

진화 Granule 기반 퍼지추론 시스템의 최적 설계

Optimal design of fuzzy inference systems based on genetic granulation

박건준, 이동윤, 오성권

원광대학교 전기전자 및 정보공학부

Kun-Jun Park, Dong-Yoon Lee, Sung-kwun Oh

Dept. of Electrical, Electronic and Information Engineering

Wonkwang University

E-mail : ohsk@wonkwang.ac.kr

요 약

본 논문은 비선형 시스템의 퍼지모델을 위해 정보 granules 기반 퍼지 추론 시스템의 새로운 설계 및 이의 최적화를 제시한다. 퍼지모델은 주로 경험적 방법에 의해 추출되기 때문에 보다 구체적이고 체계적인 방법에 의한 동정 및 최적화 될 필요성이 요구된다. 일반적으로, 정보 granules는 근접성, 유사성 또는 기능성 등에 인하여 서로 결합되는 요소(특히, 수치 데이터)의 실체이다. 제안된 퍼지 모델은 정보 데이터의 특성을 살리기 위해 HCM 클러스터링 방법에 의해 전반부/후반부 구조 및 파라미터 동정을 시행한다. 두 가지 형태의 퍼지 추론 방법은 간략 추론과 선형추론에 의해 수행되며 삼각형 멤버십 함수를 사용한다. 구축된 정보 granule 기반 퍼지 모델은 유전자 알고리즘을 이용하여 전반부 파라미터를 최적으로 동정한다. 제안된 비선형 모델의 성능평가는 수치적인 예를 통해 비교 평가한다.

1. 서론

많은 연구자들은 자연 현상을 이해하고 그것을 이용하기 위한 연구가 이루어지고 있다. 그 중 1965년에 Zadeh[1]에 의해 창안된 “퍼지집합” 이론은 비선형적이고 복잡한 실 시스템의 특성을 해석하는데 적용함으로써 수학적 모델보다 좋은 결과를 가져왔다. 설계할 시스템의 성능 및 기능의 요구조건에 따라 퍼지 모델은 애매 모호한 언어적 변수를 수치적으로 표시할 수 있어서 융통성 있는 시스템 설계를 가능하게 하고 시스템의 기능을 향상시키며 설계를 간단하게 해주는 장점이 있다. 그러나 데이터 특성에 맞는 퍼지 모델을 구축하는데 있어서는 전문가와 시행착오에 의존해야 하는 어려움이 있어 동적으로 변화하는 환경에서 적응적으로 대처할 수 있는 퍼지 모델을 구축하기가 힘들다. 이러한 문제를 해결하기

위한 방법으로 정보 Granules(IG)[2-5]에 대한 연구가 행해지고 있다. 일반적으로, 정보 granules는 근접성, 유사성 또는 기능성 등에 인하여 서로 결합되는 요소(특히, 수치 데이터)의 실체이다. 특히, 정보 granulation은 어떤 문제를 다루기 쉬운 몇 개의 큰 덩어리로 나누는 것을 목적으로 한다. 이러한 방법으로 이 문제들은 기존보다 더 적은 양의 계산적인 복잡성을 위해 잘 정의된 하위문제(모듈)들로 분할된다.

본 논문에서는 정보 Granules의 특성에 맞는 퍼지 모델을 구축하기 위하여 데이터들간의 거리를 기준으로 근접한 정도를 측정하여 데이터를 특성별로 분류하는 HCM 클러스터링 알고리즘 [6]을 이용하여 초기 멤버십 정점을 동정하고 유전자 알고리즘[7]을 이용하여 최적의 파라미터를 동정한다. 멤버십 함수는 삼각형 형태를 이용하여 후반부 구조로는 구조 1(간략 퍼지추론)과 구

조 2(선형 퍼지추론)를 이용한다. 이의 평가를 위해 표준모델로서 널리 이용되는 Box와 Jenkins가 사용한 가스로 공정 데이터[8]를 모델링하여 기존 퍼지 모델링 방법과 비교 평가한다.

