

# 의명성을 보장하는 (비대칭) 공개키 공모자 추적

최은영<sup>0</sup> 황정연 이동훈

고려대학교 정보보호 대학원

{bluecey<sup>0</sup>, hgy}@cist.korea.ac.kr, donghlee@korea.or.kr

## An anonymous asymmetric public key traitor tracing scheme

Eun Young Choi<sup>0</sup>, Jung Yeon Hwang, Dong hoon Lee

Center for Information Security Technologies(CIST)

### 요약

본 논문은, 내용 은닉 서명[1]과 시간-잠금 퍼즐[2]을 이용해서 의명성을 보장하는 [3]의 공모자 추적 스킴이 사실상 의명성을 갖지 않는다는 것에 대해서 보인다. 그 다음, 신뢰 기관을 이용하여 의명성을 보장하는 두개의 스킴을 제시한다. 첫 번째 스킴은 계시판과 [4]의 영지식에서의 증명을 이용해서 [3]에 제시된 스킴을 변형시켜 의명성을 보장한다. 두 번째 스킴은 [5]의 비대칭 공모자 추적 스킴을 이용해서 의명성을 보장하는 공개키 공모자 추적 스킴을 제공한다.

## 1. 서 론

최근에, 브로드 캐스트 암호화 스킴들은 네트워크 상에서의 디지털 컨텐츠(멀티미디어, 소프트웨어) 분배에 사용된다. 이러한 환경에서는 단, 권한을 부여받은 사람만이 디지털 컨텐츠에 접근하고, 어떤 사악한 사용자가 암호화된 내용의 브로드 캐스트로부터의 디지털 컨텐츠를 얻을 수 없어야 하는 것이 중요한 요구사항이다. 또한, 다른 중요한 요구사항은 공모자 추적이다. 공모자 추적 스킴은 사용자와 데이터 제공자가 비밀키를 공유하는 대칭성 스킴과 사용자만이 사용자 개인키를 알고 있는 비대칭으로 나누어진다. 그 후 Boneh 와 Franklin 은 하나의 공개 암호화 키를 사용하는 데이터 제공자와 각기 다른 개인키를 사용하여 복호화 할 수 있는 효율적인 공개키 공모자 추적 스킴을 제시했다.

의명성은 멀티미디어 컨텐츠를 구매할 때, 사용자의 정보가 누출되는 것으로 인해서 더 중요하게 되어, 의명성에 대한 다양한 연구가 이루어 졌으나 이 요구사항은 공모자 추적의 상반되는 개념이다. 그래서 의명성을 보장하는 공모자 추적 스킴을 구성하는 것은 쉬운 일이 아니다.

## 2. 사용하는 기자들

표시법: 메시지( $m$ )을 key  $ek$ 로 암호화 하는 것은  $E_{ek}(m)$ ,  $E_{ek}(m', m) = E_{ek}(m') \parallel E_{ek}(m)$  라 표시한다. 메시지( $m$ )을 key  $sk$ 로 서명하는 것은  $m_{sign}(sk)$ 라고 표시한다. (이후로)  $G_q$ 는  $Z_p^*$ 의 위수  $q$ 의 곱셈 subgroup라고 가정한다.

### 2.1 은닉 함수 값(Oblivious polynomial evaluation)

OPE 프로토콜[6]에서 보내는 사람 A는 P 함수를 비밀값으로 가지고 있으며, 받는 사람 B는  $a$ 를 비밀값으로 가지고 있다. 하지만 보내는 사람 A는 B의 비밀값  $a$ 를 모르지만, 받는 사람 B가 P함수를 모르는 상태에서  $P(a)$ 의 값을 계산할 수 있도록 프로토콜이 이루어진다. 그래서  $OPE(a)$ 는 B에 의해서 A에게 전송되는 것을 표시하며, A에 의해서 B에게 전송되는 것을  $OPE(P(a))$ 라고 표시한다. 특히 OPE는 유한체상에서  $OPE(a + a')$ 를 계산할 수 있는 유통성(malleable)을 가진다.

