

수은등을 이용한 인코히어런트 삼각 훌로그래피

(Incoherent Triangular Holography using Mercury Lamp)

김수길

(Soo-Gil Kim)

호서대학교 전기공학부 정보제어전공

Abstract

We presented a modified triangular interferometer as an incoherent holography, which can eliminate bias and conjugate image problems of the conventional one. Also, to demonstrate the feasibility of incoherent holography, the formation of an incoherent hologram using a mercury lamp and its optical reconstruction were presented.

1. 서 론

1948년 Gabor[1]에 의해 최초로 제안된 훌로그래피(holography)는 3차원 영상 디스플레이를 위한 가장 유력한 방법으로 인정받기 시작하였다. 그러나, 기존의 훌로그래피는 레이저를 이용하기 때문에 레이저광의 가간섭거리의 한계를 벗어나는 거리에 있는 장면은 훌로그램구성이 불가능하다. 따라서, 이러한 문제점을 해결하기 위해서는 자연界的 태양광에 의해 물체에서 반사되는 백색광을 이용하여 훌로그램을 만드는 인코히어런트 훌로그래피 방법이 가장 유망한 것으로 생각된다. 인코히어런트 훌로그램의 기록을 위해서 여러 가지 방법들이 제안되었다[2~7].

1966년 Cochran[5]에 의해 제안된 인코히어런트 삼각 훌로그래피는 자연광을 이용하여 훌로그램을 만들 수 있다는 장점이 있지만 근본적으로 두가지 주요한 단점을 가지고 있다. 먼저 물체가 복잡해질 때 훌로그램이 구성이 되는 평면에서 S/N비가 급격히 감소한다는 것이고 두 번째는 동축홀로그램이 복원될 때 실상과 허상이 동축상에 존재하게 되어 복원영상에 잡음이 많이 존재하게 된다는 것이다.

인코히어런트 훌로그램에 존재하는 바이어스를 제거하기 위해 여러가지 방법이 제안되었다. Kozma와 Massey[8]는 바이어스와 공간적으로 변화하는 신호를 분리하기 위해 훌로그램신호에 반송주파수를 도입하여 변조시키고 변조된 신호를 복조시킬 때 대역통과필터(bandpass filter)에 통과 시킴으로써 바이어스와 공간적으로 변화하는 성분

을 분리하여 바이어스를 제거하는 방법을 제안하였다. 1992년에 Mugnier와 Sirat[9]는 코노스코프 시스템에 LCLV와 회전하는 마스크를 이용하여 출력면에서 4가지 간섭패턴을 얻고 이들의 조합에 의해 바이어스와 신호를 분리하는 방법을 제안하였다. 그러나 LCLV와 회전하는 마스크와 같은 능동소자를 이용하므로 가격이 비싸고 동작에 따른 신뢰도에 있어서 문제를 가지는 단점이 있다. 이러한 단점을 없애기 위하여 기존의 삼각 간섭계에 간단한 수동소자를 추가함으로써 물체의 훌로그램에서 바이어스와 공액영상을 제거하는 방법이 제안되었다[10].

본 논문에서는 변형 삼각 간섭계를 이용하여 실험적으로 훌로그램을 구성하고 제안된 방법을 이용하면 이 훌로그램에서 바이어스와 공액영상이 제거될 수 있다는 것을 실험적으로 입증하겠다.

2. 변형 삼각 간섭계

변형 삼각 간섭계[10]를 그림 1에 나타내었다. 그림 1에서 PL1-2와 WP1-2는 각각 선형편광기의 wave plate를 나타내며, L1과 L2는 층간거리가 각각 f_1 과 f_2 인 렌즈들이다. PBS는 편광 광분할기이며, PL1과 WP2는 x축에 대하여 45도 회전되어 있고 WP1의 slow axis는 x축과 일치되어 있다. 그리고 PL2는 편광축이 x축 방향이며 F는 간섭풀터를 나타낸다.