2. 퍼지 추론 시스템의 새로운 설계

2.1 전반부 동정

퍼지 모델링에서 전반부 동정, 즉 구조 동정 및 파라미터 동정은 비선형 시스템을 표현하는데 있어서 매우 중요하다. 왜냐하면 전반부 입력 변수의 선택과 선택된 입력 변수의 공간 퍼지 분할 그리고 파라미터 동정은 비선형 시스템의 성능을 결정하는데 많은 영향을 미치기 때문이다. 본 논문에서 전반부 멤버십 함수를 삼각형 형태를 이용한다. 기존의 방법은 멤버십 함수를 입력 변수의 최소값과 최대값 사이에서 임의의 개수로 등분하여 일률적으로 정의하였으나 이는 데이터들이 가지고 있는 특성을 제대로 반영하지 못하는 단점이 있다. 그래서 전반부 파라미터 동정을 위해 HCM 클러스터링에 의해 초기 멤버십함수의 정점을 동정하고 유전자 알고리즘을 이용하여 전반부 파라미터를 최적으로 동정한다.

2.2 후반부 동정

후반부 구조로는 퍼지추론에 의해 구별되는 구조 1(간략 퍼지추론)과 구조 2(선형 퍼지추론)을 사용한다. 각각의 후반부 구조로부터 시스템 입출력 데이터를 가지고 각 구조에 대한 HCM 클러스터링 알고리즘을 사용함으로써 입출력 데이터간의 중심값을 이용하여 전반부뿐만 아니라 후반부에도 입출력 데이터 관계의 특성을 고려한다. 후반부 다항식 함수에 입출력 데이터의 중심값을 적용하여 정보 Granule 기반 퍼지 모델을 구축한다.

2.2.1 구조 1(간략 퍼지추론)

후반부가 단일 상수항만을 가지는 것으로, 이와 같은 추론법을 간략 퍼지추론법이라 한다. 정보 Granule 기반 퍼지 모델은 식 (1)과 같은 형태를 가지는 구현 규칙들로 구성되며, 퍼지 추론에 의해 추론된 값 y_j^* 는 식 (2)와 같다.

$$R^j: IF \ x_1 \text{ is } A_{j1} \text{ and } \dots \text{ and } x_k \text{ is } A_{jk} \text{ Then } y_j - M_j = a_{j0} \quad (1)$$

$$y_j^* = \frac{\sum_{j=1}^n w_{ji} y_j}{\sum_{j=1}^n w_{ji}} = \frac{\sum_{j=1}^n w_{ji} (a_{j0} + M_j)}{\sum_{j=1}^n w_{ji}} \quad (2)$$

후반부 파라미터는 a_{j0} 로써 입출력 데이터가

주어졌을 때 최소 자승법에 의해 구해진다.

2.2.2 구조 2(선형 퍼지추론)

후반부가 일차 선형식을 가지는 것으로, 이와 같은 추론법을 선형 퍼지추론법이라 한다. 정보 Granule 기반 퍼지 모델은 식 (3)의 형태를 가지는 구현 규칙들로 구성된다.

$$R^j: IF \ x_1 \text{ is } A_{j1} \text{ and } \dots \text{ and } x_k \text{ is } A_{jk} \quad (3)$$

$$\text{Then } y_j - M_j = a_{j0} + a_{j1}(x_1 - v_{j1}) + \dots + a_{jk}(x_k - v_{jk})$$

선형 퍼지추론법에 의해 추론된 값 y_j^* 는 다음과 같다.

$$y_j^* = \frac{\sum_{j=1}^n w_{ji} y_j}{\sum_{j=1}^n w_{ji}} \quad (4)$$

$$= \frac{\sum_{j=1}^n w_{ji} (a_{j0} + a_{j1}(x_{1i} - v_{j1}) + \dots + a_{jk}(x_{ki} - v_{jk}) + M_j)}{\sum_{j=1}^n w_{ji}}$$

후반부 파라미터 동정은 구조 1과 같이 최소 자승법에 의해 구해진다.

