

2상 유도전동 기의 자속분포 및 보오크의 특성에 관한 연구

A study on the magnetic flux distribution and torque
characteristics of the Two - Phase Induction Motor

임	달	호
심	양	국
이	진	우 *

한양대학교	전기공학과
"	"
"	"

유도전동기에 대한 유한요소 해석은 eddy current 문제로 표현된다. 이 경우 고정자 입력전류는 공간적 정현파 회전자개를 발생하도록 시행되는 것이 일반적이나, 실제의 경우 편선배치나 슬롯의 구조상의 문제로 인하여 이상적인 분포를 얻기 어렵다. 또한 일반형 3상 유도전동기에 비하여 2상 유도전동기의 경우에는 주 편선의 인가 전압을 기준전압으로 하여 제어편선의 입력이 제어되므로 공간의 (회전)자개분포는 바운더리자개를 형성하게되고 회전자 개부에 작용하는 torque 도 각각 영향을 받게된다. 이 경우, 양축의 입력의 실효치가 같을 때에는 평형 3상 유도전동기 해석의 경우와 같게 된다.

유도전동기 자체에 대한 F.E.M 연구는 이미 시도된 바 있으나 운전특성을 고려할 수 있는 등적 상배에 있어서의 연구는 취급되지 못하였다.

본 연구에서는 고정자 회전자개분포에 임의성을 줄 수 있다는 점에서 2상 유도전동기를 모델로 하였고, 유한요소법의 적용은 Galililian space time transformation 을 이용하여 속도 항이 참가된 에너지 범함수를 구한 후 이산영역에 적용시켰다. 이로부터 자기벡터포텐셜, 자속밀도 및 전동기 발생보오크를 2차 구속시 부터 여러 가지 운전상태에 대하여 회전속도에 변화를 주면서 구해 보았다.

본 연구에는 다음과 같은 가정이 도입되었다.
1. 단부효과는 무시하였고 z방향에 자개변화는 없다.
2. 자기적 특성은 선형으로 가정하였다.
3. 고정자 및 회전자 철심은 성층되어 이곳에서의

와전류는 무시하였다.

4. 회전자는 놓형으로 하였다.

5. 고정자 권선의 철연은 고려하지 않았다.

6. 전기전도도 및 자기저항률에 대한 온도의 영향은 무시하였다.

7. 자개는 준 정상자개이고 변위전류 및 전하는 무시하였다.

8. 회전자의 기개적 각속도는 일정하다.

그 밖에, 고정자 외측면과 축 중심점에는 Dirichlet 조건을 적용하였고, 내부영역은 Neumann 조건을 적용하였으며, 기기 단면의 요소에는 anti-periodicity condition 을 적용하였다.

기존시간 이전에 기기에 에너지 축적은 없다고 보았다.

고정자에 시변전류 입력을 인가하였을 때 회전자 동기 각속도 출입 S로 운전되고 있을 때 Maxwell 방정식은

$$\frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{\partial \Phi}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left(\frac{\partial \Phi}{\partial y} \right) = 6 \left[(1-S)W \left(\frac{\partial \Phi}{\partial x} - X \frac{\partial \Phi}{\partial y} \right) + \frac{\partial A}{\partial x} \right]$$

Galerkin 이론을 적용한 유한요소 방정식의 행렬 표현식은

$$\{ [S] + W(1-S)[D] \} [A] + [M] \left[\frac{\partial A}{\partial x} \right] = [F]$$

여기서, $[A]$: 절점의 벡터포텐셜의 일 벡터
 $\left[\frac{\partial A}{\partial x} \right]$: 2차 도체에서의 벡터포텐셜의 시간미분 값의 일 벡터

$[S], [D], [M]$: 각 삼각요소의 기하학적 모양 및 기기상수 값에 의존되는 행렬

[F]: 입력 일벡터

위식으로 부터 구해진 벡터포인트 A 와 절점좌표
값에서, 2차원 자속밀도는

$$B_x = \frac{1}{2A} \sum C_n A_n, \quad B_y = \frac{1}{2A} \sum b_n A_n$$

로 되고, 요소표면응력은,

$$|P| = \frac{1}{\mu_0} (\mathbf{J} \cdot \mathbf{B}) B - \frac{1}{2\mu_0} B^2 \pi \quad \text{이므로}$$

시간평균 밸анс보오크는

$$\bar{T} = \int_A |P| \times P dA$$

로 구할 수 있다.

본 연구에서 취급된 해석모델은 2상 4극 유도전
동기를 주기경계조건을 고려하여 1/4 영역을,
126절점, 218요소로서 2차원 삼각요소로, 분할
하여 구성하였다.

2. Z. J. Csendes, M. V. K. Chari, " Finite element analysis of eddy current effects in rotating electric machines ", IEEE, Pes pp 1 - 8, 1977

3. T. Shiozawa, " Phenomenological and electrorheoretical study of the electrodynamics of rotating systems ", IEEE. Proc. Vol 61, pp 1694 - 1703, 1973

4. K. Reichert, H. Freundl, W. Vogt. " The calculation of forces and torques within numerical magnetic field calculation methods ", Proceedings of the COMPUMAG, May pp 64 - 73, 1976.

해석모델