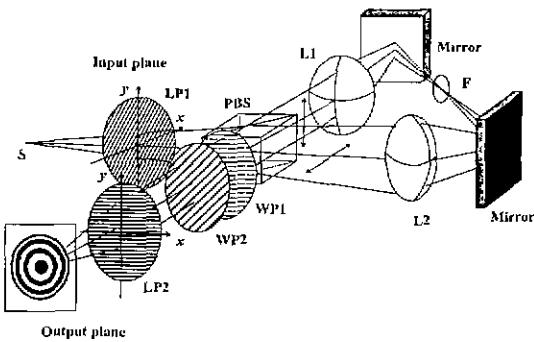


그림 1. 변형 삼각 간섭계

변형 삼각 간섭계에서 시계방향과 반시계방향으로 진행하는 빛이 출력면에서 더해지게 되는데, 출력면쪽에 위치한 wave plate들의 4가지 조합에 따라 출력면에서 얻어지는 빛의 세기도 4가지가 얻어진다.

그림 1에서 좌표가 $(x_0, y_0, -z_0)$ 인 점광원의 파장을 λ 라고 하자. 그러면 출력면에서의 점광원에 의한 PSF는 wave plate의 위상지연(phase retardation)의 4가지 조합과 Fresnel 근사에 의해 표. 1과 같이 4개의 PSF가 주어진다.

표. 1 위상지연에 따른 PSF(point-spread function)

wave plate	PSF
$\Gamma_1 = \frac{\pi}{2}$ 와 $\Gamma_2 = +\frac{\pi}{2}$	$I_{+c}(x, y) = \frac{1}{2}(1 + \cos \phi)$ (1)
$\Gamma_1 = \frac{\pi}{2}$ 와 $\Gamma_2 = -\frac{\pi}{2}$	$I_{-c}(x, y) = \frac{1}{2}(1 - \cos \phi)$ (2)
$\Gamma_1 = 0$ 와 $\Gamma_2 = +\frac{\pi}{2}$	$I_{+s}(x, y) = \frac{1}{2}(1 - \sin \phi)$ (3)
$\Gamma_1 = 0$ 와 $\Gamma_2 = -\frac{\pi}{2}$	$I_{-s}(x, y) = \frac{1}{2}(1 + \sin \phi)$ (4)

$$\text{여기서, } \phi = \frac{k}{2z_1} \left\{ (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 - (x_1^2 + y_1^2) \right\}$$

$$x_1 = \frac{x_0}{\alpha + \beta}, \quad y_1 = \frac{y_0}{\alpha + \beta}, \quad z_1 = \frac{z_0}{\alpha + \beta}, \quad \alpha = -\frac{f_1}{f_2},$$

$$\beta = -\frac{f_2}{f_1} \quad \text{그리고 } \alpha - \beta = 1^\circ \text{다. 또한, 점광원의 위치에 따른 빛의 진폭성분은 생략하였다.}$$

식 (2)를 빼면 식 (5)의 복소홀로그램의 실수부가 얻어진다.

$$I_c(x, y) = \cos \phi \quad (5)$$

식 (4)에서 식 (3)을 빼면 복소홀로그램의 허수

부가 식 (6)과 같이 얻어진다.

$$I_s(x, y) = \sin \phi \quad (6)$$

따라서, 식 (5)와 (6)을 전자적으로 (electronically) 결합함으로써 식 (7)과 같은 바이어스와 공액영상이 제거된 최종 복소홀로그램을 얻을 수 있게 된다.

$$\exp(\pm i\phi) \quad (7)$$

식 (7)은 wave plate의 위상지연의 조합을 이용하여 실수부와 허수부를 구하고 이 두 항의 결합을 통해 얻게 된 복소홀로그램을 나타내며, 이것은 바이어스와 공액영상이 없는 복소홀로그램이므로 식 (7)에서 양의 부호를 가진 복소홀로그램을 복원시 실상을, 음의 부호를 가진 복소홀로그램을 복원시 허상만을 판측할 수 있다. 따라서, 변형된 Cochran 삼각 간섭계에서는 wave plate의 위상지연 Γ_1 과 Γ_2 의 4가지 조합과 CCD 카메라를 이용하여 검출된 빛의 세기를 전자적으로 조작함으로써 바이어스와 공액영상이 제거될 수 있으므로 기존의 인코히어런트 홀로그래피의 근본적인 문제점의 해결가능성을 제시하였다.

3. 실험 및 결과 분석

변형 삼각 간섭계의 이론적 분석결과를 실험적으로 검증하기 위하여 단파장 점광원에 대한 인코히어런트 홀로그램의 합성 및 복원에 대한 실험을 기존의 삼각 간섭계와 변형된 삼각 간섭계에 대해 각각 수행하고 그 결과를 비교분석하였다. 실험에서 사용된 광원의 파장은 632.8 nm이고, 점광원에서 입력면(A면)까지의 거리는 1,000 mm, 삼각 간섭계에 사용된 렌즈 L_1 , L_2 의 초점거리는 각각 $f_1 = 150$ mm, $f_2 = 250$ mm이며, 변형된 삼각 간섭계에 사용된 wave plate는 $\lambda/4$ plate이다.