3. 퍼지 추론 시스템의 최적화

제안된 퍼지 추론 시스템의 최적 설계를 위해 HCM 클러스터링 알고리즘을 통해 데이터를 특성별로 분류하고, 분류된 클러스터들의 중심을 사용하여 초기 멤버십 파라미터를 동정한다. 그런 다음, 유전자 알고리즘을 사용하여 최적의 파라미터를 동정하게 된다.

3.1 HCM 클러스터링

본 논문에서는 데이터들간의 거리를 기준으로 근접한 정도를 측정하여 데이터를 특성별로 분류하는 HCM 클러스터링 알고리즘[6]을 이용하였다. HCM클러스터링에 의한 데이터 분류는 다음과 같다.

[단계 1] 클러스터 개수 ($2 \leq c \leq n$)를 결정하고, 소속행렬 U를 초기화한다.

[단계 2] 각각의 클러스터에 대한 중심벡터를 구한다.

[단계 3] 각각의 클러스터 중심과 데이터와의 거리를 계산하여 새로운 소속행렬을 생성한다.

[단계 4] 만일 종료 조건을 만족한다면 종료하고, 그렇지 않으면 [단계 2]로 간다.

본 논문에서는 HCM 클러스터링 알고리즘을 이용하여 퍼지 모델의 전반부 초기 파라미터를 동정하고, 후반부 입출력 데이터의 중심값을 적용하여 각 입출력 데이터의 특성을 고려한 정보 Granule 기반 퍼지 모델을 구축한다.

$$[x_1, Y] \rightarrow [v_{1i}, m_{1i}], [x_2, Y] \rightarrow [v_{2i}, m_{2i}] \quad (5) \quad \text{다.}$$

3.2 유전자 알고리즘

유전자 알고리즘은 자연 선택과 유전학에 기반으로 하는 확률적인 탐색방법으로써 탐색과 해의 가능영역들을 균형 있게 이용하기 위하여 생산, 교배, 돌연변이의 과정을 수행하는 일반성 있는 탐색법으로 비선형 최적화 이론에 탁월한 성능을 발휘하고 있다.[7] 기존의 다른 탐색방법들과 달리 유전자 알고리즘은 해가 될 가능성이 있는 개체집단을 유지하면서 그들 모두가 동시에 최적값을 찾아나가기 때문에 지역 극소에 빠질 위험을 어느 정도 해결할 수 있다는 점과 더불어 모델의 성능지수가 최소가 되는 전역 극소 영역을 찾는 능력을 갖고 있으며, 또한 기존의 방법들과는 달리 선형, 연속, 미분가능 등의 제한이 없기 때문에 다양한 분야에 별다른 제한 없이 적용할 수 있다는 장점을 가진다는 것이 중요한 특징이다.

본 논문에서는 제안된 퍼지 모델에 대한 멤버십함수의 정점을 최적으로 설정해 주기 위하여 유전자 알고리즘을 이용하여 모델의 최적화 과정을 수행하게 된다.

4. 실험 데이터를 통한 결과 고찰

제안된 퍼지모델의 평가를 위해 다른 지능모델에 널리 사용된 비선형 공정에 대한 성능 평가의 척도로 사용되고 있는 가스로 공정[8]을 사용한다. 모델의 평가 기준인 성능지수는 수치 데이터인 가스로 공정에 대해서 MSE(Mean Squared Error), 식 (6)을 이용한다.

$$PI = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (y_i - \hat{y}_i)^2 \quad (6)$$

제안된 퍼지 모델에 입출력 데이터인 가스 흐름율과 연소된 이산화탄소 농도로 가스로 공정을 모델링한다.

입력 $u(t)$ 가 가스 흐름율이고 출력 $y(t)$ 가 이산화탄소 농도인 1입력 1출력의 가스로 공정 입출력 데이터 296쌍을 시뮬레이션을 위해 입력으로 $u(t-3)$, $y(t-1)$ 를, 출력으로 $y(t)$ 를 사용하는 2입력 1출력으로 설정하여 사용한다.

