모든 반복과정에서 얻어지는 방향성 정보가 metric이라는 nXn 행렬 로 수집되어 사용하기 때문에, 보다 뛰어난 향상을 보인다. 이 특징은 BFGS 기법이 conjugate gradient 기법을 대체하여 비선 형 시스템을 효율적으로 분석하는 수단으로 사용하도록 한다.

3.2. 최적화 알고리즘 비교 평가

본 논문에서 언급한 시스템의 부하구성을 구하기 위한 시스템 방정식 을 직접적인 방식으로 계산하여 정규화 하면 **x**=**A**⁻¹**b**=[*k*₁, *k*₂, *k*₃, *k*₄]=[0.1935, 0.1220, 0.5433, 0.1412]^T와 같은 결과를 얻을 수 있다. 비선형 부하를 포함하고 있는 본 논문의 분산전력시스템 수용가에 위 에서 언급한 세 가지 최적화 이론을 적용하여 최종 부하구성 비율의 예 측 값은 직접적인 방식으로 구한 값과 일치한 값을 얻을 수 있었다. 적 용한 최적화 기법의 성능을 평가하기 위해 모든 최적화 기법에 동일한 초기 값과 같은 정지 조건을 사용하였으며, 반복회수와 수렴시간 그리 고 최종 예측 값을 (2)에 사용하여 얻은 예측 전체 전류 파형과 (1)의 측정 전류 파형과의 오차 값을 비교하였고 그 결과를 표 2에 나타냈다.

〈표	2>	최적화	기법	성능	평7	ŀ
〈표	2>	최적화	기법	성능	평7	

성능	반복회수	수렴시간	오차
Steepest Descent	13314	0.703s	2.3694×10^{-7}
Conjugate Gradient	5	0.032s	1.4201×10^{-10}
BFGS	3	0.031s	1.6646×10^{-11}

$$\begin{bmatrix} \sum_{\substack{n=0\\N-1}}^{N-1} i_m(n) \cdot i_i(n) \\ \sum_{\substack{n=0\\N-1}}^{N-1} i_m(n) \cdot i_f(n) \\ \sum_{\substack{n=0\\N-1}}^{N-1} i_m(n) \cdot i_c(n) \\ \sum_{\substack{n=0\\N-1}}^{N-1} i_m(n) \cdot i_m(n) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} k_1 \\ k_2 \\ k_3 \\ k_4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sum_{\substack{n=0\\N-1}}^{N-1} i(n) \cdot i_f(n) \\ \sum_{\substack{n=0\\N-1}}^{N-1} i(n) \cdot i_c(n) \\ \sum_{\substack{n=0\\N-1}}^{N-1} i(n) \cdot i_c(n) \\ \sum_{\substack{n=0\\N-1}}^{N-1} i(n) \cdot i_m(n) \end{bmatrix}$$
(6)



<그림 2> 최적화 기법의 적용을 통한 반복회수에 따른 오차 값 비교



<그림 3> 반복회수에 따른 오차 값 비교 (두 번째 반복과정 이후)

세 가지 최적화 기법을 적용한 결과의 성능 비교를 통해 BFGS 기법이 전기부하구성을 결정하는데 있어 명백히 가장 효 율적인 방안임을 볼 수 있었다. 그림 2는 결정된 전기부하구성 비율을 사용하여 예측된 전체 전류 파형과 (1)의 측정 전류 파형과의 오차 값의 변화를 반복회수가 증가함에 따라 나타낸 그림이다. 초기 오 차 값은 모두 2.6345×10³ 이고 이 값은 그림 2에서처럼 모든 최적화 이 론의 첫 번째 반복 과정에서 같은 기울기를 가지고 빠르게 감소함을 볼 수 있다. 이는 부하구성 비율 결정을 위한 최적화 이론의 적 용이 잘 동작하고 있음을 나타낸다. 두 번째 반복 과정을 거치면 서, 세 알고리즘의 예측방향성이 업데이트되고 방향성에 따라 오 차 값의 감소 비율이 달라진다. 두 번째 반복 과정 후의 오차 값 의 변화를 그림 3에서 그림 2를 확대하여 나타냈다.

특히 BFGS 기법은 다른 최적화 기법과 비교해볼 때, 오차가 작아질수록 Newton 기법처럼 동작하여 뛰어난 이차 수렴능력을 보여주었으며 반복회수의 감소 효과를 볼 수 있었다. 따라서 만 약 BFGS 기법이 실제 분산전력시스템과 같은 더 복잡한 비선형 시스템에 적용된다면 더 확실한 효과를 보일 것으로 기대된다.

4.결 론

본 논문은 전력시스템 수용가를 구성하는 비선형 부하에 의해 발생하는 왜곡된 전류 파형을 사용하여 전기부하구성의 비율을 예측하는 연구이다. 전기부하구성 예측을 위해 분산전력시스템의 수리적 모델링을 통한 시스템 방정식을 유도하였고, 세 가지 최적화 이론이 성공적으로 적용되었다. 또한 적용한 이론들의 성능을 비교, 평가하여 전기부하구성 예측을 위해 BFGS 기법의 적용이 가장 효율적인 방안임을 보였다.

[감사의 글]

본 연구는 산업자원부의 전력산업 고급인력양성사업을 통한 지 원으로 수행되었음 (대정전예방기술연구센터).

[참 고 문 헌]

[1] "IEEE Standard for IEEE Recommended Practices and Requirements for Harmonic Control in Electrical Power Systems", IEEE Std.519, 1993

[2] "IEEE Draft Standard for Interconnecting Distributed Resources with Electric Power Systems", IEEE Std.1547, 1999.