### 2.2 비대칭 공개키 공모자 추적[5]

kiayias 와 Yung 이 제시한 것으로 불법 디코더를 생성하는데 공모한 모든 사용자를 증명할 수 있는 효율적인 비대칭 공개키 암호이다.

1.초기화 단계: 시스템 관리자는  $Z_q$ 에서 임의의 함수  $Q_1(x) = a_0 + a_1x + \dots + a_{2v}x^{2v}$ ,  $b \in {}_RZ_q$  선택하고,  $y = g^{a_0}, h_0 = g, h_1 = g^{-a_1}, \dots, h_{2v} = g^{-a_{2v}}, h' = g^{-b}$  계산하고, 시스템의 공개키로  $ek = \langle y, h_0, h_1, \dots, h_{2v}, h' \rangle$  를 공개한다. 시스템 관리자는  $Q(x, y') = Q_1(x) + by'$  을 비밀로 유지한다.

2.참여 단계: 시스템 관리자가 임의로  $Z_u$ 를 선택하고,  $\alpha_u = \alpha_u^R + \alpha_u^C$ 를 생성한다.  $\alpha_u^C$ 는 사용자가 선택하고 위임(commitment)한 값이고,  $\alpha_u^R$ 는 시스템 관리자가 선택한 값이다.  $\alpha_u^C$ 의 위임은  $\langle C_u = g^{\alpha_u^C}, C_{usign(sk_u)} \rangle$  형태이다. 참여 프로토콜은 OPE의 유통성에 의해서 이루어

진다. 사용자개인키:  $K = \langle Q(Z_u, \alpha_u), Z_u, \dots, Z_u^{2v}, \alpha_u \rangle$

3.암호화 단계: 데이터 제공자는 메시지(content) M을 임의의 r과 암호화 키 ek 이용해서 암호화 한다.

$$E(ek, M) = \langle y^r \cdot M, h_r, \dots, h_{2v}^r, (h')^r \rangle$$

4.복호화 단계: 사용자는 암호문  $\overline{C} = \langle G, G_0, G_1, \dots, G_{2v}, G' \rangle$ 을 개인키  $K = \langle \delta_0, \dots, \delta_{2v}, \delta' \rangle$ 를 사용해서 복호화 한다.  $D(\overline{C}, K) = G / ((G')^{\delta'} \prod_{j=0}^{2v} (G_j)^{\delta_j})$

5.공모자 추적 단계: 시스템 관리자는 대수학(algebraic)적 코드를 기반으로 하는 공모자 추적 알고리즘을 사용한다.

$$\text{입력값: } \overrightarrow{K} = \sum_{i=1}^t \mu_i K_u,$$

$\{u_1, u_2, \dots, u_t\} \subseteq \{1, 2, \dots, n\}$ ,  $t < 2v+2$ : 공모자 수  
출력값:  $\overrightarrow{\nu} = \langle \nu_{u_1}, \dots, \nu_{u_t} \rangle$ ,  $\nu_{u_i} = \mu_i$  for  $i = 1, \dots, t$ .

그리고  $\nu_i = 0$  for all  $i \in \{1, 2, \dots, n\} - \{u_1, \dots, u_t\}$

6.심사 단계: 시스템 관리자는 심사관에게  $\overrightarrow{\nu}$ ,  $\overrightarrow{K}$ ,  $a_{u_1}^R, \dots, a_{u_t}^R$  사용자의 위임(commitments)값  $C_{u_i}$ ;  $sign_{u_1}(C_{u_1}), \dots, sign_{u_t}(C_{u_t})$ 을 보낸다. 심사관은 다음을 테스트 한다.

$$\prod_{i=1}^t (C_{u_i} g^{a_{u_i}^R})^{\nu_{u_i}} = ? g^{\overrightarrow{K}}$$

이 테스트를 통과한 경우, 심사관은 데이터 제공자가 공모자라고 주장한 것을 보증한다.

### 2.3 영지식의 증명 [4](proving in Zero-Knowledge)

증명자가 자신이 제공한  $y = g^x$ 에 대한 비밀값 x를 알고 있다는 것을 증명하는 과정이다. 증명자가 임의의 r값을 선택,  $t = g^r$ 을 계산해서 확인자에게 보내고, 확인자는 임의의 C 값을 선택해서 그것을 증명자에게 보내고, 증명자는  $s = r - cx \bmod q$ 값을 확인자에게 보내고, 확인자는  $g^s y^c = ? t$ 를 통해 확인한다.