표 1은 기존의 퍼지 모델에 유전자 알고리즘을 이용하여 동정한 성능지수를 보여주며 표 2는 정보 Granule 기반 퍼지 모델에 유전자 알고리즘을 이용하여 최적으로 파라미터를 동정한 성능지수를 보여준다. 표에서 볼 수 있듯이 구조 1의 경우는 후반부 구조가 상수항만므로 구성되어 있으므로 뚜렷한 성능 차이를 보이지 않으나 구조 2의 경우에는 일반화 능력에서 성능 향상을 보인

표 1. 유전자 알고리즘을 이용한 성능지수

No. of MFs	구조	PI	E_PI
2x2	구조 1	0.024	0.328
	구조 2	0.018	0.268
3x2	구조 1	0.023	0.329
	구조 2	0.017	0.268

표 2. 정보 Granule 기반 유전자 알고리즘을 이용한 성능지수

No. of MFs	구조	PI	E_PI
2x2	구조 1	0.024	0.328
	구조 2	0.019	0.265
3x2	구조 1	0.022	0.333
	구조 2	0.018	0.265

그림 1은 표 2에서 $u(t-3)$ 과 $y(t-1)$ 입력에 대한 멤버십 함수의 수가 각각 3개와 2개이고 구조 2의 경우에 대하여 최적으로 동정한 파라미터를 보여준다.

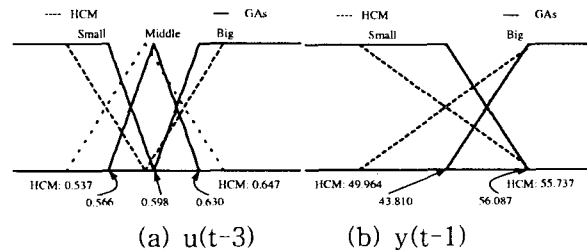


그림 1. GAs에 의한 동정한 파라미터

그림 2는 그림 1의 경우에 제안된 퍼지 모델의 최적화 탐색과정을 보여준다.

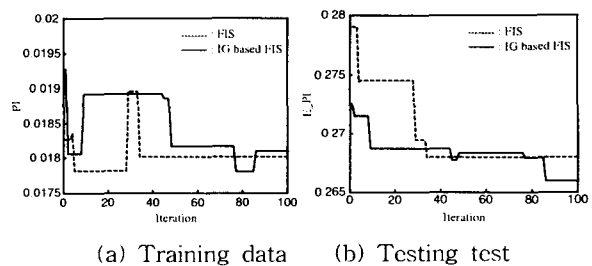


그림 2. GAs에 의한 모델의 최적화 탐색과정

표 3은 기존의 퍼지모델과 제안한 퍼지 모델과의 동정 에러를 보여준다. 구조 2의 경우 기존의 퍼지 모델보다 나은 성능을 보여주며 근사화 및 일반화 능력이 향상되었음을 알 수 있다.

표 3. 기존 퍼지모델과 동정 에러 비교

Model	PI _t	PI	E_PI	구분
Tong's model[9]	0.09			19
Pedrycz's model[10]	0.076			20
Xu's model[11]	0.088			25
Sugeno's model[12]	0.05			6
Oh et al.'s model[13,14]	구조 1		0.024 0.328	4
			0.022 0.326	4
			0.021 0.364	6
HCM+GA [15]	구조 1		0.035 0.289	4
			0.022 0.333	6
	구조 2		0.026 0.272	4
			0.020 0.264	6
Our model	구조 1		0.024 0.328	4
			0.022 0.333	6
	구조 2		0.019 0.265	4
			0.018 0.265	6