먼저 기존의 삼각 간섭계의 A면에서 1,000 mm만큼 떨어진 점광원의 간섭패턴을 B면에서 구하였다. 그림 2는 실험을 통해 B면에서 구한 점광원의 간섭패턴이다.

삼각 간섭계에서 구한 점광원의 간섭패턴은 최대값과 최소값이 위상이 2π 의 정수배가 되는 위치에서 주기적으로 발생하는 것을 그림 2를 통해 알 수 있으며, 이 간섭패턴은 흔히 Fresnel Zone Plate라고 불리는 것과 같은 형태의 패턴임을 알

수 있다.

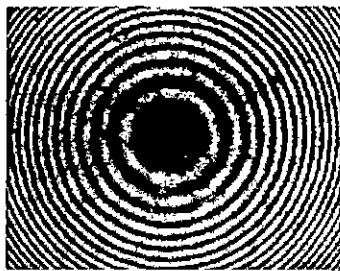


그림 2. 삼각 간섭계에서 구한 간섭패턴

그림 3은 변형 삼각 간섭계의 A면에서 1,000 mm만큼 떨어진 점광원에 대하여 wave plate의 위상지연 Γ_1 과 Γ_2 의 4가지 조합에 따라 B면에서의 간섭패턴들을 CCD카메라를 이용하여 찍고 이를 전자적으로 조합하여 구한 복소홀로그램의 실수부와 허수부를 나타낸 것이다.

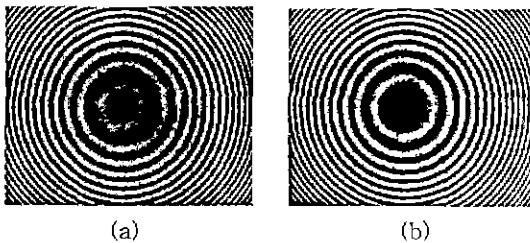


그림 3. 변형 삼각 간섭계로부터 얻은

복소홀로그램

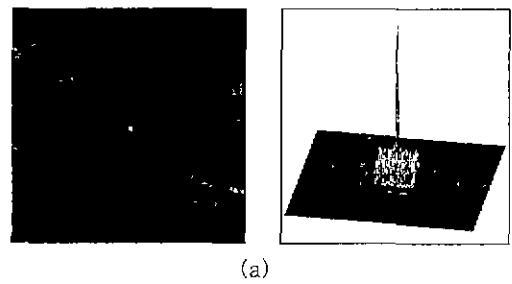
(a) 실수부

(b) 허수부

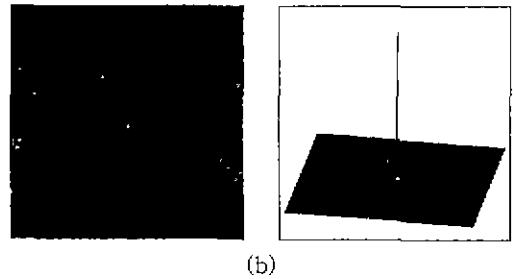
그림 3의 (a)와 (b)는 식 (7)에 대응하는 복소홀로그램의 실수부와 허수부인 데, 실제 복소홀로그램의 실수부와 허수부는 음수값을 포함하고 있으나 그림에서는 음수의 절대값이 가장 큰 부분이 256 gray level에서 0 레벨이 되도록 바이어스를 더해서 표현한 그림이다. 따라서, 변형 삼각 간섭계를 이용하여 복소홀로그램의 실수부와 허수부를 구할 수 있음을 알 수 있다. 또한, 바이어스체거가 제거된 영상에서는 원래의 간섭패턴에 존재했던 결함들이 제거된다는 것을 알 수 있다.