### 2.4 비상호작용 은닉전송

(non-interactive oblivious transfer:nOT)

은닉 전송은 보내는 사람은 받는 사람이 두개의 비밀값 중 어떤 값을 받았는지 알 수 없는 특성을 가지고 있다. 이것을 데이터 제공자가 사용자에게 어떤 개인키를 줬는지 알 수 없게 하는데 이용한다. 구체적인 것은 논문 [7]을 참조하다.

### 3. [3] 스킴에 대한 문제점, 익명성 보장의 해결책

#### 3.1 [3] 스킴의 비익명성에 대한 설명

[3]의 스킴에서는 익명성 제공의 방법으로 시간-장금 퍼즐[2]을 사용한다. 하지만 이 것은 추적성의 성질과 익명성의 성질, 즉, 정반대의 개념 성질을 가져야 하기 때문에 결국 주어진 시간 잠금 퍼즐은 데이터 제공자가 정직한 사용자의 시간-잠금 퍼즐을 계산할 수 있으므로 익

명성을 제공하지 못한다.

#### 3.2 익명성 보장의 해결책(스킴)

우리는 익명성을 보장하기 위해서 신뢰 기관(TA), 영지식 증명, 계시판을 이용한다. 이것은 초기 단계와 키 생성과정, 키 생성 과정은 데이터 제공자의 초기화, 키 생성 과정으로 이루어진다. ( ID: 사용자 신원정보, II: 거짓 신원정보(pseudo-identity))

표 1. 초기화 단계

사용자( $sk_u, vk_u$ )	신뢰기관( $dk_A, (g, ek_A)$ )
$x \in_R \mathbb{Z}_q, II = g^x$	
$\omega_b \in_R \mathbb{Z}_{q-1}, (b=0\text{or}1)$	
$a_b = g^{w_b}, a_{1-b} = C \cdot (g^{w_b})^{-1}$	$(\Pi, (a_0, a_1))$
$\langle \omega_b(a_0, a_1) \rangle$	계시판에 공고
$E_{ek_A}(\Pi_{sign(sk_u)}, ID), E_{ek_A}((a_0, a_1)_{sign(sk_u)})$	

이 과정에서 TA는  $(ID, \Pi_{sign(sk_u)}, (a_0, a_1)_{sign(sk_u)})$ 을 저장하고, 이후에 공모자 추적에 사용한다.

표 2. 초기화 : 데이터 제공자

$f(x) = C_0 + C_1 x + \dots + C_k x^k$ : 공개키
$S_0: (u_0, f(u_0)), S_1: (u_1, f(u_1))$ : 복호화 키

표 3. 키 생성 과정

사용자	데이터 제공자
$r \in_R \mathbb{Z}_q, t = g^r$	$\Pi, (a_0, a_1)$
	$C \in_R \{0,1\}^k$
$s = r - cx \bmod q$	검사 $g^s y^c = ? t$
$nOT(s_0, s_1)$	$\beta_i = g^{y_i}, y_i \in_R \mathbb{Z}_{q-1}, i \in \{0, 1\}$
$r_i \oplus \gamma_i = s_i$	$\gamma_0 = (a_0)^{y_0}, \gamma_1 = (a_1)^{y_1}$
	$r_0 = S_0 \oplus \gamma_0, r_1 = S_1 \oplus \gamma_1$

#### 3.3 익명성과 안전성

이 스킴은 데이터 제공자가 사용자의 거짓 신원정보만을 알기 때문에 익명성이 보장되며, 동일 사용자를 보호한다. 또한 기존의 스킴과 동일한 안전성을 갖는다.