5. 결론

비선형 공정에 대해 체계적이고 효율적인 모델을 얻기 위하여 정보 Granule 기반 퍼지 시스템의 최적구조를 제안하였다. 그리고 이 퍼지 시스템 구조는 잘 알려진 공정을 모델링하기 위하여 사용하였다. HCM 클러스터링 알고리즘에 의한 정보 Granule은 퍼지규칙의 전, 후반부에 각각 사용될 멤버쉽함수의 초기 정점 및 다항식 함수의 초기값과 같은 그러한 퍼지모델의 초기 파라미터를 결정하는 것을 돕는다. 그리고 그 초기 파라미터는 유전자 알고리즘 및 표준최소자승법에 의해 효과적으로 튜닝(조정)된다. 결과적으로 제안된 퍼지 모델은 입출력 데이터의 특징을 모델에 반영하기 위해 클러스터링 알고리즘을 사용하여 퍼지 입력 공간을 정의하였고, 또한 후반부 다항식 함수에 의한 정보 Granule 기반 구조 동정 및 파라미터 동정을 수행하였다.

감사의 글

이 논문은 2003년도 학술진흥재단의 지원에 의하여 연구되었습(KRF-2003-002-D00297).

6. 참고문헌

[1] L. A Zadeh, "Fuzzy sets," Inf. Control 8, pp.338-353, 1965.
 [2] _____, "Fuzzy logic = Computng with words," IEEE Trans. Fuzzy Syst., Vol. 4, No. 2, pp. 103-111, 1996.
 [3] _____, "Toward a theory of fuzzy information granulation and its centrality in

human reasoning and fuzzy logic," Fuzzy Sets and Syst., Vol. 90, pp. 111-117, 1997.

[4] W. Pedryca and G. Vukovich, "Granular neural networks," Neurocomputing, Vol. 36, pp. 205-224, 2001.
 [5] W. Pedryca and A. Bargiela, "Granular Clustering: A Granular Signature of Data," IEEE Trans. on SMC-B, Vol. 32, No. 2, April 2002.
 [6] P. R. Krishnaiah and L. N. Kanal, editors. Classification, pattern recognition, and reduction of dimensionality, volume 2 of Handbook of Statistics. North-Holland, Amsterdam, 1982.
 [7] D. E. Goldberg, "Genetic Algorithm in search, Optimization & Machine Learning," Addison wesley, 1989.
 [8] G. E. P. Box and G. M. Jenkins, Time Series Analysis, Forecasting, and Control, 2nd edition Holden-Day, SanFransisco, 1976.
 [9] R. M. Tong, "The evaluation of fuzzy models derived from experimental data," Fuzzy Sets Syst., Vol. 13, pp.1-12, 1980.
 [10] W. Pedrycz, "An identification algorithm in fuzzy relational system," Fuzzy Sets Syst., Vol. 13, pp.153-167, 1984.
 [11] C. W. Xu and Y. Zailu, "Fuzzy model identification self-learning for dynamic system," IEEE Trans. on Syst. Man, Cybern., Vol. SMC-17, No. 4, pp.683-689, 1987.
 [12] M. Sugeno, T. Yasukawa, "Linguistic modeling based on numerical data," IFSA'91 Brussels, Copmputer, Management & System Science, pp.264-267, 1991.
 [13] S.-K. Oh and W. Pedrycz, "Identification of Fuzzy Systems by means of an Auto-Tuning Algorithm and Its Application to Nonlinear Systems," Fuzzy Sets and Syst., Vol. 115, No. 2, pp. 205-230, 2000.
 [14] C.-S. Park, S.-K. Oh, and W. Pedrycz, "Fuzzy Identification by means of Auto-Tuning Algorithm and Weighting Factor," The Third Asian Fuzzy Systems Symposium(AFSS), PP.701-706, 1998.
 [15] B.-J. Park, W. Pedrycz and S.-K. Oh, "Identification of Fuzzy Models with the Aid of Evolutionary Data Granulation," IEE Proc.-Control Theory and Applications, Vol. 148, Issue 05, pp. 406-418, Sept. 2001.