그림 4는 Fresnel-Kirchhoff[11] 적분식을 이용하여 복원한 영상이다. 그림 4의 (a)는 기존의 삼각 간섭계를 이용하여 얻은 홀로그램을 이용하여 복원한 영상이고, (b)는 변형된 삼각 간섭계를 이용하여 바이어스와 허상이 제거된 복소홀로그램을

이용하여 복원한 실상을 나타낸 것이다. 그림 4에서 왼쪽그림은 홀로그램을 이용하여 복원한 영상이고 오른쪽 그림은 복원영상의 빛의 세기를 입체적으로 표현한 것이다. 그림 4의 (a)에서는 배경에 바이어스와 허상이 존재하고, (b)의 복원영상은 바이어스와 허상이 존재하지 않으므로 SNR(signal to noise ratio)이 기존의 삼각 간섭계의 홀로그램을 복원한 것보다 변형된 삼각 간섭계의 복소홀로그램을 이용하여 복원한 영상이 월등히 좋다는 것을 알 수 있다.



(a)



(b)

그림 4. 복원영상 (a) 기존의 삼각 간섭계의 간섭패턴의 복원영상 (b) 변형 삼각 간섭계의 복소홀로그램을 복원한 영상

따라서, 이상의 결과를 통해 기존의 삼각 간섭계에서 얻은 홀로그램의 복원시 바이어스와 공액영상들이 동축상에 함께 존재하므로 영상의 질이 크게 떨어지는 반면에, 변형된 삼각 간섭계에서 얻은 복소홀로그램의 복원시에는 바이어스와 공액영상이 제거되어 SNR이 월등히 향상되는 것을 실험과 복원을 통해 검증하였다.

또한, 인코히어런트 광을 이용하는 경우에 있어서 변형 삼각간섭계의 가능성을 시험하기 위해서, 중심파장이 546.1nm인 수은등을 사용하여 하나의 점광원 홀로그램을 생성하고 복원하는 실험을 수행하였다. 출력면에서의 간섭패턴 즉 홀로그램영상을 CCD 카메라에 의해 찍혔다. 546.1nm에

대한 위상지연이 $\Gamma_1 = \frac{\pi}{2}$ 인 파장판(wave plate)이 없어서, 그림 1에서 파장판 WPI이 없는 시스템을 실험장치로 사용하였다.

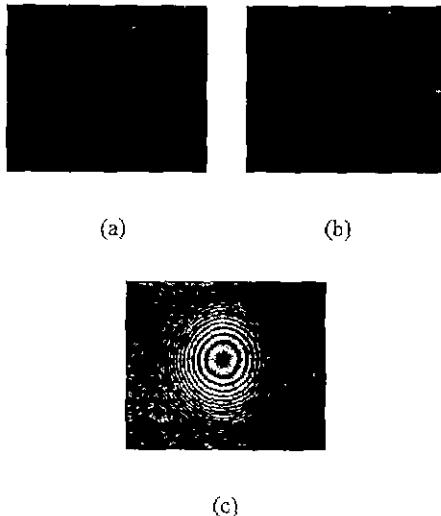


그림 5 실험에 의해 변형 삼각간섭계에서 얻어진 간섭 패턴 (a) $\Gamma_1 = 0, \Gamma_2 = \frac{\pi}{2}$ 인 경우의 점광원 휴로그램
(b) $\Gamma_1 = 0, \Gamma_2 = -\frac{\pi}{2}$ 인 경우의 점광원 휴로그램
(c) (b)에서 (a)를 뺀 영상.

그림 5의 (a)와 (b)는 각각 표 1의 $I_{+s}(x, y)$ 와 $I_{-s}(x, y)$ 에 대응하는 점광원 휴로그램을 나타낸다. 그림 5(c)는 바이어스가 제거된 sine 항을 보여준다. 이것은 그림 5의 (a), (b)에서 영상의 전자적인 조작에 의해 얻어진다. 이런 전자적인 결과를 시각적으로 보여주기 위해, 그림 5(c)에서 이진값은 256 gray level로 변환되어서 이 결과에서는 음의 값을 가지지 않는다. 그림 6은 그림 5의 휴로그램에서 복원된 영상을 보여준다. 이 영상들은 Fresnel-Kirchhoff integral[11]에 의해 디지털적으로 계산된 것들이다. 바이어스가 제거된 휴로그램에서(그림 5(c)) 복원된 영상(그림 6(b))은 바이어스가 있는 휴로그램에서(그림 5(a)) 복원된 그림(그림 6(a))보다 더 선명하다는 것을 알 수 있다. 그림 6(a)에서 배경잡음은 바이어스때문에 생기는 것이다. 그런데, 그림 6(b)에서는 바이어스가 존재하지 않지만, 공액영상이 제거되지 않았기 때문에, 공액 영상에 의한 잡음이 그림 6(b)에서는 존재한다는 것을 알 수 있다. 이 결과는 인코히어런트 휴로그램에서 바이어스와 공액영상을 제거하기 위해

제안된 방법이 유효하다는 것을 입증한다.