#### 4. 익명성을 보장하는 (비대칭) 공개키 공모자 추적

이 스킴은 앞에서 제시된 익명성 보장의 스킴을 이용하여 사용자의 익명성을 제공하며, 다른 점은 신뢰 기관(TA)은  $(ID, \Pi_{sign(sk_u)}, \langle C_u = g^{a_u^c}, C_{u sign(sk_u)} \rangle)$ 을 저장

하고, 데이터 제공자가 암호화 키 ( $dk_D, ek_D$ ) 사용한다.

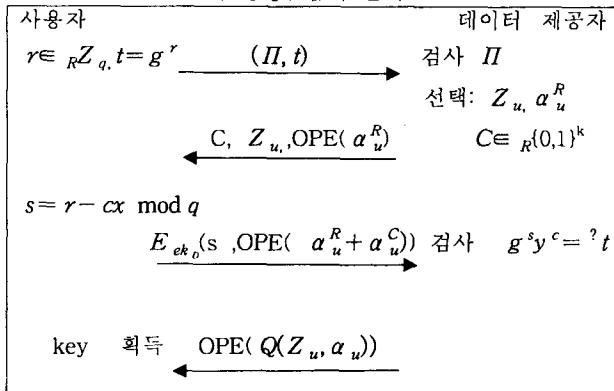
표 4. 초기화 단계

사용자 ( $sk_u, vk_u$ )	신뢰기관 ( $dk_A; (g, ek_A)$ )
임의로 $\alpha_u^C$ 선택	
$\langle C_u = g^{a_u^C}, C_{usign(sk_u)} \rangle$	
$x \in {}_R\mathbb{Z}_q, \Pi = g^x$	계시판 공고 $\Pi$
$E_{ek_A}(\Pi_{sign(sk_u)}, ID), E_{ek_A}(\langle C_u = g^{a_u^C}, C_{usign(sk_u)} \rangle)$	

표 5. 초기화 : 데이터 제공자

선택: $Q_1(x) = a_0 + a_1x + \dots + a_{2v}x^{2v}, b \in {}_R\mathbb{Z}_q$
계산 $Q(x, y') = Q_1(x) + by'$ : 비밀키
$y = g^{a_0}, h_0 = g, h_1 = g^{-a_1}, \dots, h_{2v} = g^{-a_{2v}}, h' = g^{-b}$
공개 $\langle y, h_0, h_1, \dots, h_{2v}, h' \rangle$ : 공개키

표 6. 키 생성(참여 단계)



앞의 2절에 설명했던 것과 유사한 방법으로 공모자 추적, 심사 과정을 실행하여 공모자를 찾아내고 확인하는 작업을 한다. [3]에서의 사용자는 데이터 제공자로부터 받은 개인키를 확인하기 위해서 비상호작용 은닉 전송을 사용해야 하지만, 여기서는 공개키의 특성을 이용하기 때문에 사용자는 데이터 제공자와의 어떤 상호 작용도 필요 없다.

#### 참고 문헌

- [1].D.Chaum, Blind Signatures for Untraceable Payments, Advances in cryptology -- CRYPTO'82, Plenum Press, 1982, pp.199-203.
- [2].R. Rivest, A. Shamir, and D. Wagner, Time-Lock Puzzles and Timed-Released Crypto, LCS Technical Mono MIT/LCS/TR-684, 1996.
- [3].E. M, P. K, V. C, An asymmetric traceability scheme for copyright protection without

trust assumptions, Advances in cryptology -- EC\_Web'2001, LNCS 2115, Springer-Verlag, 2001, pp.186-195.

[4].J.Camenisch and M. Michels, Proving in Zero-Knowledge that a Number Is the Product of Two Safe Primes, Advances in cryptology --EUROCRYPT'99, LNCS 1592, 1999, pp 107-122.

[5].A. Kiayias and M.Yung, Breaking and repairing asymmetric public-key traitor tracing, ACM Conference on Computer and Communication Security, ACM, 2002.

[6].M.Naor and B. Pinkas, Oblivious Transfer and Polynomial Evaluation, the 31th ACM Conference on Computer and Communication Security, ACM, 1999.

[7].M. Bellare, S. Micali, Non-Interactive Oblivious Transfer ,Applications, Advances in cryptology -- CRYPTO'89, LNCS 435, Springer-Verlag, 1990, pp.544-557.