하나의 점광원 휴로그램의 광학적 복원이 또한 구현되었다. 복원에 사용된 코히어런트 광원은 He-Ne 레이저였다. 그림 7의 (a), (b)는 그림 5의 휴로그램으로부터 광학적으로 복원된 영상들이다. 휴로그램의 이진값들은 256 gray level로 양자화되어서 LCD로 전송되었다. 그림 7(a)에서, 바이어스에 의한 잡음이 복원영상에 존재하기 때문에 잘 볼 수 없다. 반면에 바이어스가 제거되었기 때문에, 복원영상 (b)는 (a)보다 더 선명하게 보인다는 것을 알 수 있다.

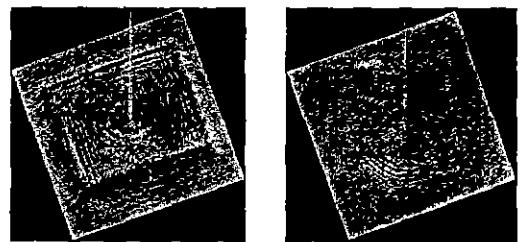


그림 6. 한 개의 점광원 휴로그램에서 수치적으로 복원된 영상들.



그림 7. (a) 바이어스가 존재하는 휴로그램에서 광학적으로 복원된 영상 (b) 바이어스가 제거된 휴로그램에서 광학적으로 복원된 영상.

4. 결 론

본 논문에서는 인코히어런트 휴로그래피인 기존의 삼각간섭계의 근본적인 문제인 바이어스와 공액영상의 문제를 해결할 수 있는 변형 삼각간섭계에 대한 실험결과와 실험을 통해 얻은 휴로그램의 수치복원결과를 제시하였다. 즉, 한 개의 점광원에 대한 실험결과를 통해 기존의 방법과 비교 분석함으로써 변형 삼각간섭계를 이용하여 바이어스와 공액영상의 제거가 가능하다는 것을 검증하였다.

또한, 제안된 방법의 유효성을 입증하기 위해서 수은등을 이용하여 점광원에 대한 홀로그램을 생성하고 이에 대한 복원실험을 수행하였다.

참 고 문 헌

- [1] D. Gabor, "A new microscopic principle," *Nature*, Vol. 161, 777-778, 1948.
- [2] A. W. Lohmann, "Wavefront reconstruction for incoherent objects," *J. Opt. Soc. Am.* 55, 1555-1556, 1965.
- [3] G. W. Stroke and R. C. Restrick III, "Holography with spatially noncoherent light," *Appl. Phys. Lett.* 7, 229-231, 1965.
- [4] H. R. Worthington, "Production of holograms with incoherent illumination," *J. Opt. Soc. Am.* 56, 1397-1398, 1966.
- [5] G. Cochran, "New method of making Fresnel transforms with incoherent light," *J. Opt. Soc. Am.* 56, 1513-1517, 1966.
- [6] P. J. Peters, "Incoherent holograms with mercury light source," *Appl. Phys. Lett.* 8, 209-210, 1966.
- [7] G. Sirat and D. Psaltis, "Conoscopic holography," *Opt. Lett.* 10, 4-6, 1985.
- [8] A. Kozma and N. Massey, "Bias level reduction of incoherent holograms," *Appl. Opt.* 8, 393-397, 1969.
- [9] L. M. Mugnier and G. Y. Sirat, "On-axis conoscopic holography without a conjugate image," *Opt. Lett.*, Vol. 17, No. 4, pp. 294-296, 1992.
- [10] 김 수길, 김 규태, 김 은수, 이 병호, "인코히 어런트 삼각 홀로그래피의 실질적인 구현," '96 대한전자공학회 하계종합학술대회 논문집 Vol. 19, No. 1, pp. 557-560
- [11] U. Schnars and W. Juptner, "Direct recording of holograms by CCD target and numerical reconstruction," *Appl. Opt.*, Vol. 33, No. 2, pp. 179-181, 1994.